



Desarrollo y Sociedad

ISSN: 0120-3584

ISSN: 1900-7760

revistadesarrolloysociedad@uniandes.edu.co

Universidad de Los Andes

Colombia

Castro R., Raúl; Castro Amado, Diego A.; Casallas A., Yolanda
Tasa de descuento: aspectos relevantes para el licenciamiento ambiental en Colombia
Desarrollo y Sociedad, núm. 84, 2020, -Junio, pp. 9-55
Universidad de Los Andes
Colombia

DOI: <https://doi.org/10.13043/dys.84.1>

Disponible en: <https://www.redalyc.org/articulo.oa?id=169162123003>

- Cómo citar el artículo
- Número completo
- Más información del artículo
- Página de la revista en redalyc.org

UNAM  redalyc.org

Sistema de Información Científica Redalyc
Red de Revistas Científicas de América Latina y el Caribe, España y Portugal
Proyecto académico sin fines de lucro, desarrollado bajo la iniciativa de acceso
abierto

Tasa de descuento: aspectos relevantes para el licenciamiento ambiental en Colombia

Discount rate: Relevant aspects for environmental normative in Colombia

Raúl Castro R.¹
Diego A. Castro Amado²
Yolanda Casallas A.³

DOI: 10.13043/DYS.84.1

Resumen

En el licenciamiento ambiental en Colombia, la tasa de descuento es el parámetro relevante para comparar los costos y beneficios de los proyectos. Actualmente, el criterio del 12 % establecido prioriza el consumo presente sobre el futuro. El objetivo de este artículo es estimar una Tasa de Descuento para licenciamiento Ambiental (TAD) que incorpore criterios de sostenibilidad. El enfoque metodológico consiste en calcular durante el periodo de 2001 a 2016 la tasa social de preferencia temporal como una aproximación a la TAD. Los resultados encontrados proponen incorporar una TAD con descuento decreciente y distribución gamma, que arroja cifras del 5, 4 y 2 % para el corto, mediano y largo plazo, respectivamente. La principal conclusión resalta que, dada la variabilidad de las TAD estimadas, es posible plantear un comporta-

1 Universidad de los Andes. Correo electrónico: rcastro@uniandes.edu.co

2 Universidad de los Andes y Autoridad Nacional de Licencias Ambientales. <https://orcid.org/0000-0002-1657-934X>. Correo electrónico: da.castrom1@uniandes.edu.co.

3 Autoridad Nacional de Licencias Ambientales. Correo electrónico: ycasallas@anla.gov.co

Este artículo fue recibido el 13 de abril de 2019, revisado el 28 de octubre de 2019 y finalmente aceptado el 26 de noviembre de 2019.

miento descendiente del descuento en el tiempo que recomienda fortalecer la importancia del consumo futuro en las decisiones gubernamentales.

Palabras clave: impactos ambientales, análisis coste-beneficio, evaluación de proyecto, Colombia.

Clasificación JEL: H43, D61, Q01, Q56.

Abstract

In the Colombian environmental normativity, the discount rate is the main variable that compares the temporal economic valuation of the costs and benefits produced by investment projects. Nevertheless, the established criterion of 12 % does not consider that some environmental impacts could be inter-generational. This paper estimates a specific discount rate (TAD) that integrates sustainability criteria, useful for the appraisal of environmental licenses. The methodological approach was to calculate the Social Rate of Time Preferences for Colombia, as an approximation of TAD during the 2001–2016 period. Due to the yearly widespread results, a declining discount rate with "gamma distribution" is proposed, finding values of 5 %, 4 % and 2 % for the short, medium and long term, respectively. The main conclusion highlights that due to the TAD's yearly widespread results found, it is possible to propose a decreasing behaviour in the discount rate related with time, which strengthens the importance of future consumption in governmental decisions.

Key words: Environmental impacts, cost benefit analysis, project evaluation, Colombia.

JEL Classification: H43, D61, Q01, Q56.

Introducción

En la evaluación económica de proyectos de inversión, políticas y programas, la elección de la tasa social de descuento (TSD) constituye un factor crítico para la toma de decisiones, dado que su valor permite comparar los flujos futuros de beneficios y costos monetarios de una alternativa de inversión o

de una política pública. Esta cifra toma una relevada importancia cuando se evalúan proyectos de inversión con impactos ambientales, cuya permanencia puede prolongarse de forma intergeneracional (muy a largo plazo). Actualmente, en la literatura no hay consenso absoluto sobre la metodología ideal para el cálculo de la TSD y el valor depende, entre otras variables, de la percepción del costo de oportunidad social de los recursos que son usados como insumos en los proyectos. De esta forma, el análisis central de este artículo aborda el cálculo en Colombia de la Tasa de Descuento para licenciamiento Ambiental (TAD⁴), cuyo valor surge como insumo principal del análisis costo-beneficio (ACB) requerido dentro de la normatividad ambiental vigente en el país (Autoridad Nacional de Licencias Ambientales [ANLA], 2018).

La hipótesis de trabajo se basa en el juicio de valor de que no solo se debe tomar para el cálculo de la TAD el criterio de asignación eficiente propio del ACB en su versión de eficiencia (la utilidad marginal del ingreso es constante para todos los individuos), sino también el criterio de equidad intergeneracional. Por ende, la TAD debe ser decreciente respecto del horizonte de tiempo de las inversiones a mediano y largo plazo, consideración esperada en este trabajo⁵.

En la normativa ambiental vigente en Colombia, todo proyecto de inversión sujeto a licenciamiento ambiental debe presentar un ACB de la valoración económica de los impactos relevantes (positivos y negativos) no internalizables⁶ del proyecto. Este ACB se hace bajo un enfoque metodológico de tasa dual de descuento, en el cual los beneficios netos ambientales se descuentan con una tasa diferente de los beneficios netos privados (p. ej., en un proyecto de reforestación los beneficios de venta de madera se descuentan con una tasa diferente de la usada para el cálculo de los beneficios por captura de carbono)

4 Actualmente se usa una tasa del 12%, cifra oficial sugerida por el Departamento Nacional de Planeación (DNP).

5 "Cada vez más autores sostienen la opinión de aplicar tasas de descuento variables en el tiempo según una función hiperbólica decreciente, con un valor comprendido entre cero y la TSPT (Stern, 1994; Henderson y Bateman, 1995; Azqueta, 1996; entre otros). En términos prácticos de ACB, una ecuación hiperbólica de descuento tiende a hacer parecer más viables los proyectos cuyos costos se producen en los primeros años del proyecto y los beneficios en los últimos. De igual modo proyectos con costos al final del periodo considerado parecen menos viables" (citados por Alamansa y Calatrava, 2007).

6 No internalizables, en el licenciamiento ambiental, implica que el impacto no se puede corregir ni prevenir a través de las medidas del plan de manejo ambiental, por lo que se requiere una inversión en mitigación o compensación que asegure una relación beneficio costo mayor de uno (ANLA, 2017).

(Kula y Evans, 2011). Así, la TSD calculada en este artículo se denomina tasa de descuento para proyectos objeto de licenciamiento ambiental (TAD) y se enfoca en encontrar un valor óptimo para descontar los flujos ambientales presentados en las evaluaciones de impacto ambiental (EIA) vigentes en la legislación colombiana (Decreto 1076/2015, de 26 de mayo).

Desde el punto de vista de la política pública, la inclusión de una tasa de descuento en la evaluación de proyectos de inversión con impactos ambientales contribuye a fortalecer o desalentar el principio de precaución⁷ adoptado por un país, cuyo rigor normativo declara las preferencias temporales de una sociedad y su aversión al riesgo. Normalmente, en un proyecto de extracción (p. ej., extracción de petróleo, minerales y otros), se obtienen beneficios netos positivos a corto plazo, mientras que sus costos ambientales, a veces incrementados por externalidades negativas, se ven a mediano y largo plazo. Por el contrario, es habitual que en un proyecto ambiental (p. ej., reforestación) los beneficios netos positivos sean percibidos a mediano y largo plazo, lo cual hace predominantes los costos de inversión ambientales en las etapas tempranas. En cualquiera de los dos tipos de proyectos, una alta TAD revela una marcada preferencia por el consumo presente, con lo cual favorece la extracción sobre la conservación, mientras que una TAD baja supone una mayor preocupación por el consumo futuro, que privilegia la conservación de los recursos para el uso de las próximas generaciones.

Desde la última década del siglo XX, la comunidad internacional ha generado una discusión acerca de si los proyectos de inversión con beneficios y costos ambientales a mediano y largo plazo deben ser evaluados con las tasas de interés disponibles en el mercado. Frente a este dilema, algunos de los países desarrollados han generado diferentes instrumentos que sustentan los cálculos de TSD enmarcados dentro de la equidad intergeneracional (p. ej., tasa social de preferencia temporal [TSPT]), con lo que dejan atrás postulados de la década de 1970 que delimitaban el cálculo de TSD a una comparación directa de los retornos del capital de los recursos públicos con los fondos privados, corregidos por sus respectivas distorsiones (p. ej., tasa marginal de costo de oportunidad social del capital [COSOC]) (Campos, Serebrisky y Suárez-Alemán, 2015).

7 El principio de precaución es un concepto que respalda la adopción de medidas protectoras ante las sospechas fundadas de que ciertos productos o tecnologías crean un riesgo grave para la salud pública o el medio ambiente, pero sin que se cuente todavía con una prueba científica definitiva de tal riesgo.

Este artículo está dividido en cinco secciones. En la primera, se desarrolla el estado actual de la TSD, junto con las estimaciones realizadas y sus aspectos teóricos y empíricos. La segunda aborda el marco teórico-conceptual del procedimiento del cálculo de la TSD y la metodología usada para el cálculo de la TAD. En la tercera, se presentan los insumos de información que guían la investigación. La cuarta da cuenta de los resultados producto de la investigación, al igual que su discusión y propuesta normativa. Finalmente, la quinta sección resume las principales conclusiones y deriva algunas implicaciones de política.

I. Estado actual

Con la realidad del cambio climático y sus afectaciones en el crecimiento de la economía mundial, en los últimos años se han realizado esfuerzos considerables para determinar valores óptimos de TSD a largo plazo para proyectos ambientales, de educación y salud en particular (Stern, 2006). Normalmente, los valores encontrados en la nueva literatura refuerzan cifras históricas de crecimiento económico, en las cuales se revelan tasas promedio del 5 % para países latinoamericanos (López, 2008) y del 4,3 % para algunos países pertenecientes a la Organización para la Cooperación y el Desarrollo Económicos (OCDE) (Evans y Sezer, 2004). Estos nuevos valores difieren sustancialmente de las tasas de interés adoptadas en el siglo XX por algunos países desarrollados, cuyas tasas de interés superaban ampliamente la cifra del 5 %.

Uno de los países pioneros en el cálculo de la TSD bajo la metodología de tasa social de preferencia temporal (TSPT) es el Reino Unido, para el cual indica *The green book: Appraisal and evaluation in central government* una tasa del 3,5 % para proyectos con horizontes de vida menores o iguales a 30 años (HM Treasury, 2003). En proyectos con impactos mayores de 30 años, la TSD depende de su longevidad: el 3 % para proyectos con vida útil de 31 a 75 años, el 2,5 % de 76 a 125 años, el 2 % de 126 a 200 años, el 1,5 % de 201 a 300 años y el 1 % para proyectos con impactos superiores a 300 años.

El cálculo de la TSD en la Comunidad Europea combina dos metodologías: la TSPT y la tasa marginal de retorno del capital (TMRC) o (COS, por sus siglas en inglés). Por un lado, Alemania y Noruega usan tasas constantes del 3 % y del 3,5 %, respectivamente, basándose en la COS de los bonos gubernamentales de largo plazo de cada país. Por otro lado, Francia e Italia utilizan tasas

del 4 % y del 5 %, respectivamente, basando su estimación en la metodología de TSPT. España usa la TSPT, pero sectoriza sus TSD a diferentes sectores, y encuentra rangos de 4 a 6 (Zhuang, Liang, Lin y De Guzman, 2007).

El continente asiático implementa elevadas TSD frente a Europa, de manera que muestra a países como Filipinas, Pakistán e India con tasas del 15 %, el 12 % y el 12 %, respectivamente. China, por su parte, combina las metodologías TSPT y COS para calcular la TSD y presenta una tasa promedio del 8 %. No obstante, al igual que el Reino Unido, recomienda que en proyectos de largo plazo se usen tasas inferiores al 8 % (Campos et al., 2015).

