

¿Puede un aumento en el ingreso generar trampas de pobreza? Recursos naturales y trabajo infantil

Zuleta, Hernando; Roa, Juliana

¿Puede un aumento en el ingreso generar trampas de pobreza? Recursos naturales y trabajo infantil
Revista de Economía del Rosario, vol. 19, núm. 1, 2016
Universidad del Rosario, Colombia
Disponible en: <http://www.redalyc.org/articulo.oa?id=509552482004>
DOI: <http://dx.doi.org/10.12804/revistas.urosario.edu.co/economia/a.5242>

¿Puede un aumento en el ingreso generar trampas de pobreza? Recursos naturales y trabajo infantil

Can a positive income shock generate a poverty trap?
Commodities and child labor

Pode um aumento no ingresso gerar armadilhas de pobreza?
Recursos naturais e trabalho infantil

Hernando Zuleta h.zuleta@uniandes.edu.co

Universidad de los Andes, Colombia

Juliana Roa j.roa43@uniandes.edu.co

Universidad de los Andes, Colombia

Resumen: Este artículo presenta una aproximación teórica a la relación entre el precio de los recursos naturales y las trampas de pobreza para el caso de un país productor de minerales. Partiendo de un modelo de generaciones traslapadas donde las decisiones de ahorro, inversión en capital humano, fertilidad y trabajo infantil son endógenas, se identifican las condiciones en las cuales un aumento en el precio de los recursos naturales genera un incremento en el trabajo infantil y una caída en el crecimiento económico. Del mismo modo se identifican las condiciones en las que existe una tasa de crecimiento sostenida. Se encuentran cuatro resultados centrales: 1) Altos precios de los recursos naturales pueden generar trampas de pobreza. 2) Dado el precio de los recursos naturales, entre mayor sea la productividad del trabajo en el sector educativo menor es la probabilidad de existencia de trampas de pobreza. 3) Cuando existe trabajo infantil, la tasa de crecimiento del capital humano depende negativamente del precio de los recursos naturales. 4) La existencia de trabajo infantil puede llevar a caídas en el capital humano y en el capital físico.

Clasificación JEL: E24, K42, O1, O15, O17, O4, R2.

Palabras clave: trampas de pobreza, minería, trabajo infantil, recursos naturales, educación, crecimiento.

Abstract: We present a theoretical model in order to study the causal relation between commodity prices and poverty traps. Using an overlapping generation's framework where savings, education, fertility and child labor are endogenous variables we find four central results: 1) High commodity prices may generate poverty traps. 2) Given commodity prices, high labor productivity in the production of human capital reduces the likelihood of a poverty trap. 3) When there is child labor, the growth rate of human capital negatively depends on the commodity prices. 4) Child labor may lead to a decrease in both physical and human capital.

JEL classification: E24, K42, O1, O15, O17, O4, R2.

Keywords: poverty traps, mining, child labor, natural resources, education, savings, economic growth.

Resumo: Este artigo apresenta uma aproximação teórica à relação entre o preço dos recursos naturais e as armadilhas da pobreza para o caso de um país produtor de minerais. Partindo de um modelo de gerações sobrepostas onde as decisões de poupança, investimento em capital humano, fertilidade e trabalho infantil são endógenas, se identificam as condições nas quais um aumento no preço dos recursos naturais gera um incremento no trabalho infantil e uma queda no crescimento econômico. Do mesmo modo identificam-se as condições nas que existe uma taxa de crescimento sustentada. Encontram-se quatro resultados centrais: 1) Altos preços dos recursos naturais podem gerar armadilhas de pobreza. 2) Dado o preço dos recursos naturais, entre maior seja a produtividade do trabalho no setor educativo menor é a probabilidade de existência

Revista de Economía del Rosario, vol. 19,
núm. 1, 2016

Universidad del Rosario, Colombia

Recepción: 24 Febrero 2016

Aprobación: 25 Agosto 2016

DOI: [http://dx.doi.org/10.12804/
revistas.urosario.edu.co/economia/
a.5242](http://dx.doi.org/10.12804/revistas.urosario.edu.co/economia/a.5242)

Redalyc: [http://www.redalyc.org/
articulo.oa?id=509552482004](http://www.redalyc.org/articulo.oa?id=509552482004)



de armadilhas de pobreza. 3) Quando existe trabalho infantil, a taxa de crescimento do capital humano depende negativamente do preço dos recursos naturais. 4) A existência de trabalho infantil pode levar a caídas no capital humano e no capital físico.

Classificação JEL: E24, K42, O1, O15, O17, O4, R2.

Palavras-chave: Armadilhas de pobreza, mineração, trabalho infantil, recursos naturais, educação, crescimento.