Por su parte, el continente americano divide los valores respecto de sus latitudes. En el 2007, luego de usar por más de tres décadas un TSD del 10 %, Canadá disminuyó su valor al 8 %. En los Estados Unidos, la TSD varía entre sus agencias. Por un lado, la Oficina de Administración y Presupuesto (OMB, por sus siglas en inglés) indica, luego de 1992, una TSD del 7 % (previamente usaba el 10 %). Por su parte, la Agencia de Protección Ambiental (EPA, por sus siglas en inglés) aconseja para descuento intrageneracional usar tasas entre el 2 y el 3 %, que se aproximan al interés del mercado después de impuestos. Para descuento intergeneracional, la EPA sugiere el "no descuento" y deja en claro que, si se usa alguna, es importante mostrar la sensibilidad de estas tasas en la evaluación de proyectos.

Frente a la evidencia latinoamericana, durante el siglo XX varios países adoptaron la TSD del 12 % sugerida por organismos multilaterales como el Banco Interamericano de Desarrollo (BID) y el Banco Mundial (BM) (Mejía, Winters, Corral y Diez, 2012). Sin embargo, en el nuevo milenio, países como México, Perú y Chile han bajado sustancialmente sus tasas, con valores del 10, 8 y 6 %, respectivamente, y en caso de Perú variables a largo plazo tasas del 1 al 5,5 % (Kamiche y Diderot, 2018). Cambios producidos debido a modificaciones por mejorar la asignación de recursos a corto, mediano y largo, y a la implementación de los sistemas nacionales de inversiones públicas (SNIP), los cuales normalmente obligan a evaluaciones *ex ante* de los proyectos que se financian con fondos públicos.

López (2008) utilizó la TSPT para calcular la TSD de nueve países en latinoamérica y encontró que, dadas las tasas de mortalidad, las tasas de crecimiento

del consumo *per capita* y la elasticidad de la utilidad marginal del consumo de cada uno de estos países, se tiene una TSD promedio del 3,1 %.

En Colombia el principal ente gubernamental gestor de la política de inversión corresponde al Departamento Nacional de Planeación (DNP), el cual desde 1989 está a cargo del Banco de Proyectos de Inversión Nacional y su normativa asociada, en la que se muestran las metodologías de ACB y los criterios de determinación de la TSD, que sigue siendo del 12 %⁸.

Hernández, Piraquive y Matamoros (2018) realizan una estimación de la tasa de descuento para proyectos ambientales bajo el enfoque de la TSPT, en la que encuentran un valor del 3,1 %. A diferencia de las estimaciones de Hernández et al., en este artículo se sugiere usar para evaluar los ACB de proyectos ambientales las tasas de descuento duales descritas por (Kula y Evans, 2011), en las cuales se busca combinar los criterios de sostenibilidad y eficiencia. Además, y dadas las reformas tributarias de Colombia durante el periodo analizado, este análisis realiza estimaciones anuales de las elasticidades de la utilidad marginal del consumo θ_t , lo cual resalta la principal contribución a la literatura y contrasta con la estimación media de la TSD de Hernández et al., la cual asume una θ_t constante desde 1990 hasta 2016.

Por su parte, Correa (2008) estima para Colombia tasas sociales con descuento decrecientes que varían según el horizonte de evaluación de los proyectos. Los valores encontrados toman un rango entre el 10,76 % para proyectos inferiores a 5 años y el 2,09 % para inversiones con vida útil mayor de 150 años. No obstante, la anterior aplicación para Colombia, a través de un consenso de economistas y la hipótesis de trabajo presentada en la introducción, este trabajo pretende estimar, probar o refutar el comportamiento hiperbólico de la TSP en función de la vida útil de los proyectos como valor aproximado de la TAD de acuerdo con el horizonte de vida de una muestra de 300 licencias analizadas por la ANLA.

Se espera que la TSPT estimada sea consistente con el decrecimiento estimado de la elasticidad de la utilidad marginal del consumo en los años de análisis

8 Recientemente, Hernández, Piraquive y Matamoros (2018) realizan una actualización para Colombia de la tasa de descuento bajo la metodología de Harberger a precios de mercado, y encontraron un valor del 9 %.

y se presenta como valor agregado empírico a la literatura de la tasa de descuento de largo plazo (caso colombiano en proyectos que requieren licencia ambiental).

II. Marco teórico

A. Análisis costo-beneficio

El ACB se centra en la identificación y estimación de los beneficios y costos de una política, programa o proyecto, tanto desde una perspectiva privada como de una social. Uno de los principales indicadores utilizados para generar la comparabilidad entre estos es el valor presente neto (VPN) de un flujo de beneficios y costos que se distribuye a lo largo del tiempo (ecuación 1). Esta comparación intertemporal del flujo económico⁹ del proyecto es posible mediante la incorporación de una tasa de descuento constante, en el marco del descuento exponencial con pendiente decreciente (ecuación 2) en términos continuos o su análogo en términos discretos (Ecuación 3) (Campos, Serebrisky y Suárez-Alemán, 2016).

$$VPN = \sum_{t=0}^T \frac{B_t - C_t}{(1+X)^t} = \sum_{t=0}^T \delta^{-t} \cdot B_t - C_t \quad (1).$$

$$\delta^{-t} = \exp[-X \cdot t] \quad (2).$$

$$\delta^{-t} = (1+X)^{-t} \quad (3).$$

Para ejemplificar la importancia de la selección de la TSD en un ACB, se plantea el ejemplo de un proyecto extractivo de petróleo, el cual, luego de una inversión de \$100 en el año 0, obtiene beneficios netos anuales positivos de \$100 durante los primeros 10 años, cuyos costos netos ambientales son de \$100 anuales desde el año 11, y continúan así hasta el año 50. Si el proyecto se evalúa con una TSD del 4% se obtiene una RBC de 0,56, lo que indica que

9 En realidad, lo que se debe considerar es el cambio en los beneficios y costos que genera el proyecto en relación con una situación inicial ("sin proyecto") al compararlo, o bien con la situación "con proyecto", o bien con proyectos alternativos (Campos et al., 2016).

la inversión, en valor presente genera pérdidas de bienestar. Si se evalúa con una TSD del 12 %, se obtiene una RBC de 1,55, por lo que económicamente se recomienda realizar la inversión. Así, ante un mismo escenario de egresos en ingresos en un proyecto, es evidente que la TSD no es neutral y que su valor es decisivo para escogencia de proyectos de inversión que compiten por la asignación de los recursos escasos.

Como se mencionó en la introducción, el enfoque de cálculo de la TSD en este artículo surge como el principal insumo del ACB requerido bajo la actual normativa ambiental colombiana que solo evalúa beneficios netos ambientales y deja a un lado los beneficios netos privados. Esta diferenciación de tasas en la evaluación de proyectos surge del concepto planteado por Kula y Evans (2011) en el cual se busca encontrar un adecuado equilibrio entre eficiencia y sostenibilidad¹⁰, evaluando los flujos privados con una tasa de oportunidad del capital y los flujos ambientales con una tasa de descuento ambiental (TAD), cuyo cálculo es el principal objetivo de este artículo.

B. Tasa social de descuento

Las principales diferencias del cálculo de los valores de la TSD entre los países y en sus instituciones radican en el tipo de metodología usada para tal fin (Zhuang et al., 2007). En general, la literatura define tres rutas prácticas para su cálculo, cuya principal discrepancia reside en la percepción del costo de oportunidad de los fondos de inversión (Campos et al., 2015) con el cual se va a financiar la demanda de recursos de los proyectos. Este incremento teóricamente aumenta la tasa de interés con tres posibles impactos: desplaza la inversión privada al destinarse los recursos a la inversión pública; el segundo que el consumo privado interno caiga (incremento del ahorro interno) y tercero que se financie con ahorro externo al atraer capital extranjero o aumentar el endeudamiento externo. Los costos de cada fuente determinan individual o ponderadamente una tasa social de descuento. En particular, si se financia con consumo interno, se usa la TSPT o la TSD, en la cual se sopesa el consumo presente y el futuro. Por otro lado, al evaluar la percepción privada, se plantea la metodología de la TMRC o COS, en la cual se usa como TSD la tasa de retorno de los fondos de inversión privados, corregida por las distorsiones causadas por las imperfecciones del mercado (impuestos, informaciones asi-

10 Padilla (2002) presenta un argumento intergeneracional consistente con este enfoque.

métricas, riesgo, etc.) (Campos et al., 2015). Y, finalmente, si es con recursos externos, se aplica el costo de capital de estos recursos que incluye el *spread* respectivo (entre otros, el riesgo país) a precios cuenta de eficiencia¹¹.

En términos teóricos, el precio de oferta y demanda (i) de los fondos de inversión de capital (K) está dado por TSPT y COS, respectivamente. En competencia perfecta, la tasa de interés (TI) del mercado debería reflejar el punto de equilibrio entre TSPT y COS. Este valor también es conocido en la literatura como la tasa de ahorro óptima¹² (TAO), dado que $TSPT = COS$ (Azqueta, Alviar, Domínguez y O'Ryan, 2007). No obstante, las distorsiones del mercado aumentan la diferencia entre el valor TSPT y COS, lo que hace que ambos valores difieran de la TI (de modo que, normalmente, $COS > TSPT$) (Figura 1). De esta forma, ante la evaluación de un proyecto con impactos a largo plazo, surge la necesidad de identificar cuál de las tres tasas refleja el verdadero costo de oportunidad social de los recursos en el amplio horizonte de tiempo proyectado.

Frente al anterior cuestionamiento, Campos et al. (2015) plantean que, si el proyecto está financiado con los ahorros de los consumidores, la TSD debería ser la TSPT. Por el contrario, si el proyecto se financia con fondos privados, la TSD debería usar como medida la tasa COS. Desde una perspectiva antrópica, y sin incluir la inversión privada, los fondos de financiación de los proyectos que usan los recursos naturales equivalen a la valoración de los servicios ecosistémicos provistos por un recurso natural dentro de las comunidades impactadas. De esta forma, se plantea que para el cálculo de TSD es posible analizar la provisión de un recurso como a) un capital natural de inversión (CI) disponible por un ente privado, b) un ahorro (S) por cuenta de los consumidores o c) una combinación de (a) y (b).

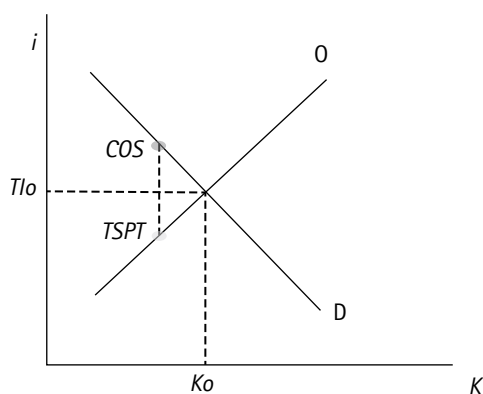
La opción (a) recomienda que la estimación de la TSD se realice con la COS, la cual evalúa el costo de oportunidad de la inversión en un proyecto social como la rentabilidad dejada de percibir por la misma inversión en un mercado privado de capitales, libre de distorsiones (Baumol, 1968). Una de las principales

11 Castro y Mokate (2005), Jenkins y Harberger (1997) y Quah y Mishan (2007) y Weiss y Potts (2012) presentan una síntesis teórica y de discusión empírica para la estimación de la tasa social de descuento.

12 Azqueta et al. (2007) exponen que cuando la tasa de ahorro es óptima la tasa a la que desearían intercambiar un menor consumo hoy por un mayor ahorro mañana es la tasa a la que se está convirtiendo de hecho la inversión hoy en un mayor consumo de mañana, de acuerdo con la rentabilidad social de esta inversión con la productividad marginal del capital.

limitaciones para incorporar esta metodología en proyectos con impactos a mediano y largo plazo (>20 años) radica en que en Colombia no hay mercados de capitales con horizontes de tiempo comparables, ya que la temporalidad prevista para las tasas de retorno ofrecida en estos mercados normalmente está dada a corto plazo (Banco de la República, s. f.). Un caso puntual aparece en las vigencias de los títulos de deuda pública doméstica emitidos por el Gobierno colombiano y administrados por el Banco de la República, cuyo plazo de maduración¹³ no sobrepasa en general los 10 años.

Figura 1. Tasa de descuento social en equilibrio y sus precios de demanda (TSPT) y oferta (COS)



Fuente: elaboración propia.

Otra de las posibles restricciones que puede generar el cálculo de la TSD bajo la COS radica en establecer un consenso social de la valoración inicial¹⁴ del "capital natural" disponible para inversión. Como es conocido en la literatura económica, algunos recursos naturales y servicios ecosistémicos son bienes no mercadeables, por lo que su valoración depende de la disponibilidad a pagar o la disponibilidad a recibir de las comunidades afectadas. Ante este planteamiento, Feldstein (1964) señala la dificultad de encontrar un consenso entre

13 "El plazo de maduración (*term to maturity*) es el número de años en los cuales el emisor del bono promete realizar los pagos pactados, incluyendo el correspondiente capital al principal. De esta manera, el plazo de maduración identifica la fecha en la cual desaparecen las obligaciones del emisor" (Arango-Thomas, Melo-Velandia, Vásquez, Melo-Velandia y Arango, 2002).

14 Se usa el término *valoración inicial* para referirse al cambio incremental o la diferencia de la situación con proyecto o sin él.

las preferencias individuales y sociales, más aún cuando se trabaja con recursos de uso común o bienes públicos, cuyos incentivos privados pueden ocasionar que la maximización del bienestar individual conlleve una reducción del bienestar social (Hardin, 1968).

La opción (b) plantea abordar el cálculo TSD como un ahorro por cuenta de los consumidores, los cuales sopesan no solo su bienestar sino el de sus herederos. Tal y como expone Zhuang et al. (2007) y Chichilnisky, Hammond y Stern (2018) en la evaluación de proyectos intrageneracionales, en la que se busca la asignación de recursos escasos entre los individuos de una misma generación, el cálculo de TSD puede ser sustentado bajo un enfoque de eficiencia con la COS. Por el contrario, cuando se evalúan proyectos intergeneracionales¹⁵ en los que se comparan el bienestar de las generaciones presentes y futuras, el enfoque de eficiencia requiere un concepto adicional de sostenibilidad, mediante el cual se consideren los valores de legado de la sociedad actual con sus herederos. Así, el dilema de encontrar una TSD radicaría en elegir una tasa de consumo de los recursos naturales, en la cual se tendría que sopesar la utilidad generada por consumir una unidad más en el presente, con el sacrificio de ahorrar una unidad menos, para consumir en un futuro de largo plazo (Ramsey, 1928)¹⁶.

Con lo anterior, según Ramsey (1928), un hogar escoge consumo de tal forma que su tasa de ahorro (r) sea igual a la tasa pura de preferencias (ρ) más la tasa a la que decrece la tasa de cambio de la utilidad marginal del consumo (θ), debido al crecimiento del consumo *per capita* (g). Este concepto se conoce con el enfoque de TSPT. El Apéndice A presenta la optimización dinámica del modelo económico propuesto por Ramsey y sus resultados derivados, los cuales plantean la igualdad de (r).

Según López (2008), la justificación de utilizar TSPT puede surgir de dos argumentos. El primero expresa que, frente a la posibilidad de que un individuo fallezca, él puede preferir consumir \$1 hoy y no en 50 años. El segundo expresa que, en el supuesto de que el individuo tenga mejores ingresos en 50 años

15 Es importante anotar que en el caso de proyectos con impactos intergeneracionales el dilema de la inversión no solo se traduce en escoger la mejor alternativa en valor presente, sino también en elegir en qué momento del tiempo debe ser incorporado y prever equidad.

16 En realidad, este es el juicio de valor implícito en este artículo para estimar la tasa de descuento.

y que su utilidad marginal de consumo decrezca a medida que aumenta su ingreso, no sería eficiente adoptar una visión igualitaria que valore de igual forma \$1 de hoy con \$1 en el futuro.

La opción (c), teóricamente atractiva para la estimación de TSD, tiene dos metodologías para su desarrollo: la evaluación ponderada promedio y el precio sombra del capital. Las dos metodologías presentan los mismos inconvenientes de la opción (b), ya que su cálculo implica estimar tanto el valor perdido por la posibilidad de un consumo (TSPT) como el valor perdido por la posibilidad de invertir en un mercado de capitales (COS). Además, otra de las posibles divergencias respecto del consenso social puede presentarse en la diferenciación de recursos naturales visto como ahorro (para posterior consumo) o como inversión, puesto que un recurso natural puede proveer los dos servicios al mismo tiempo. Azqueta et al. (2007) señalan que, cuando un proyecto transforma un bosque tropical en terreno agrícola, se sacrifica tanto consumo como inversión, y lo expone de la siguiente forma:

Por un lado, se pierde un activo que las personas valoraban, ya que formaba parte de su función de producción de utilidad, proporcionándoles un flujo de servicios recreativos de consumo. Por otro, se pierde tanto un depósito de carbono atmosférico, como un "secuestrador activo" del mismo, por lo que pierde una inversión. (p. 162)

Entonces, aunque es claro que el proyecto usaría capital de los fondos de ahorro e inversión, no lo es su proporcionalidad. Por ende, frente a esta incertidumbre que se refuerza con el limitado conocimiento de los impactos ambientales a largo plazo, y la alta demanda de información que implicaría estimar precios sombra del capital de cada proyecto de inversión, se considera que la opción (c) puede generar algunos sesgos en proyectos de largo plazo, además de generar confusiones en su aplicabilidad dentro de los decisores de política pública (Zhuang et al., 2007).

Frente a las anteriores premisas, y al contemplar la utilización de los recursos naturales a mediano y largo plazo (un dilema prioritario del consumidor), este artículo utiliza la opción (b) TSPT para calcular la TAD de proyectos con impactos ambientales, los cuales afectan, principalmente, la disponibilidad de los servicios ecosistémicos de las comunidades impactadas por la intervención.

C. Tasa social de preferencia temporal

Conforme a las consideraciones propuestas en la sección 2 y el Apéndice A, la Ecuación (4) resume el planteamiento de cálculo propuesto por Ramsey (1928), donde (r) es la tasa de ahorro o TSPT, (ρ) la tasa pura de preferencias, (θ) la tasa a la que decrece el cambio de la utilidad marginal del consumo y (g) la tasa de crecimiento del consumo *per capita*. Cabe aclarar que ρ refleja las consideraciones intergeneracionales de una sociedad, mientras que el producto θg muestra las consideraciones que tiene la misma población para la asignación de recursos de forma intrageneracional.

$$r = \rho + \theta g \quad (4).$$

Dado que en la literatura no hay un consenso único acerca de los indicadores económicos que reflejen cada uno de los parámetros de la Ecuación (4), este artículo estima el parámetro θ para cada año de estudio según la tasa marginal y la tasa efectiva promedio de tributación. Los datos de ρ y g son tomados de fuentes gubernamentales que reflejan la tasa de mortalidad y el gasto de consumo final de los hogares *per capita*.

1. Elasticidad de la utilidad marginal del consumo (θ)

Bajo el supuesto de que la tasa de cambio de la utilidad marginal sea decreciente $u''(c) < 0$, y si se establece que el consumo de un individuo crece con el tiempo y de la misma forma lo hace su utilidad $u'(c) > 0$, es posible plantear un valor relativo que mida la variación de la utilidad marginal en relación con las variaciones porcentuales del consumo. Esta expresión se conoce como la elasticidad de la utilidad marginal del consumo (θ) o elasticidad de la utilidad marginal del ingreso; los principales métodos para el cálculo de θ se basan en medir aversión al riesgo¹⁷ o la aversión a la inequidad de ingresos¹⁸ por medio de encuestas y decisiones gubernamentales (preferencias reveladas).

17 La aversión al riesgo mide la disposición de un individuo por aceptar una negociación de un pago incierto en lugar de otro pago de menor cuantía, pero con mayor certeza.

18 La aversión a la inequidad mide la tolerancia de un individuo a la inequidad de los ingresos. La aversión al riesgo y a la inequidad está relacionada con la elasticidad de la utilidad marginal del consumo.

Según expone Castro et al. (2017) en su cálculo de TSD para Bolivia, es importante mencionar que de acuerdo con Kula y Evans (2011) el cálculo de la elasticidad de la utilidad marginal del consumo se puede determinar con diferentes métodos:

- *La derivación de θ a partir de la estimación de la elasticidad del ingreso y las elasticidades precio de la demanda compensada para los bienes o grupos de bienes, por ejemplo, los alimentos, como se expone en la Ecuación (5):*

$$\theta = \frac{y \times (1 - w \times y)}{c} \quad (5)$$

donde θ es la elasticidad ingreso de la demanda, c es la elasticidad precio de la demanda por el grupo de bienes (p. ej., alimentos) y w es la participación en el presupuesto del bien o grupo de bienes.

- *La derivación de θ a partir del comportamiento intertemporal del consumo, de modo que θ es el recíproco de la elasticidad de sustitución intertemporal del consumo, la cual se expresa en la Ecuación (6):*

$$\theta = \frac{1}{\frac{d \ln C_t}{d \ln (1 + r_t)}} \quad (6),$$

donde C es el consumo y r la tasa de interés en el periodo t .

- *La estimación de θ a partir de valores sociales revelados sobre medidas de política, por ejemplo, las tasas de tributación respecto del ingreso. La fórmula para θ basada en las tasas de tributación, con funciones de utilidad con preferencias isoelásticas, se expresa en la ecuación (7):*

$$\theta = \frac{\ln \left[1 - \frac{dT(Y)}{dy} \right]}{\ln \left[1 - \frac{T(Y)}{Y} \right]} \quad (7),$$

donde $\frac{dT(Y)}{dy}$ es la tasa marginal de tributación respecto del ingreso, T es el valor del impuesto y Y es el ingreso gravable. Esta aproximación, usada por López (2008) es un insumo en este artículo para estimar el parámetro θ .

D. Tasa social de descuento decreciente (descuento gamma)

Uno de los principales factores en la evaluación de proyectos con impactos ambientales es la larga temporalidad de sus impactos, los cuales pueden trascender por generaciones. Normalmente, en las evaluaciones ACB de los proyectos de inversión, se usan tasas constantes, cuya función expresa un descuento exponencial invariable en el tiempo en una forma reducida, como se indica la ecuación de factor de reducción (8):

$$\delta^{-t} = e^{-r_j t} \quad (8),$$

donde r es la tasa de descuento y t es el tiempo. Según este primer supuesto y evidencia empírica, Weitzman (2001) plantea otro, en el cual la función de densidad de probabilidad $f(r)$ de la variable aleatoria r se distribuye de forma gamma, por lo que espera un descuento hiperbólico conforme avanza el tiempo. El autor resume los dos supuestos en que, a pesar de que cada individuo realiza una aproximación exponencial constante de la tasa de descuento, los datos agregados de una sociedad tienen una distribución decreciente en el tiempo (función gamma). La ecuación (9) muestra su forma general:

$$f(r) = \frac{\beta^\alpha}{\Gamma(\alpha)} r^{\alpha-1} e^{-\beta r} \quad (9),$$

donde α y β son parámetros positivos calculados a partir de los datos. Dados los anteriores supuestos, se plantea el cálculo de la tasa efectiva de descuento decreciente en el tiempo, para resaltar que lo agregado con la integral no son las tasas de descuento de los individuos sino sus funciones de descuento. Correa (2008) ejemplifica esta diferencia para Colombia con el siguiente caso, tomado de Edwards (2002):

Supóngase que dos individuos racionales, ambos con información completa, consideran que la tasa de descuento debe ser 8 % y 12 %, respectivamente.

Ahora, si se determina que se van a ponderar ambas posiciones de igual manera, entonces un dólar en el año 10 equivaldría, en términos de valor presente a:

$0,5 * \frac{1}{(1+0,08)^{10}} + 0,5 * \frac{1}{(1+0,12)^{10}} = 0,393$; no obstante, este valor es diferente cuando se promedian las tasas: $\frac{1}{(1+0,1)^{10}} = 0,386$. Puede observarse

que cuando se promedian las tasas individuales da como resultado un factor agregado menor con respecto a la alternativa de ponderar las funciones de descuento. (p. 151)

Lo anterior también indica que, cuando se ponderan las funciones de descuento, se obtiene una tasa efectiva de descuento menor de la que se obtiene cuando se promedian las tasas de descuento, cuyos valores para el ejemplo pasado fueron del 9,8 y 10 %, respectivamente.

Si los dos individuos realizan los mismos descuentos pero con un horizonte de tiempo a 100 años, ocurre que, mientras la tasa promedio se mantuvo en el 10 %, la tasa efectiva de descuento para la ponderación de los factores disminuyó del 9,8 al 8,72 %, lo cual muestra que, si bien puede haber personas que no consideren tasas decrecientes en tiempo, "cuando se agregan en el amplio rango de opiniones de los encuestados, siempre habrá lugar al descuento temporal decreciente en sociedad" (Correa, 2008, p. 159). Campos et al. (2015) resumen este supuesto como que es la incertidumbre sobre qué tasa usar, no un tipo de interés incierto, lo que fluctúa con el tiempo. La ecuación (10) expresa los supuestos.

$$r(t) = \frac{\mu}{1 + \frac{t\sigma^2}{\mu}} \quad (10),$$

donde (μ) corresponde a la media y (σ^2) a la varianza de los datos calculados para un tiempo t (año). Weitzman (2001) realizó una encuesta a 2100 doctores en Economía en todo el mundo, en la cual a cada uno preguntó "¿Cuál es la tasa de interés que debería usarse para el descuento de los beneficios y costos de los proyectos encaminados a mitigar los posibles efectos del cambio

climático?". Los resultados encontrados muestran una media de $\mu = 3,96\%$ y una desviación estándar de $\sigma = 2,94\%$.