1. Introducción

Los proyectos de minería son los últimos proyectos que un legislador prudente, que deseé incrementar la riqueza de su nación, elegiría para incentivar.

ADAM SMITH (1776)

El trabajo infantil a menudo está asociado con explotación y jornadas de trabajo extensas. En estas condiciones, los niños trabajadores suelen padecer problemas de salud y retrasos en el desarrollo. Así mismo, el trabajo de la niñez es uno de los determinantes del atraso escolar (Pinzón-Rondón et al., 2006). En este orden de ideas, el trabajo infantil afecta el bienestar de los niños, la dinámica de acumulación de capital humano y, por lo tanto, la tasa de crecimiento de la economía (Ishikawa, 1975; Parsons, 1977).

Ahora, el costo de oportunidad de enviar a los niños al colegio es el ingreso derivado del trabajo infantil y la inversión en capital humano tiene retornos de largo plazo, mientras que el trabajo infantil produce ingresos en el corto plazo. Así, los hogares más impacientes o con necesidades de corto plazo más apremiantes escogen el trabajo infantil.

Por otro lado, dado que el ingreso que aportan los niños al hogar depende positivamente del precio del bien producido con ayuda del trabajo infantil, cuando crece el precio de estos bienes aumenta también el costo de oportunidad de enviar los niños a estudiar y, por lo tanto, puede incrementar el trabajo infantil. Debido a que el trabajo realizado por los menores de edad es trabajo no calificado, aumentos en el precio de bienes cuya producción es intensiva en trabajo no calificado pueden llevar a incrementos en el trabajo infantil. Este es el caso de la minería tradicional y algunos productos agrícolas (recursos naturales).

Si los padres son altruistas, entre mayor es su salario mayor es la inversión en educación de los hijos. Así, cuando los aumentos en el precio de los recursos naturales están acompañados de incrementos proporcionales en los salarios de los adultos, no hay efectos sobre el trabajo infantil.

Por último, cuando las condiciones son tales que las familias deciden enviar a sus hijos a trabajar, los aumentos en el retorno al trabajo infantil son también aumentos en el retorno de la fertilidad. Por este motivo, los incrementos en el precio de los recursos naturales generan también aumento en la tasa de crecimiento poblacional, lo cual, a su vez, reduce el crecimiento del capital por trabajador.

Estas interacciones se formalizan en un modelo teórico que permite analizar los efectos de un aumento en el precio de los recursos naturales sobre las decisiones de trabajo infantil, ahorro y tasa de fertilidad. Dado

que la dinámica del crecimiento económico depende de la acumulación de capital físico y capital humano, las relaciones mencionadas pueden explicar la forma en la que un *boom* de recursos naturales puede generar trampas de pobreza.

Los resultados del modelo sugieren que, dado el salario de los padres, aumentos en el precio de los recursos naturales incrementan los incentivos de los padres de enviar a sus hijos a trabajar y, por lo tanto, pueden generar trampas de pobreza. Ahora, entre mayor es la productividad del trabajo en el sector educativo, mayor es el costo de oportunidad del trabajo infantil y, por lo tanto, menor es la probabilidad de que existan trampas de pobreza. Teniendo en cuenta estos dos resultados, la asistencia escolar de los niños se ve afectada tanto por los precios de los recursos naturales como por la calidad educativa. En caso de precios altos de recursos naturales y baja productividad en la educación, la asistencia escolar es baja y, por ende, las posibilidades de movilidad social de la familia son reducidas.¹

El caso de la minería informal en Colombia sirve de motivación para el modelo teórico. Las características de la población que habita las zonas de minería informal, los bajos salarios de mercado y la incidencia del trabajo infantil parecen ser determinantes del estancamiento económico.

Este artículo está compuesto de cinco secciones, de las cuales esta introducción es la primera. En la segunda sección, se presenta una revisión de la literatura. En la sección 3, se describen los efectos de los aumentos en el precio de los recursos naturales y se expone, a manera de ejemplo, el caso de la minería artesanal en Colombia. En la sección 4, se muestra el modelo teórico. La sección 5 concluye.

2. Revisión de la literatura

El modelo que se presenta está relacionado con tres líneas de la literatura económica: trabajo infantil, natalidad y enfermedad holandesa.²

Varios autores han estudiado la relación entre ingresos del hogar, educación y trabajo infantil. Psacharopoulos (1996) encuentra que, en promedio, aquellos niños que trabajan ven reducida su tasa de escolaridad en dos años, y experimentan un aumento en la probabilidad de repetir un año escolar, para el caso de Bolivia y Venezuela. En la misma dirección, Bezerra, Kassouf y Kuennen (2009) utilizan medidas directas del rendimiento en pruebas académicas de matemáticas y portugués, y reportan una relación negativa entre trabajo infantil y rendimiento escolar en Brasil.