En una aplicación para Colombia, Correa (2008) utilizó la metodología de Weitzman (2001) y les preguntó a 54 economistas que trabajan en universidades colombianas cuál debería ser su tasa de descuento ideal para proyectos que mitiguen el cambio climático. Los resultados arrojaron para proyectos con horizontes de tiempo inferiores a 5 años una media del 10,7 % y una desviación del 5,45 %, valores notablemente superiores a los encontrados por Weitzman. La Tabla 1 resume los valores encontrados por Correa y Weitzman.

Tabla 1. Tasa de descuento efectiva de Correa y Weitzman

Horizonte de evaluación en años	Tasa de descuento % Correa Colombia	Tasa de descuento % Weitzman EE. UU.
0	10,76	3,96
5	9,45	3,57
10	8,43	3,25
15	7,65	2,98
30	5,89	2,39
50	4,52	1,89
75	3,51	1,5
100	2,86	1,24
150	2,09	0,93

Fuente: Correa (2008) y Weitzman (2001)

III. Metodología y datos

La metodología para la estimación anual de la TAD para Colombia en el periodo de 2001 a 2016¹⁹ incorpora el valor de la TSPT como valor aproximado de TAD (Ramsey, 1928). La ecuación (11) resume la propuesta de Ramsey, que es utilizada en este artículo y su derivación se muestra en el Apéndice A:

$$r_t = \rho_t + \theta_t g_t \tag{11},$$

19 No se incluyen datos de 2017 debido a que no se cuenta con información de la tasa efectiva de tributación para este año (Rincón-Castro et al., 2018).

donde (r) corresponde a la TSPT para el año t , (ρ_t) es la tasa pura de preferencias temporal, (θ) es la elasticidad de la utilidad marginal del consumo y (g_t) es la tasa de crecimiento del consumo *per capita*.

A partir de los valores anuales calculados para (r) , y según las cifras de tasa de descuento decreciente encontradas por Correa (2008) para Colombia, este artículo supone que la TSPT registra una distribución decreciente en el tiempo $r(t)$ con forma funcional gamma, por lo que se calculan tasas anuales para un horizonte de tiempo de los impactos de un proyecto de 200 años (ecuación 12). Los resultados se resumen en las tasas promedio de los años, de acuerdo con el siguiente esquema: 1-10 años corto plazo, 11-20 años mediano plazo y 21 años en adelante a largo plazo. El esquema de tiempos seleccionado se realizó según el horizonte de vida del proyecto (hvP) reportado en una muestra de 300 licencias analizadas por la ANLA, en que se encontró que el 37 % corresponden a proyectos con (hvP) menor de 10 años, el 35 % entre 11 y 20 años y el 28 % mayor o igual a 21 años (ANLA, 2018).

$$r(t) = \frac{\mu}{1 + \frac{t\sigma^2}{\mu}} \quad (12).$$

Donde (μ) y (σ) corresponden a la media y la desviación estándar, respectivamente, de los datos calculados para el periodo de 2001 a 2016.

A. Tasa pura de preferencias (ρ_t)

Siguiendo las recomendaciones de Pearce (1999), en este artículo se usa el promedio de la tasa de mortalidad de Colombia del periodo de 2001 a 2016 reportada por el BM, cuyo valor indica la cantidad de muertes en un año por cada 1000 habitantes. La tasa de mortalidad refleja la probabilidad de que un individuo no sobreviva de un periodo a otro, por lo que en términos prácticos su valor se asocia con la tasa pura de preferencia de un individuo por el consumo presente, ya que ante la probabilidad de no poder consumir en el futuro se hace más valioso el consumo actual.

La tasa de mortalidad anual y la tasa de natalidad de Colombia desde 2001 hasta 2016 en porcentaje, según las cifras reportadas por el BM, redondean el

valor del 0,57 y el 1,9 %, respectivamente. Cabe recordar que la tasa de mortalidad se asocia en este artículo con la tasa pura de preferencias, y puesto que tasa de mortalidad se ve afectada por la tasa de natalidad en cuanto a la distribución de la edad o pirámide poblacional, se considera prudente mostrar la tasa de natalidad para el análisis. En el periodo analizado, el valor de la tasa de mortalidad se divide en dos momentos: de 2001 a 2006 y de 2007 a 2016. En el momento uno, se nota una leve reducción de la tasa de mortalidad soportada por una alta tasa de natalidad. El momento dos, se caracteriza por un aumento de la tasa de mortalidad respecto de la tasa de 2006 y una constante disminución de la tasa de natalidad, lo cual arroja como resultado una población con mayor edad, cifra que influye en un cambio del patrón de las causas de defunción.

B. Tasa de crecimiento del consumo *per capita* (g_c)

En este artículo, no se trabaja con las tasas de crecimiento del PIB *per capita* históricas debido a que su método actual de medición no incluye la depreciación del capital natural ni las deducciones por el agotamiento y deterioro de los recursos naturales, por lo que su valor probablemente sobreestima las tasas de crecimiento reportadas²⁰. Entonces la variable seleccionada para la presente estimación utiliza el crecimiento anual porcentual del gasto de consumo final de los hogares *per cápita* GCFpp, cuyo valor teóricamente no debería sobreestimar el crecimiento del consumo.

El valor de GCFpp se calcula con el gasto de consumo final de los hogares a precios constantes de 2005, al igual que las estimaciones de población del Departamento Administrativo Nacional de Estadística (DANE). El gasto de consumo final de los hogares (consumo privado) es el valor de mercado de todos los bienes y servicios, incluidos los productos durables comprados por los hogares. Queda excluida la compra de viviendas, pero englobada la renta imputada de las viviendas ocupadas por sus propietarios, al igual que los montos y aranceles pagados a los gobiernos para obtener permisos y licencias.

20 Según el DNP (2018): "Estimaciones del Banco Mundial (2015) indican que los costos asociados a daños ambientales para Colombia ascendieron a casi US\$ 7000 millones, incluyendo costos por contaminación del aire en zonas urbanas, falta de agua de calidad y saneamiento, contaminación de aire intramural, emisiones de GEI por uso de combustibles fósiles y por cambios en los usos del suelo, y deforestación neta. Hubo un aumento considerable respecto a la medición realizada en 2002, en la cual se registraron US\$ 4900 millones".

Es prudente mencionar que en el periodo de 2001 a 2016 Colombia reportó un crecimiento anual porcentual del gasto de consumo final de los hogares *per capita* (GCFpp) del 2,55 %. No obstante, estos valores incluyen una tasa negativa de crecimiento en 2009, así que resulta prudente considerar que su uso incumple con uno de los principales supuestos de la TSPT, que enuncia explícitamente una tasa de crecimiento de consumo positiva²¹. Por lo anterior, en este artículo no se considera el valor de 2009, y para ser consecuente con la metodología propuesta, el cálculo de TSPT promedio se formula con los valores agregados de 2001 a 2008 y de 2010 a 2016.

C. Elasticidad de la utilidad marginal del consumo (θ)

Este artículo utiliza la metodología de Evans (2005), Evans y Sezer (2004) y Stern (2006) planteada en López (2008), en la cual se asume que la estructura de impuestos de un país refleja un principio de igualdad, en que la utilidad de consumir una unidad adicional de dinero sea igual al sacrificio de pagar una unidad adicional de impuesto.

Azqueta et al. (2007) ilustra esta igualdad, en la cual el sacrificio de una persona A que gana \$1000 y que paga \$30 de impuesto al año puede ser equivalente al sacrificio de una persona B que gana \$10 000 y paga \$2000. Esta misma situación puede ser vista desde la utilidad en la cual el bienestar de un ingreso adicional de \$30 en una persona A con un salario de \$1000 es equivalente al bienestar de un ingreso adicional de \$2000 en persona B que gana \$10 000 anuales.

Así, la aversión a la inequidad en una sociedad θ estaría dada, no en función de la cantidad de impuestos que pagan las personas, sino en función del sacrificio o desutilidad que le representa a cada una de ellas hacerlo.

Si se asume una elasticidad constante y se introduce una función isoelástica de utilidad del ingreso con aversión relativa al riesgo constante CRRA (por sus siglas en inglés) al derivar la utilidad respecto al ingreso se obtiene un valor *proxy* de elasticidad de la utilidad marginal del ingreso, la cual está en función

21 Para el cálculo de la TSPT en crecimientos negativos, Islam (2002) propone un modelo de tasa social contable de interés en el que se incluyen al modelo TSPT variables como el valor social de ingreso público, el valor de la propensión marginal del ahorro y el producto marginal del capital.

de la tasa marginal de tributación respecto del ingreso $\frac{dT(Y)}{dy}$; y $T(Y)$ que es la proporción del impuesto respecto al ingreso gravable Y . En la ecuación (13), se resume la metodología del cálculo cuya derivación matemática propuesta se muestra en el Apéndice B.

$$\theta_t = \frac{\ln \left[1 - \frac{dT(Y)}{dy} \right]}{\ln \left[1 - \frac{T(Y)}{Y} \right]} \quad (13).$$

Según lo indicado, la elasticidad de la utilidad marginal del consumo (θ) o coeficiente relativo de aversión al riesgo-inequidad se define como el cociente entre dos logaritmos, en el que el numerador contiene el término de la tasa marginal de tributación y el denominador su tasa promedio.

La carga tributaria de un país y sus respectivas tasas marginal y promedio pueden ser evaluadas a partir de tres causas generadoras de gasto: a) el consumo y los ingresos de los factores de producción, b) el trabajo y c) el capital (Rincón-Castro, Delgado-Rojas y León-Castro, 2018). Siendo consecuente con la metodología del cálculo de la TSPT en la cual se plantea el uso de los recursos naturales como un dilema prioritario del consumidor, el cálculo de θ debería usar valores de las tasas marginales y promedio tributarias de consumo. Sin embargo, una de las principales limitantes para desarrollar este procedimiento radica en la disponibilidad de información de ambas tasas, ya que, según lo expuesto, los dos valores surgen de la misma función de utilidad. En consecuencia, si se evalúa la tasa promedio de consumo $\frac{T(Y)}{Y}$, se tendría que evaluar su análoga tasa marginal de consumo $\frac{dT(Y)}{dy}$ y no la del trabajo o capital.

La literatura consultada en este artículo no evidenció ninguna estimación de la tasa marginal de tributación de consumo actualizada en el nuevo milenio. Por el contrario, en 2007 la Oficina de Estudios Económicos de la DIAN realizó una estimación de la tasa marginal de tributación $\frac{dT(Y)}{dy}$ para el capital de las empresas en Colombia (Ávila-Mahecha y León, 2008). Asimismo, Rincón et al. (2018) estimaron la tasa efectiva promedio de tributación de las socie-

dades²² $\frac{T(Y)}{Y}$ para el periodo de 1996 a 2016. De esta forma, y frente a las limitaciones expuestas con las tasas de consumo, en este artículo se calcula la elasticidad marginal del consumo con las tasas efectivas promedio y marginales de las empresas, calculadas en los estudios citados²³.

1. Tasa marginal de tributación $\left(\frac{dT(Y)}{dy} \right)$

La tasa marginal de tributación $\frac{dT(Y)}{dy}$ debe indicar cómo cambia la tasa efectiva de tributación ante el cambio de una unidad adicional del ingreso. En este artículo, se utilizan como *proxy* de $\frac{dT(Y)}{dy}$ los valores de las tarifas efectivas marginales calculadas por Ávila-Mahecha y León (2008) para el régimen tributario de las empresas expuestas en la Ley 863/2003, de 29 de diciembre y la Ley 1111/2006, de 27 de diciembre²⁴. Cabe mencionar que, dentro de las principales cargas tributarias analizadas en el estudio de Ávila-Mahecha y León para la DIAN en 2008, se encuentra el impuesto de renta, el impuesto al patrimonio, el IVA, los aranceles, el gravamen a los movimientos financieros, el impuesto predial y el impuesto de industria y comercio. Así, las $\frac{dT(Y)}{dy}$ calculadas con enfoque tributarista involucran la carga tributaria sobre los retornos esperados en las inversiones, según la normativa vigente. En Ávila-Mahecha

22 En tal estudio se realizó una estimación diferencial para las tasas efectivas promedio de tributación del consumo, el trabajo y el capital. Respecto del capital, establece diferencias entre hogares y sociedad.

23 "En el caso del capital de las empresas, la diferencia principal entre la tasa marginal y promedio radica en que la tasa marginal del capital se define como el impuesto que se esperaría pagar, con relación a las utilidades marginales esperadas (King y Fullerton, 1984). En el caso de la tasa promedio, su cálculo se refiere al recaudo con relación a la capacidad gravable o base gravable potencial del capital" (Rincón-Castro et al., 2018).

24 Respecto del cálculo de la elasticidad de la utilidad marginal del consumo (θ) se indica que, por un lado, los datos evaluados entre 2001 y 2006 fueron calculados con el valor reportado por Ávila-Mahecha y León (2008) de tmt para la Ley 863/2003, de 29 de diciembre. Por otro lado, para el cálculo de θ en el periodo de 2007 a 2016 se usó el valor reportado en el mismo documento de tmt para la Ley 1111/2006, de 27 de diciembre.

y León se define la metodología de Fullerton²⁵, $\frac{dT(Y)}{dy}$, como el cociente entre la diferencia del retorno bruto esperado (R_b) menos el retorno neto R_n dividido en el R_b . La ecuación (14) muestra la igualdad:

$$\frac{dT(Y)}{dy} = \frac{R_b - R_n}{R_b} \quad (14).$$

Asimismo, el R_b se define como la tasa de retorno bruta depreciada, cuyo valor garantiza el equilibrio entre el costo de adquisición de un activo y el valor presente de sus utilidades netas de impuestos. El retorno neto R_n es la suma del retorno neto percibido por los acreedores del impuesto de renta más los dividendos pagados a los accionistas²⁶.

2. Tasa efectiva promedio de tributación $\left(\frac{T(Y)}{Y}\right)$

Rincón-Castro et al. (2018)²⁷ definen la tasa efectiva promedio de tributación, $\frac{T(Y)}{Y}$, como la relación entre el recaudo de un impuesto i y su base gravable potencial, base que no considera los beneficios tributarios otorgados por la elusión y la evasión. Esta tasa posibilita medir la distribución de la carga tributaria entre los factores de producción como el capital y el trabajo, pero no entre los distintos niveles de ingreso de los contribuyentes.

25 El principal supuesto de la metodología de cálculo del Fullerton radica en que el costo de adquisición del capital es igual al valor de las utilidades del proyecto netas de impuestos (Ávila-Mahecha y León, 2008).

26 Es de notar que para el cálculo del valor presente retorno bruto esperado de un proyecto se introduce, además de la tasa de depreciación (ajustada por la inflación proyectada), una tasa nominal de descuento de la firma, la cual pondera los retornos nominales netos de impuesto requeridos por las fuentes de financiación. Esta tasa se calcula bajo la metodología de costo de oportunidad social del capital (COS), lo cual puede generar algunas distorsiones en el cálculo de la TAD bajo la metodología escogida, TSPT, ya que, como bien se mencionó, $COS > TSPT$ (Figura 1). Sin embargo, dada la limitación de la disponibilidad de la información expuesta, relacionada con el cálculo de tasas marginales de tributación enfocadas en el consumo, en este análisis se usa el valor encontrado de las empresas.

27 Es prudente precisar que para la validez del uso de una $\frac{T(Y)}{Y}$ basada en los agregados macroeconómicos, se parte del supuesto de que se trata de un análisis de equilibrio parcial, por cuanto los impuestos sobre las empresas, el trabajo y el consumo son soportados por los propietarios del capital, los asalariados y los consumidores, respectivamente; es decir, no existe traslado de impuestos.

Este artículo utiliza los valores de las tasas efectivas promedio de tributación neta de las empresas (sociedades) calculada para el periodo de 2001 a 2016 por Rincón-Castro et al. (2018) como *proxy* de la tasa efectiva promedio $\frac{T(Y)}{Y}$ requerida en el cálculo de θ . Cabe anotar que la principal razón de la escogencia del periodo de 1994 a 2016 analizado para la TAD radica en el rango de datos disponibles de $\frac{T(Y)}{Y}$. Por esta razón, la $\frac{T(Y)}{Y}$ se define en la ecuación (15) como:

$$\frac{T(Y)}{Y}_t = \frac{ICIS + IVAKS}{EBES - DS} \quad (15).$$

Para explicar el procedimiento de cálculo con enfoque económico, Rincón-Castro et al. (2018) indican que el numerador lo conforman los impuestos corrientes sobre la riqueza pagados por las sociedades (*ICIS*), más el monto respectivo del IVA pagado en sus compras de bienes de inversión (*IVAKS*). Y que el denominador o base gravable del impuesto son los excedentes brutos de explotación de las sociedades (*EBES*) menos las depreciaciones imputadas al capital fijo de las sociedades (*DS*). Se debe advertir que el cálculo de la tasa efectiva promedio de tributación bruta lo componen los mismos términos enunciados en la ecuación (12), pero no se resta la depreciación.

Los datos calculados reflejan una $\frac{T(Y)}{Y}$ neta promedio en el periodo de 2001 a 2016 del 25,03 % con un valor máximo del 32,2 % y un mínimo del 19,8 % calculados en 2015 y 2001, respectivamente. En el mismo sentido, se observa una tendencia de crecimiento positivo que indica que desde 2001 se aumenta anualmente casi en una unidad la contribución tributaria promedio de las sociedades. Estos valores están principalmente soportados con impuestos como el IVA (16 %), el impuesto sobre la renta (25 %), el impuesto contribución de renta para la equidad (CREE) (9 %) y la sobretasa del 6 % del CREE, que resulta en tasa agregada contable del 40 % (Rincón-Castro et al., 2018). Es importante agregar que en este estudio se encuentra que en 2016 la tasa sobre el capital de los hogares es del 6,2 %, mientras sobre el capital de las sociedades es del 31,1 %, lo que muestra las marcadas diferencias impositivas que recaen sobre las personas jurídicas y naturales.

E. Tasa de descuento para licenciamiento ambiental

Retomando la ecuación (4) del cálculo de la TSPT (r_t), y según las metodologías expuestas para estimar sus parámetros, la TAD anual (r_t) en Colombia en el periodo de 2001 a 2016* estará dada por la tasa de mortalidad (ρ_t), la tasa de crecimiento anual del gasto de consumo final de los hogares *per capita* (g_t) y la elasticidad de la utilidad marginal del consumo (θ_t), cuyo valor se calcula como el cociente del logaritmo de uno menos la tasa marginal de tributación, $\frac{dT(Y)}{dy}$ dividido entre el logaritmo de uno menos la tasa efectiva de tributación, $\frac{T(Y)}{Y}$.

$$r_t = \rho_t + \frac{\ln \left[1 - \frac{dT(Y)}{dy} \right]}{\ln \left[1 - \frac{T(Y)}{Y} \right]} g_t \quad (16).$$

Finalmente, cabe recordar que r_t seguirá el supuesto de tasa de descuento decreciente con distribución gamma.

IV. Análisis y resultados

A. Tasa de descuento para licenciamiento ambiental de 2001 a 2016

La Tabla 2 en la columna 7 reporta los valores calculados para la TAD, según el modelo de Ramsey de TSPT. En el mismo sentido, desde la columna 2 (tasa pura de preferencias) hasta la columna 6 (tasa crecimiento de consumo *per capita*) se muestra el valor de los parámetros usados para el cálculo de la TAD.

De manera agregada, los datos de la TAD muestran una tendencia decreciente a lo largo del tiempo, con una media (μ) del 4,88 % y una desviación estándar (σ) del 2,82 %. Estos datos se asimilaran a las cifras reportadas por Weitzman (2001), cuyas μ y σ fueron del 3,96 y el 2,94 %, respectivamente. Otra particularidad de los valores encontrados para Colombia y la literatura internacional radica en la alta volatilidad de estos, con una estimación de un máximo del 10,47 % en 2006 y un mínimo del 0,81 % en 2001. Estos cam-

bios son influenciados principalmente por el gasto de consumo final de los hogares *per capita* (g) y la variación de la elasticidad de la utilidad marginal del consumo (θ), cuyo valor disminuyó drásticamente a partir de 2007 con el cambio de la tasa marginal de tributación, $\frac{dT(Y)}{dy}$, debido a la Ley 1111/2006, de 27 de diciembre y su reforma tributaria 1111 de 2006²⁸ que reemplazó al régimen tributario de la Ley 863/2003, de 29 de diciembre.

En términos generales (g), la columna 6 (Tabla 2), muestra una tendencia positiva con un valor promedio de crecimiento del consumo del 2,75 %. Respecto de la variabilidad (g), es importante anotar que, según el DANE, una de las principales causas de la desaceleración en el crecimiento del gasto de los hogares se dio por el leve incremento en el consumo de bienes no durables y su alta participación en el total de los bienes y servicios producidos, cuyas cifras promedio reportaron el 2,8 y el 35 %, respectivamente. En contraste, las cifras del DANE muestran que los mayores aumentos en la tasa de crecimiento de consumo fueron respaldos por el gasto en bienes durables, cuya tasa y participación en total de bienes y servicios fue del 10,4 y el 4 %, respectivamente.

Las cifras calculadas en la columna 5 de la Tabla 2 muestran cómo tendencialmente a lo largo del tiempo, la elasticidad de la utilidad marginal del consumo θ decreció conforme se igualaron más las cargas tributarias de las sociedades²⁹, cuyo valor promedio fue de 1,64. Así, es posible sugerir que en Colombia cada vez es menor la tasa a la cual la tributación marginal del ingreso decrece por cada aumento porcentual de la base gravable. De acuerdo con la evidencia internacional, los valores θ reportados en este artículo soportan las cifras estimadas para nueve países latinoamericanos en los que se incluye Colombia, cuyos rangos oscilaron entre 1,1 y 1,9 (López, 2008). Asimismo, las estimacio-

28 Según Ávila-Mahecha y Ricón (2008): "Los principales cambios introducidos con la Ley 1111 de 2006 son: i) Eliminación de los ajustes por inflación; ii) Eliminación del descuento especial en IVA por inversión en maquinaria industrial, iii) Reducción de la tarifa estatutaria del 38,5 %, incluida la sobretasa, hasta un 33 %; iv) Modificaciones a la deducción por inversión en activos fijos productivos; v) Plena deducibilidad del ICA y el impuesto predial; vi) Deducibilidad en renta de un punto de la tarifa del GMF; vii) Eliminación del impuesto de patrimonio para nuevas inversiones".

29 Cabe mencionar que una de las limitaciones de los datos usados para los cálculos radica en un sesgo potencial de sobreestimación en el valor de (θ), debido a que las cifras analizadas no consideran a las personas naturales y jurídicas que no tributan, dada su baja tasa de ingresos o, en algunos casos, por cuestiones de elusión o evasión.

nes concuerdan con las cifras encontradas para 20 países de la OCDE, cuyos límites de θ fluctuaron entre 1,79 y 1,00 (Evans, 2005).

Tabla 2. Tasa de descuento para licenciamiento ambiental de Colombia entre 2001 y 2016* (%)

Año (t)	Tasa pura de preferencias (tasa de mortalidad) ρ_t	Tasa marginal efectiva de tributación $\frac{dT(Y)}{dy}_t$	Tasa promedio de tribu- tación $\frac{T(Y)}{Y}_t$	Elasticidad marginal de la utilidad del consumo $\theta_t = -\frac{\ln\left[1 - \frac{dT(Y)}{dy}\right]}{\ln\left[1 - \frac{T(Y)}{Y}\right]}$	Tasa de crecimiento del consumo <i>per capita</i> (gasto de consumo final de los hogares <i>per capita</i>) g_t	Tasa social de preferencias temporales (%) $r = \rho + \theta g$
2001	0,5616	0,414	0,198	2,423	0,102	0,81 %
2002	0,5596	0,414	0,220	2,151	0,551	1,74 %
2003	0,5581	0,414	0,215	2,208	1,544	3,97 %
2004	0,5570	0,414	0,215	2,208	2,476	6,03 %
2005	0,5565	0,414	0,223	2,119	2,699	6,27 %
2006	0,5567	0,414	0,240	1,948	5,092	10,47 %
2007	0,5578	0,329	0,245	1,420	5,964	9,03 %
2008	0,5598	0,329	0,240	1,455	2,280	3,88 %
2010	0,5665	0,329	0,218	1,623	3,845	6,81 %
2011	0,5711	0,329	0,237	1,476	4,862	7,75 %
2012	0,5762	0,329	0,284	1,195	3,327	4,55 %
2013	0,5818	0,329	0,291	1,161	2,383	3,35 %
2014	0,5878	0,329	0,292	1,156	3,289	4,39 %
2015	0,5942	0,329	0,322	1,027	2,265	2,92 %
2016	0,6009	0,329	0,311	1,072	0,632	1,28 %

Fuente: cálculos propios con datos del BM, DANE, Ávila-Mahecha y León (2008) y Rincón-Castro, (2018).