La relación entre el número de hijos en el hogar y el trabajo infantil también ha sido estudiada. Varios autores encuentran una relación positiva entre el número de hijos por hogar y el trabajo infantil. Patrinos y Psacharopoulos (1997) abordan este tema para el caso de Perú y observan que, en los hogares con mayor número de niños de corta edad, la probabilidad del trabajo infantil es mayor. En el caso de Colombia, Gómez, Giraldo, Ramírez y Aparicio (2013) reportan que, para los hogares con proporción alta de niños menores a cinco años,

hay un aumento en la probabilidad de trabajo infantil.³ Finalmente, Heckman y Raut (2013) describen que la inversión en preescolar aumenta significativamente las habilidades cognitivas y no cognitivas de los niños, lo cual incrementa las ganancias del hogar a futuro y mejora los resultados escolares. Paralelamente, los autores demuestran que las habilidades no cognitivas son determinantes esenciales tanto para las ganancias futuras como para el aprendizaje.

En la línea de tasas de natalidad y desarrollo, la evidencia indica que la formación de capital humano es determinante para la transición demográfica y también genera las condiciones para un crecimiento económico sostenido (Galor & Moav, 2004; Galor, 2005). En primer lugar, la reducción de la tasa de fecundidad genera una caída en el número de integrantes por familia, lo cual tiene un efecto positivo, ya que incrementa la producción *per capita* (Galor & Zang, 1997). En segundo lugar, caídas en la fecundidad aumentan la acumulación de capital humano dado (Galor & Weil, 1999). Por último, caídas en la tasa de fecundidad afectan la estructura de edad en la población, reduciendo la tasa de dependencia e impulsando el PIB *per capita* (Doepke, 2004).

Finalmente, la literatura acerca de la enfermedad holandesa parte de una regularidad empírica: los países con recursos naturales abundantes crecen a tasas inferiores a las de los demás países. Este fenómeno se conoce también como la maldición de los recursos naturales.⁴ Igualmente, se observa que aumentos en el precio de recursos naturales abundantes generan síntomas de la enfermedad holandesa.

En este trabajo se estudia el efecto de aumentos en el precio de los recursos naturales en las decisiones familiares. En particular, partiendo de un modelo de generaciones traslapadas, se considera el caso de familias residentes en regiones abundantes en bienes cuya producción se realiza de manera informal. Las familias pueden enviar a sus hijos al colegio o a trabajar en la producción del recurso abundante. Cada familia toma el salario de los adultos, el precio del recurso y la productividad escolar como datos, y toma decisiones sobre ahorro, número de hijos y trabajo infantil.

Los supuestos y la estructura del modelo que presentamos son consistentes con la evidencia empírica y construyen sobre el aparato teórico desarrollado por Galor y colegas. La principal contribución del trabajo es aportar un modelo teórico que formaliza las relaciones entre la variación de precios de los recursos naturales, el trabajo infantil, la tasa de natalidad y el crecimiento económico. Así mismo, a partir de los resultados del modelo se derivan recomendaciones de política pública: en primer lugar, la productividad en la provisión de educación tiene implicaciones de corto plazo sobre el trabajo infantil y de largo plazo sobre la senda de crecimiento económico. En segundo lugar, la relación entre las variaciones en los precios de los recursos naturales (minería en particular) y las decisiones de trabajo infantil llaman la atención acerca de la necesidad de fortalecer o rediseñar programas sociales en regiones donde el trabajo infantil es común.

3. Recursos naturales y trabajo infantil

De acuerdo con Goldin y Parsons (1981), la presencia de industrias con una alta demanda de trabajo infantil reduce el bienestar económico de las siguientes generaciones. Para el caso de los Estados Unidos, el aumento en el ingreso del hogar generado por trabajo infantil es absorbido por un incremento en el consumo. Es decir, la ganancia económica derivada del trabajo infantil se ve opacada por los efectos de un aumento en el consumo.⁵

En Colombia, la minería tradicional ha logrado trascender a lo largo del tiempo. Las primeras comunidades que habitaron las zonas de minearía artesanal comenzaron esta tradición.⁶ Infortunadamente, la especialización en minería artesanal representa una barrera hacia la movilidad social.

Las comunidades que se dedican a la minería tienen una baja valoración de la educación. El bajo nivel educativo de los adultos, junto a las bajas tasas de inscripción en escuelas, contribuye a la creencia de que el trabajo infantil ayuda a la formación y, por este motivo, la educación no se concibe como un derecho fundamental. Del mismo modo, la minería tradicional suele desarrollarse de manera informal, genera aumentos en la deserción escolar e implica riesgos para la salud y la vida de los trabajadores.

La figura 1 ilustra la relación entre trabajo infantil y asistencia escolar para el caso colombiano. Para el rango total de edades entre 7 y 17 años de edad, quienes trabajan presentan niveles inferiores de asistencia escolar que quienes no trabajan. Además, esta diferencia crece con la edad de los menores. Esto último se explica porque la fuerza y la capacidad de trabajo suele aumentar con la edad y, por lo tanto, el costo de oportunidad de estudiar se incrementa también.

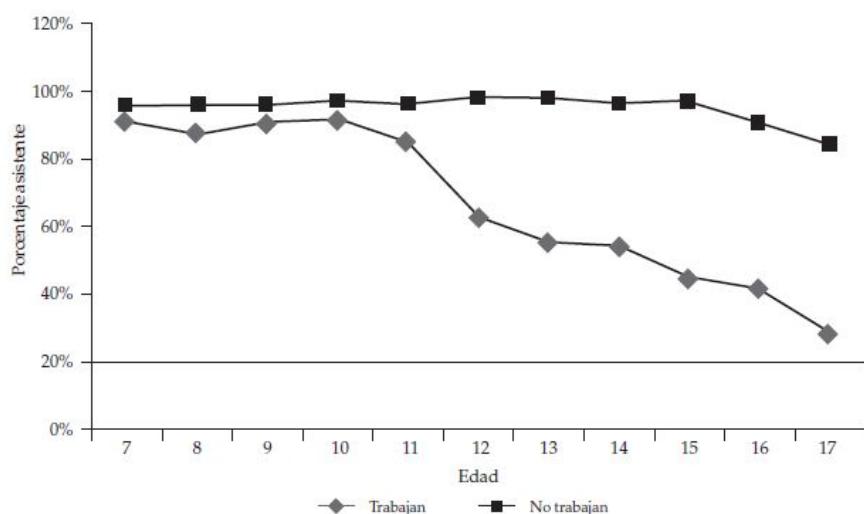


Figura 1
Asistencia escolar
Fuente: Encuesta de calidad de vida 2003.

La tabla 1 presenta la distribución de minería ilegal por departamentos colombianos. Los datos están elaborados a partir de las principales unidades del esquema de división política y geográfica y de la información registrada en el censo minero nacional 2009-2011. Existen 14 357 minas, de las cuales 9040 no poseen un título minero, esto representa el 62,9 % del total de la actividad minera en el país.

Tabla 1
Minas ilegales por departamento

Departamento	Pequeñas	Medianas	Grandes	Total
Antioquia	1183	412	5	1600
Bolívar	888	445	9	1342
Boyacá	692	145	8	845
Cundinamarca	453	228	7	688
Santander	533	43	2	578
Magdalena	502	57	0	559
Chocó	229	292	2	523
Cauca	419	57	8	484
Norte de Santander	270	116	0	386
Putumayo	310	12	0	322
Córdoba	281	8	0	289
La Guajira	186	91	0	277
Atlántico	210	27	0	237
Valle del Cauca	143	56	0	199
Tolima	131	56	0	187

Fuente: Heck y Tranca (2011).

Tabla 1 (cont.)
Minas ilegales por departamento

Departamento	Pequeñas	Medianas	Grandes	Total
Caldas	112	36	0	148
Risaralda	86	46	1	133
Huila	96	14	0	110
Meta	34	11	0	45
Arauca	12	13	1	26
Casanare	15	8	0	23
Cesar	14	0	0	14
Caquetá	12	0	0	12

Fuente: Heck y Tranca (2011).

En 23 de los 32 departamentos de Colombia se practica minería ilegal, siendo los departamentos de Antioquia, Bolívar, Boyacá, Cundinamarca y Santander las cinco zonas donde más se presenta este fenómeno. El 35,1 % de los municipios están afectados por la minería ilegal.

La tabla 2 presenta la información de trabajo infantil por departamento. Algunos departamentos no reportan casos de trabajo infantil en minería, pero los departamentos con más minas ilegales son los que más trabajo infantil reportan.

Tabla 2
Número de niños que trabajan en minería (Colombia)

Departamento	Niños
Antioquia	51
Bolívar	35
Boyacá	12
Cundinamarca	3
Santander	6
Magdalena	5
Chocó	51
Norte de Santander	9
La Guajira	6
Valle del Cauca	1
Tolima	23
Risaralda	1

Fuente: Heck y Tranca (2011).