Los resultados de la columna 7 de la Tabla 2 muestran la variabilidad de la TAD en el tiempo y su tendencia decreciente, lo cual contempla la posibilidad de considerar, empíricamente, un descuento hiperbólico en el tiempo para la TAD, como se muestra en la Figura 2 a partir de 2006.

Respecto de la volatilidad de θ , resulta evidente que gran parte de esta se da como consecuencia de la reforma tributaria de 2006, en la cual la tasa marginal de tributación, $\left(\frac{dT(Y)}{dy}\right)$, de las empresas disminuyó notablemente pasando del 41,4 al 32,9 % (columna 3, Tabla 2). Vale la pena anotar que, a pesar de la

disminución promedio, en ninguno de los regímenes de las leyes se confirmó un patrón directo entre la utilidad gravable y el tributo marginal pagado por cada sector, con lo que no se demostraron "sacrificios" equivalentes entre el retorno esperado y el pago de impuestos, dado que en las dos reformas estudiadas algunos sectores con altas utilidades contenían múltiples tratamientos especiales (subvenciones o exenciones), lo que distorsionó las tarifas nominales exhibidas.

Figura 2. Tasa de descuento para licenciamiento ambiental de Colombia entre 2001 y 2016* (%)



Fuente: cálculos propios con datos del BM y del DANE (Ávila-Mahecha y León, 2008; Rincón-Castro, 2018).

En términos prácticos, estas distorsiones conllevan que en la realidad no siempre se materialice la aversión a la inequidad de una sociedad (θ) con las cargas tributarias según las rentas percibidas, beneficiando en algunos casos a los sectores con mayores rentas y afectando a aquellos con menores. En un contexto regional, θ puede ser usado para calcular pesos de bienestar que ayudan a dirigir los recursos sobre las zonas más necesitadas³⁰ (Evans, 2005). Los valores altos de θ sugieren mayores pesos sobre las regiones con menor índice de bienestar, mientras que los valores cercanos a 0 indican menores pesos, es decir, que su ponderación no tiene ningún componente adicional sobre las otras regiones con mejores ingresos.

30 La fórmula en la que se usa θ es: $W_i = \left(\frac{C^*}{C_i} \right)^\theta$, donde W_i es el peso distribucional de la región i , C_i es el consumo *per capita* de la región i y W^* es el consumo *per capita* del país.

Las estimaciones de valores inferiores de θ a lo largo del tiempo indican que en Colombia cada vez es menor la ponderación para la aversión por la inequidad de ingreso, por lo que puede mencionarse que en el periodo analizado la sociedad colombiana pasó de un enfoque más igualitario a un enfoque más utilitario, en el que se valoraron todos los sectores bajo ponderaciones de bienestar más homogéneos, y no se dio mayor peso a aquellos con los menores ingresos.

B. Tasa de descuento decreciente (descuento gamma)

Dada la gran variación de las TAD calculadas, y en concordancia con la evidencia empírica de Correa (2008) para Colombia, de Edwards (2016) para Chile y Kamiche y Diderot (2018) para Perú, al modelar mediante la distribución gamma las tasas de descuento de la Tabla 2, columna 7, y ponderar los factores de descuento, se establece que la TAD para Colombia declina en el tiempo. Con lo anterior, y a partir de una media (μ) del 4,88 % y una desviación estándar (σ) del 2,82 %, en la Tabla 3, columna 3, se muestran los resultados promedio encontrados según los horizontes de tiempo enunciados en la columna 1. Así, el valor reportado del año 0 al 10 es igual al promedio de los valores calculados para cada uno de los años del periodo, empezando con el valor del 4,88 % para el año 0 y terminando con un valor del 4,2 % para el año 10. Para la aplicabilidad de los cálculos estimados, se sugiere trabajar con valores de la TAD enteros.

Tabla 3. Tasa de descuento decreciente para licenciamiento ambiental en Colombia

Promedio años (t)	Tiempo (plazo)	TAD
		$r(t) = \frac{\mu}{1 + \frac{t\sigma^2}{\mu}}$
0-10	Corto	5 %
11-20	Mediano	4 %
21 en adelante	Largo	2 %

Fuente: cálculos propios.

Como complemento del análisis se realizó una prueba estadística a fin de observar si los valores eran consistentes (si la media de las TAD definidas entre los plazos propuestos eran diferentes entre sí). Las pruebas utilizadas fueron de hipótesis de dos colas con nivel de significancia (α) del 95 %, cuyos resultados

fueron soportados con la estimación de los intervalos de confianza respectivos. Debido a que el corto y mediano plazo cuentan con 11 datos para cada una las muestras, se usó la técnica de Bootstrap para simular, aleatoriamente, la estimación de 1000 medias según los datos reportados en cada uno de los años. Este mismo procedimiento fue realizado con el largo plazo. Los resultados se muestran en la Tabla 4.

Tabla 4. Estadística descriptiva según plazo de la TAD: resultados de remuestreo con técnica Bootstrap

TAD	Simulación	Media (%)	Error estándar (%)	95 % intervalo de confianza (%)	
Corto	Muestra	4,530	0,070	4,370	4,680
	Bootstrap 1000 repeticiones	4,530	0,000	4,520	4,530
Mediano	Muestra	3,880	0,050	3,770	3,990
	Bootstrap 1000 repeticiones	3,880	0,000	3,880	3,880
Largo	Muestra	1,930	0,050	1,830	2,020
	Bootstrap 1000 repeticiones	1,920	0,000	1,920	1,930

Fuente: elaboración propia con datos de la muestra.

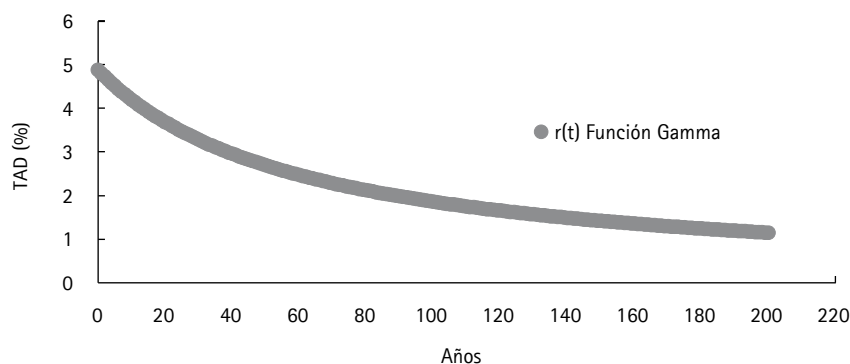
Al realizar pruebas de hipótesis comparando las medias de Bootstrap entre plazo corto y mediano, se obtiene p-valor inferior a 0,005, por lo que al 95 % de confianza se tendría suficiente evidencia para rechazar la hipótesis de nula de que las medias de estos dos plazos son iguales. Resultados similares fueron encontrados al realizar la prueba Bootstrap de hipótesis entre el mediano y el largo plazo, por lo que al 95 % de confianza se tendría suficiente evidencia para rechazar la hipótesis de nula que las medias son iguales.

Una aplicación de Weitzman (2001) surge del cálculo de una única tasa constante equivalente, en caso de que se tuviera que seleccionar una tasa que represente la curva decreciente del descuento³¹. Según la muestra analizada,

31 Weitzman obtiene la tasa constante equivalente con la siguiente ecuación: $r = \frac{(\mu - \sigma)(\mu + \sigma)}{\mu}$, donde μ y σ son la media y varianza de la muestra.

la TCE para Colombia estaría alrededor del 3 %. La Figura 3 muestra la dispersión de los datos de la TAD conforme transcurren los años, de manera que es posible afirmar que, dado el supuesto de la TAD con distribución gamma, la sociedad emplea una tasa de descuento más alta para aplicarla a corto plazo, en relación con el consumo a largo plazo, por lo que se refuerza la hipótesis del descuento hiperbólico y su necesidad en la diferenciación en tasas según la temporalidad. Para proyectos cuyos impactos superen los 100 años se sugiere incorporar tasas cercanas al 1 %.

Figura 3. Tasa de descuento decreciente para licenciamiento ambiental en Colombia con distribución gamma* (%)



Fuente: elaboración propia.

V. Conclusiones

La variabilidad de las tasas de descuento para proyectos objeto de licenciamiento ambiental (TAD) estimadas para el periodo de 2001 a 2016 indica que es posible plantear una TAD decreciente en el tiempo en Colombia, debido a la diferencia anual de los factores de descuento calculados. Con la anterior identidad matemática soportada y bajo el supuesto de la distribución gamma propuesta por Weitzman (2001), las tasas de descuento (TAD) para Colombia en periodo de 2001 a 2016 declinan (son decrecientes) en el horizonte de tiempo de los proyectos, con lo que se comprueba en forma empírica lo señalado en la hipótesis de trabajo.

En este artículo, las TAD estimadas para descontar los beneficios y costos de los proyectos objeto del licenciamiento fueron del 5, 4 y 2 % para el corto (0-10 años), mediano (11-20 años) y largo plazo (≥ 21 años), respectivamente. Los valores medios encontrados para cada plazo son estadísticamente diferentes.

Bajo la metodología de Ramsey (1928) de tasa social de preferencias temporales (*proxy* de TAD), es posible concluir que en los años estudiados las consideraciones intrageneracionales (θ_g) de la sociedad predominaron sobre las consideraciones intergeneracionales (ρ). No obstante, en los últimos años, estas últimas aumentaron su participación notablemente.

Las reformas tributarias adoptadas durante el 2003 y 2006 mostraron una sociedad con una menor tributación sobre las bases gravables de las empresas. De manera que, cuanto más igualitario sea el sistema impositivo en Colombia, es posible inferir que el descuento sobre el futuro será cada vez menor respecto del consumo presente.

Los flujos de beneficios y costos de proyectos o programas evaluados con tasas de descuento decrecientes favorecen los proyectos con beneficios netos a largo plazo. Las menores tasas de descuento contribuyen a argumentar la importancia del consumo futuro (desarrollo sostenible) y fortalecen la representatividad de los valores estimados para las generaciones futuras.

Finalmente, en busca de la sostenibilidad ambiental del país, la estimación de una TAD decreciente en el tiempo es solo una de las tres variables económicas más importantes que pueden contribuir con la conservación de un ambiente sano. Además, la correcta valoración económica de los impactos ambientales (precios) y la adecuada estimación de la temporalidad de los impactos deben priorizarse como los insumos esenciales de un análisis costo beneficio ambiental, cuya finalidad radica en escoger aquellos proyectos, obras o actividades que realmente aporten al bienestar y desarrollo sostenible de una sociedad.

Agradecimientos

Este trabajo surge como producto de nuevo conocimiento, derivado de la Convocatoria N.º 733 de 2015 Formación de Capital Humano de Alto Nivel para el Departamento de Boyacá. Se agradece al Fondo de Ciencia, Tecnología e Inno-

vación del Sistema General de Regalías, a la Gobernación del Departamento de Boyacá, a la Autoridad Nacional de Licencias Ambientales (ANLA) y a la Universidad de los Andes por incentivar la investigación regional del capital humano calificado en el aparato productivo nacional. Los autores agradecen los valiosos comentarios y sugerencias de los evaluadores anónimos y asumen la responsabilidad por las opiniones contenidas en este artículo, las cuales no comprometen a ninguna de las entidades mencionadas.

Reconocimientos

Las opiniones contenidas en este artículo son responsabilidad exclusiva de los autores y no comprometen a la Autoridad Nacional de Licencias Ambientales (ANLA) ni a la Universidad de los Andes.

Referencias

1. Alamansa, C., y Calatrava, J. (2007). La problemática del descuento en la evaluación económica de proyectos con impacto intergeneracional: Tasa ambiental crítica y monto de transferencia intergeneracional. *Estudios de Economía Aplicada vol 25*, 165-197
2. Autoridad Nacional de Licencias Ambientales. (2018). *Jerarquización, estandarización y zonificación de impactos ambientales para 300 proyectos licenciados*. Bogotá, Colombia, Autor. Recuperado de http://portal.anla.gov.co/sites/default/files/comunicaciones/SIPTA/jerarquizacion_de_impactos-1.pdf
3. Arango-Thomas, L. E., Melo-Velandia, L. F., Vásquez, D. M., Melo-Velandia, L. F., & Arango, L. E. (2002). Estimación de la estructura a plazo de las tasas de interés en Colombia. *Borradores de Economía*, 196. Recuperado de <http://repositorio.banrep.gov.co/handle/20.500.12134/5214>
4. Arrow, K. J. (1999). Inter-generational equity and the rate of discount in long-term social investment. En M. R. Sertel (Eds.), *Contemporary economic issues*. (pp. 89-102). Londres, RU: Palgrave Macmillan. https://doi.org/10.1007/978-1-349-14540-9_5

5. Ávila-Mahecha, J., Rincón Hernández, I. R. (2008). Distorsión en la tributación de las empresas en Colombia: un análisis a partir de las tarifas efectivas marginales. *Revista Ensayos sobre Política Económica*, 26(57), 12-70. Recuperado de <http://repositorio.banrep.gov.co/handle/20.500.12134/6382>
6. Azqueta, D. (1996). *Valoración económica de la calidad ambiental*. Madrid, España: McGraw-Hill.
7. Azqueta, D., Alviar Ramírez, M., Domínguez Villalobos, L., & Ryan, R.(2007). *Introducción a la economía ambiental*. Madrid, España: McGraw-Hill.
8. Banco de la República. (s. f.). *TES*. Recuperado de <http://www.banrep.gov.co/es/tes>
9. Baumol, W. J. (1968). On the social rate of discount. *The American Economic Review*, 58(4), 788-802.
10. Campos, J., Serebrisky, T., & Suárez-Alemán, A. (2015). *Porque el tiempo pasa: evolución teórica y práctica en la determinación de la tasa social de descuento*. Banco Interamericano de Desarrollo. Recuperado de <https://pdfs.semanticscholar.org/b288/87a388a6e4d74c4f3b0baa02bec29d97910f.pdf>
11. Campos, J., Serebrisky, T., & Suárez-Alemán, A. (2016). Tasa de descuento social y evaluación de proyectos: algunas reflexiones prácticas para América Latina y el Caribe. Banco Interamericano de Desarrollo. Recuperado de <https://publications.iadb.org/es/publicacion/15533/tasa-de-descuento-social-y-evaluacion-de-proyectos-algunas-reflexiones-practicas>
12. Castro, R., & Mokate, K. (2005). Evaluación económica y social de proyectos de inversión. Bogotá, Colombia: Alfaomega.
13. Castro, R., Moreno, A., & Rueda, A. (2017). Actualización de los precios sociales y de los parámetros costo-eficiencia para la economía boliviana. *Working Paper*, 1-7.

14. Chichilnisky, G., Hammond, P. J., & Stern, N. (2018). Should we discount the welfare of future generations? Ramsey and suppes versus koopmans and arrow. *Warwick Economics Research Papers Series*, 1174. Recuperado de https://warwick.ac.uk/fac/soc/economics/research/centres/creta/papers/manage/43_-_creta_hammond.pdf
15. Correa Restrepo, F. (2008). Tasa de descuento ambiental gamma: una aplicación para Colombia. *Lecturas de Economía*, 69, 143-162. Recuperado de <https://www.redalyc.org/pdf/1552/155215609006.pdf>
16. Decreto 1076/2015, de 26 de mayo, por medio del cual se expide el Decreto Único Reglamentario del Sector Ambiente y Desarrollo Sostenible. Diario Oficial, núm. 49523 (2015).
17. Departamento Administrativo Nacional de Estadística. (2018). Gasto consumo hogares 2000-2015. Bogotá. Recuperado de: https://www.dane.gov.co/index.php?option=com_search&Itemid=99999999&searchword=CONSUMO+FINAL&submit=Buscar&searchphrase=exact&ordering=newest
18. Edwards, G. (2002). *La tasa de descuento en proyectos de largo plazo*. Santiago de Chile, Chile: Pontificia Universidad Católica de Chile.
19. Edwards, G. (2016). Estimación de la tasa social de descuento a largo plazo en el marco de los sistemas nacionales de inversión: aplicación al caso chileno. *El Trimestre Económico*, 83(329), 99-125. Recuperado de http://www.scielo.org.mx/scielo.php?pid=S2448-718X2016000100099&script=sci_abstract&tlng=en
20. Evans, D. J. (2005). The elasticity of marginal utility of consumption: Estimates for 20 OECD countries. *Fiscal Studies*, 26(2), 197-224.
21. Evans, D. J., & Sezer, H. (2004). Social discount rates for six major countries. *Applied Economics Letters*, 11(9), 557-560.
22. Feldstein, M.S. (1964). The social time preference discount rate in cost benefit analysis. *Natural Resource Economics*. Palgrave Macmillan

23. Hardin, G. (1968). The tragedy of the commons. *Science*, 162(3859), 1243-1248. Recuperado de <https://science.sciencemag.org/content/162/3859/1243>
24. Henderson, N., & Bateman, I. (1995). Empirical and public choice evidence for hyperbolic social discount rates and the implications for intergenerational discounting. *Environmental and Resource Economics*, 5(4), 413-423. <https://doi.org/10.1007/BF00691577>
25. Hernández Díaz, G., Piraquive Galeano, G., & Matamoros Cardenas, M. (2018). Una estimación de la tasa de descuento para proyectos ambientales. *Archivos de Economía*, 016812.
26. HM Treasury. (2003). *The green book central Government guidance on appraisal and evaluation*. Londres, RU: Autor.
27. Islam, S. M. (2002). Optimum growth theory and social time preference: A computerised mathematical modelling exercise to choose a social discount rate. K. Puttaswamaiah (Ed.), *Cost-benefit analysis: Environmental and ecological perspectives*. (pp. 19-40). New Brunswick, EE. UU.: Library of Congress Cataloging-in-Publication Data.
28. Jenkins, G. P., & Harberger, A. C. (1997). *Cost-benefit analysis of investment decisions*. Boston, EE. UU.: Harvard Institute for International Development.
29. Kamiche, J., & Diderot, J. (2018). *Actualización de la tasa social de descuento de largo plazo*. Lima, Perú: Ministerio de Economía y Finanzas.
30. Kula, E., & Evans, D. (2011). Dual discounting in cost-benefit analysis for environmental impacts. *Environmental Impact Assessment Review*, 31(3), 180-186. <https://doi.org/10.1016/j.eiar.2010.06.001>
31. Ley 863/2003, de 29 de diciembre, por la cual se establecen normas tributarias, aduaneras, fiscales y de control para estimular el crecimiento económico y el saneamiento de las finanzas públicas. Diario Oficial, núm. 45415 (2003).

32. Ley 1111/2006, de 27 de diciembre, por la cual se modifica el estatuto tributario de los impuestos administrados por la Dirección de Impuestos y Aduanas Nacionales. Diario Oficial, núm. 46494 (2006).
33. López, H. (2008). *The social discount rate: Estimates for nine Latin American countries*. The World Bank. <https://doi.org/10.1596/1813-9450-4639>
34. Mejia, F., Winters, P., Corral, L., & Diez Roux, E. (2012). Guidelines for the economic analysis of IDB-funded projects. *IDB-WP*, 2012. Recuperado de https://papers.ssrn.com/sol3/papers.cfm?abstract_id=3307420
35. Quah, E., & Mishan, E. J. (2007). *Cost-benefit analysis*. (5.ª ed.). Londres, RU: Routledge.
36. Padilla, E. (2002). Intergenerational equity and sustainability. *Ecological Economics*, 41(1), 69-83. [https://doi.org/10.1016/S0921-8009\(02\)00026-5](https://doi.org/10.1016/S0921-8009(02)00026-5)
37. Pearce, D. (1999). *Economics and environment: Essays on ecological economics and sustainable development*. Edward Elgar Publishing.
38. Piraquive, G., Matamoros, M., & Rodríguez, E. C. (2018). *Actualización de la tasa de rendimiento del capital en Colombia bajo la metodología de Harberger*. Bogotá, Colombia: Departamento Nacional de Planeación.
39. Ramsey, F. P. (1928). A mathematical theory of saving. *The Economic Journal*, 38(152), 543-559.
40. Resolución 1669/2017, de 24 de agosto, por la cual se adoptan los criterios técnicos para el uso de herramientas económicas en los proyectos, obras o actividades objeto de licencia ambiental o instrumento equivalente y se adoptan otras determinaciones.
41. Rincón-Castro, H., Delgado-Rojas, M. E., & Rincón-Castro, H. (2018). ¿Cuánto tributan efectivamente el consumo, el trabajo y el capital en Colombia? *Borradores de Economía*, 1041.

42. Sáez, C. A., & Requena, J. C. (2007). La problemática del descuento en la evaluación económica de proyectos con impacto intergeneracional: tasa ambiental crítica y montante de transferencia intergeneracional. *Estudios de Economía Aplicada*, 25(1), 165-197. Recuperado de <https://www.redalyc.org/pdf/301/30113183007.pdf>
43. Stern, N. (2006). *The economics of climate change: The Stern review*. Cambridge University Press.
44. Sterner, T. (1994). Discounting in a world of limited growth. *Environmental and Resource Economics*, 4(5), 527-534. <https://doi.org/10.1007/BF00691927>
45. Weiss, J., & Potts, D. (Eds.). (2012). *Current issues in project analysis for development*. Londres, RU: Edward Elgar Publishing.
46. Weitzman, M. L. (2001). gamma discounting. *American Economic Review*, 91(1), 260-271. DOI: 10.1257/aer.91.1.260
47. Zhuang, J., Liang, Z., Lin, T., & De Guzman, F. (2007). Theory and practice in the choice of social discount rate for cost-benefit analysis: A survey. *ERD Working Paper Series*, 94. Recuperado de <https://www.econstor.eu/handle/10419/109296>

Apéndice A: Modelo de Ramsey

En este apéndice se presenta la estimación de la TAD para Colombia, con la metodología para el cálculo de tasa social de preferencia temporal (TSPT), propuesta inicialmente por el matemático británico Frank Ramsey (Ramsey, 1928). Esta técnica se deriva de su modelo de crecimiento que propone que la tasa de ahorro $[f(a, c) - x]$ multiplicada por la utilidad marginal del consumo $u(x)$ es igual a la tasa a la cual decrece la "felicidad" desde su máximo nivel de disfrute $B - [U(x) - V(a)]$ (ecuación A1). En otras palabras, se requiere que la "felicidad" de gastar una unidad adicional de dinero en el presente sea igual al sacrificio de ahorrar una unidad menos, en el supuesto de que existe un límite máximo alcanzable de felicidad y que no hay un descuento en el futuro.

$$[f(a, c) - x] * u(x) = B - [U(x) - V(a)] \quad (A1)$$

De esta forma, $U(x)$ es denominada la función total de utilidad del consumo y $V(a)$ la función de "desutilidad" por trabajo, de modo que son $u(x)$ y $v(a)$ sus respectivas tasas marginales, $u(x) = \frac{dU(x)}{dx}$; $v(a) = \frac{dV(a)}{da}$. Con estos elementos, Ramsey denomina la "felicidad" por unidad de tiempo como la diferencia entre $[U(x) - V(a)]$ y asume un límite máximo de felicidad que es alcanzado cuando se logra un nivel de capital, el cual permite detener el ahorro. Este valor se conoce como B , o en su traducción completa en inglés como *Bliss*, que alude a "bendición". Mayor ahorro en el presente significa menor tiempo para alcanzar la "bendición", pero de igual forma menor "felicidad" actual.

La tasa de ahorro en el tiempo t es definida como la diferencia entre los ingresos dados por la función de producción $f(a, c)$ y el consumo x , donde $a(t)$ es la tasa de trabajo y $c(t)$ es el capital en el tiempo t . Esto indica que los ahorros $\frac{\partial c}{\partial t}$ más el consumo $x(t)$ es igual al ingreso $f(a, c)$ (ecuación A2). Asimismo, el autor define la desutilidad marginal del trabajo $v(a)$ en cualquier momento (t) como el producto entre la eficiencia marginal del trabajo $\left[\frac{\partial f}{\partial a}\right]$ y la utilidad marginal del consumo $u(x)$ (ecuación A3).

$$\frac{\partial c}{\partial t} = f(a, c) - x(t) \quad (A2).$$

$$v(a) = \frac{\partial f}{\partial a} u(x) \quad (\text{A3}).$$

Como el consumo Δx puede aumentar con el tiempo (t), al posponerlo en periodo infinitesimal Δt debería aumentar el consumo en $\Delta x \left(1 + \frac{\partial f}{\partial c} \Delta t\right)$, donde $\frac{\partial f}{\partial c}$ da la tasa de interés que se ganaría por esperar. Así, al introducir el tiempo en la ecuación de utilidad queda la ecuación (A4).

$$u(x(t)) = \left(1 + \frac{\partial f}{\partial c} \Delta t\right) u(x(t + \Delta t)) \quad (\text{A4}).$$

O en el límite:

$$\frac{du(x(t))}{dt} = -\frac{\partial f}{\partial c} u(x(t)) \quad (\text{A4}).$$

Esta ecuación significa que $u(x)$ cae a una tasa proporcional dada por la tasa de interés del capital.

Para dividir los retornos del capital y los retornos del salario, Ramsey propone que los retornos del capital $c(t)$ y del trabajo $a(t)$ agrupados previamente en la función de producción $f(a, c)$ sean constantes e independientes, con lo que plantea la siguiente igualdad:

$$f(a, c) = pa + rc \quad (\text{A5}).$$

Donde (p) es la tasa del salario por unidad de trabajo y (r) la tasa de interés de retorno del capital. Estos productos se conocen como el "ingreso ganado", para referirse al producto pa y el "ingreso no ganado" que se refleja en la multiplicación de rc . De esta forma, si se propone que el retorno del ahorro o su tasa provenga del "ingreso no ganado", se puede plantear la siguiente igualdad:

$$\frac{\partial c}{\partial t} = f(c) - x(t) \quad (\text{A6}).$$

O en términos estáticos:

$$c_t = rc - x_t \quad (\text{A6})$$

$$\frac{c_t}{c} + \frac{x_t}{c} = r \quad (\text{A6}).$$

Así, Ramsey hace uso de su concepto de *desutilidad* marginal del trabajo $v(a)$ y reescribe su igualdad respecto de p y de la utilidad marginal del consumo $u(x)$ descrito en la siguiente ecuación:

$$v(a) = pu(x) \quad (\text{A7}).$$

De esta forma, Ramsey plantea la igualdad para el cálculo de una cantidad de "ingreso no ganado" (y) disponible para consumo, el cual se compone del consumo x menos el "ingreso ganado" pa :

$$y = x - pa \quad (\text{A8}).$$

Con la ecuación (A8), y al utilizar la ecuación (A3), se muestra que la utilidad marginal del "ingreso no ganado" $w(y)$ es igual a la utilidad marginal de consumo $u(x)$, y esta es igual a la desutilidad marginal del trabajo $v(a)$ dividida entre la tasa de salario (p) (A9):

$$w(y) = u(x) = \frac{v(a)}{p} \quad (\text{A9})$$

Al integrar utilidad marginal del "ingreso no ganado", desde 0 hasta el límite máximo de felicidad B con respecto a y $\int_0^{Bliss} w(y) dy$, se obtiene nuevamente la fórmula de la "felicidad" $[U(x) - V(a)]$, la cual es denominada una función total del "ingreso no ganado" $w(y)$ y muestra la diferencia total de la integral de $u(x)$ menos la integral de $v(a)$ (ecuación A10). El autor resume que al integrar la ecuación (A9) y dejar la función total de utilidad del consumo $U(x)$ y la función de "desutilidad" por trabajo $V(a)$ respecto de los "ingresos no ganados", la ecuación (A1) puede ser reescrita como la ecuación (A10):

$$\int_0^{Bliss} (u(x) dx - v(a) da) = U(x) - V(a) \quad (\text{A9})$$

$$rc - y = [f(a, c) - x] * w(y) = B - W(y) \quad (\text{A9}).$$

0:

$$[rc - y]w(y) = B - W(y) \quad (\text{A10})$$

Para determinar cuánto del "ingreso no ganado" (rc) debe ser ahorrado y cuánto es el valor de este en el tiempo t , es posible utilizar la ecuación (A4) y reemplazar en la ecuación (A11):

$$\frac{dw(y(t))}{dt} = -rw(y(t)) \quad (\text{A11}).$$

Esta ecuación (A11) también puede ser expresada en términos de utilidad $u(x(t))$, donde se establece que la utilidad del consumo cae a una tasa proporcional a la tasa de interés (r). Si se delimita el tiempo entre $0 \leq t \leq T$ y se establece $A = w(y_0)$ donde y_0 es el valor de y cuando $t = 0$, bajo el descuento exponencial la ecuación (11) puede escribirse como la ecuación (A12):

$$w(y(t)) = Ae^{-rt} \quad (\text{A12}).$$

Para ver cómo cambian los resultados cuando se establece que las utilidades futuras y desutilidades no son reconocidas como iguales a las presentes, se introduce el concepto tasa de descuento de la utilidad (ρ), la cual es completamente diferente de la tasa a la que se descuentan las sumas futuras de capital (dinero). En otras palabras, si se presta o se pide \$1 de capital, este debe ser devuelto en el tiempo t como $\$(1 + r)$, donde r es la tasa de descuento del capital. Esta tasa r no es igual a la tasa de descuento de la utilidad (ρ), ya que (ρ) varía por el incremento o decremento del gasto a medida que pasa el tiempo. En el supuesto de que $\rho < r$, se puede describir la ecuación (A11) como (A13):

$$\begin{aligned} \frac{du(x(t))}{dt} &= -u(x(t)) \left[\frac{\partial f}{\partial c} - \rho \right] \\ \frac{du(x(t))}{dt} &= -u(x(t))(r - \rho) \end{aligned} \quad (\text{A13})$$

Si se asume $\frac{\partial f}{\partial c} = r$ constante y $A = w(y_0) = u(x_0)$, se puede describir como ecuación (A14):

$$u(x(t)) = w(y(t)) = Ae^{-(r-\rho)t} \quad (A14).$$

Según el anterior modelo de crecimiento, se propone maximizar la función de utilidad del consumo $u(x_t)$ en un tiempo t , que incluye una tasa de descuento de la utilidad en el futuro ρ , la cual difiere de la tasa de interés de retorno del capital r (ecuación A15). Esta maximización está sujeta a la restricción expuesta previamente para la tasa de ahorro (A16), donde la cantidad total ahorrada (c_t) en función del tiempo $\left(\frac{\partial c}{\partial t}\right)$ es igual a la diferencia entre los "ingresos no ganados" generados por la función de producción $f(c_t)$ y el consumo x_t para un tiempo t .

$$\int_0^{\infty} (U(x_t) e^{-\rho t}) dt \quad (A15).$$

Sujeto a:

$$c_t = f(c_t) - x(t) \quad (A16).$$

De acuerdo con la teoría, el control óptimo del Hamiltoniano de este sistema es:

$$H = U(x_t) e^{-\rho t} + \lambda (f(c_t) - x(t) - c_t) \quad (A6).$$

Las condiciones necesarias son las siguientes:

$$i) \quad \frac{\delta H}{\delta x_t} = 0 \quad (A17).$$

$$ii) \quad \frac{\delta H}{\delta c} = -\lambda' \quad (A18).$$

Así la condición (i) se expresaría:

$$\frac{\delta H}{\delta x_t} = U(x_t)' e^{-\rho t} - \lambda = 0 \quad (A17).$$

Por lo que:

$$\lambda = U(x_t)' e^{-\rho t} \quad (A18).$$

De la segunda condición se obtiene que:

$$\frac{\delta H}{\delta c(t)} = \lambda' = -\lambda[f(c_t)'] \quad (\text{A19})$$

Al derivar λ A18 respecto del tiempo, se tiene:

$$\frac{d\lambda}{dt} = \lambda' = U(x_t)'' x_t' e^{-\rho t} + U(x_t)' e^{-\rho t} - \rho U(x_t)' e^{-\rho t} \quad (\text{A20}).$$

Entonces, al reemplazar la ecuación A18 en la ecuación A19 e introducir la ecuación A19 en la ecuación A20 con la igualdad a cero, se tiene:

$$U(x_t)'' x_t' e^{-\rho t} + U(x_t)' e^{-\rho t} - \rho U(x_t)' e^{-\rho t} + U(x_t)' e^{-\rho t} [f(c_t)'] = 0 \quad (\text{A20}).$$

Si se dividen todos los términos de la ecuación A20 en $e^{-\rho t}$, esta se convierte en la ecuación A21:

$$U(x_t)'' x_t' + U(x_t)' - \rho U(x_t)' + U(x_t)' [f(c_t)'] = 0 \quad (\text{A21}).$$

Al simplificar términos:

$$U(x_t)'' x_t' + U(x_t)' (f(c_t)' - \rho) = 0.$$

Así pues, se expone que $U(x_t)' > 0$, que representa la utilidad marginal del consumo, es positiva, y la tasa de cambio de la utilidad marginal del consumo o su segunda derivada es menor de cero $U''(x_t) < 0$, es decir, que es decreciente. Si se despeja $f(c_t)'$, se obtiene la ecuación (A22):

$$f(c_t)' = \rho + \left[\frac{U(x_t)''}{U(x_t)'} * \frac{\partial x}{\partial t} \right] \quad (\text{A22}),$$

donde $\frac{\partial x}{\partial t}$ es el cambio de consumo en el tiempo o la tasa de crecimiento *per capita* (g), que es la elasticidad de la utilidad marginal del consumo (θ), (ρ) es la tasa pura de preferencias y $f'(c_t)$ es la tasa de retorno del ahorro o (r).

Frente a $\frac{U(x_t)''}{U(x_t)'}$, y en términos prácticos, el numerador puede asociarse con

la tasa de cambio de la utilidad-sacrificio marginal del consumo, o lo que se conoce en la literatura como coeficiente de aversión absoluta al riesgo (*caar*). Se espera que a mayor ingreso menor *caar*, es decir, que su tendencia es decreciente. Por su lado, el denominador muestra la utilidad marginal promedio que indica cómo aumenta la utilidad cuando lo hace el consumo o su inversa (cómo disminuye la utilidad cuando disminuye el consumo).

Así, según Ramsey, un hogar escoge consumo de tal forma que su tasa de ahorro (r) sea igual a la tasa pura de preferencias ρ más la tasa a la que decrece la tasa de cambio de la utilidad marginal del consumo (θ), debido al crecimiento del consumo *per capita* (g). La ecuación (A22) resume la igualdad. Obsérvese que es la misma ecuación (4) usada para un momento t .

$$r = \rho + \theta g \quad (A22).$$

Apéndice B: Derivación de elasticidad marginal de la utilidad del consumo (Evans, 2005)

La aversión a la inequidad en una sociedad θ estaría dada no en función de la cantidad de impuestos que pagan las personas, sino en función del sacrificio o desutilidad que le representa a cada una de ellas hacerlo. Esta igualdad (ecuación B1) puede ser vista en términos marginales en los que la utilidad marginal del ingreso $U'(Y)$ es igual al sacrificio marginal del pago de impuesto según su ingreso dada una función de utilidad $U'(Y - T(Y))$:

$$U'(Y) = U'(Y - T(Y)) \quad (B1),$$

donde Y es el ingreso gravable o renta *per capita* antes de impuestos y $T(Y)$ el valor de impuesto deducible de la renta (Y). En consideración a lo anterior y si se asume una elasticidad constante, se introduce una función isoelástica de utilidad del ingreso con aversión relativa al riesgo constante CRRA (por sus siglas en inglés), cuya fórmula se presenta en la ecuación (B2):

$$U(Y) = \frac{Y^{(1-\theta)} - 1}{1-\theta} \quad (B2),$$

donde $U(Y)$ es la función de utilidad del ingreso; θ es el nivel de aversión relativo al riesgo o la elasticidad de la utilidad marginal del ingreso y Y el ingreso *per capita* antes de impuestos. Dada la ecuación (B1), se plantea el supuesto de igualdad del sacrificio en el que los impuestos que se pagan sobre los ingresos reflejan el mismo sacrificio para cada individuo, sin importar el monto del ingreso (ecuación B3). Así entonces, y reemplazando en la ecuación (B2) en la ecuación (B1), se tendría la utilidad marginal del ingreso o derivada de la utilidad $U'(Y)$ en la ecuación y la desutilidad marginal del pago de impuestos $U'(Y - T(Y))$ en la ecuación (B4).

$$U'(Y) = \frac{dU}{dY} = Y^{(-\theta)} \quad (B3),$$

$$U'(Y - T(Y)) = \frac{dU(Y - T(Y))}{dY} = [Y - T(Y)]^{(-\theta)} \left[1 - \frac{dT(Y)}{dY} \right] \quad (B4),$$

donde $\frac{dT(Y)}{dY}$ es la tasa marginal de tributación respecto del ingreso y $T(Y)$ es la proporción del impuesto respecto del ingreso gravable Y . Si se igualan las ecuaciones (B3) y (B4) según la igualdad planteada en la ecuación (B1), se tiene la ecuación (B5).

$$Y^{(-\theta)} = [Y - T(Y)]^{(-\theta)} \left[1 - \frac{dT(Y)}{Y} \right] \quad (B5).$$

Por lo que al despejar θ se obtiene la ecuación (B6) con la cual se muestra que la elasticidad de la utilidad marginal del ingreso está en función de la tasa marginal de tributación respecto del ingreso $\frac{dT(Y)}{dY}$, y $T(Y)$ que es la proporción del impuesto respecto del ingreso gravable. Observe que es la misma ecuación (13).

$$\theta = \frac{\ln \left[1 - \frac{dT(Y)}{dY} \right]}{\ln \left[1 - \frac{T(Y)}{Y} \right]} \quad (B6).$$