Así, es claro que en zonas de minería artesanal el trabajo infantil es frecuente (Melguizo, 2005).⁷ Además, un *boom* aurífero, medido como una interacción entre las capacidades de producción de oro a nivel regional y los precios internacionales del oro, aumenta la probabilidad de trabajo infantil, disminuye la probabilidad de que un niño asista a la escuela y, por ende, reduce los años de educación (Santos, 2014).⁸

Estos hechos indican que el caso colombiano es una buena ilustración del problema que abordamos en este trabajo: cuando un sector que usa trabajo infantil se ve afectado positivamente por un choque de precios, el trabajo infantil aumenta, se reduce la escolaridad y las posibilidades de desarrollo.

4. Modelo teórico

Se considera un modelo de generaciones traslapadas con un consumidor representativo que vive dos períodos y cuya utilidad depende de su consumo cuando es joven c_t , de su consumo cuando es viejo d_{t+1} , de la educación que decide darle a sus hijos b_{t+1} y del número de hijos que el hogar decide tener N_{t+1} .

También se supone un mercado competitivo en el sector formal donde las firmas toman los precios de los factores como dados. El salario al trabajador infantil es una función lineal del precio del bien producido.

4.1. Hogares

Se utiliza una función de utilidad logarítmica que combina los argumentos antes mencionados:

$$U = \{\log(c_t) + \beta[\log(d_{t+1}) + \gamma \log(h_{t+1})N_{t+1}]\} \quad (1)$$

El número de hijos N_{t+1} genera utilidad para los padres y, en los casos en que hay trabajo infantil, además de generar utilidad, trabajan y hacen transferencias a sus padres, incrementando el ingreso familiar.

$0 \leq \beta \leq 1$ representa la paciencia de los padres o el factor de descuento. Entre mayor sea este parámetro, más pacientes son los padres.

En cada momento el hogar tiene un ingreso exógeno, el cual está determinado por el salario del progenitor $w_t h_t$, que depende del nivel de educación (capital humano) y un ingreso endógeno proveniente del trabajo infantil. Este ingreso depende del tiempo que los menores dedican a trabajar ϕ_t , del precio del recurso natural $P_{G,t}$ y de la cantidad de hijos en el hogar $\phi_t P_{G,t} N_{t+1}$. Los gastos del hogar son el consumo C_t y el costo de criar a los hijos e . Por simplicidad se supone que el costo de la crianza es una función lineal del salario de los adultos $e(w_t h_t)$. Esto puede entenderse como el costo de oportunidad de dedicar tiempo a los niños o el costo de contratar otros adultos cuyo ingreso laboral es igual al de los padres dado el supuesto de agentes homogéneos.

La primera restricción es entonces:

$$w_t h_t + \varphi_t P_{G,t} N_{t+1} = C_t + S_t + e(w_t h_t) N_{t+1} \quad (2)$$

Así, el ingreso de la familia se dedica a cubrir el costo de la crianza, a consumir y a ahorrar. El consumo futuro (cuando el individuo es viejo) d_{t+1} es igual al ahorro S_t multiplicado por la tasa de interés que obtiene en el futuro r_{t+1} .

$$d_{t+1} = S_t r_{t+1} \quad (3)$$

Por último, el capital humano de los hijos es una función que depende de la productividad del sistema educativo δ , de la cantidad de tiempo que el menor dedica a estudiar $(1-\phi_t)$ y del nivel educativo de los padres h_t .

$$h_{t+1} = \delta(1-\varphi_t)h_t \quad (4)$$

Donde $1 \geq \phi_t \geq 0$.

Para que haya producción, se requiere un nivel mínimo de capital humano de los padres, es decir, $h_t > 0$, en adelante se adopta este supuesto.



Así mismo, dado que los hogares no pueden tener infinitos hijos, se supone un número máximo de hijos igual a N^* : $N_{t+1} \leq N^*$.

El problema del agente representativo es maximizar la utilidad sujeto a las restricciones expresadas en las ecuaciones (2), (3) y (4). En donde las variables de decisión de cada hogar son: ahorro (S_t), tiempo de trabajo de los niños (ϕ_t) y número de hijos (N_{t+1}).

De las condiciones de primer orden y de las restricciones de los agentes, se derivan las siguientes condiciones:

La proporción de tiempo que los niños destinan al trabajo está dada por la siguiente expresión:

$$\varphi_t = \max \left[0, \min \left(1, \frac{P_{G,t} - \beta \gamma c_t}{P_{G,t}} \right) \right] \quad (5)$$

Así, dado el consumo, existe un nivel crítico del precio del recurso natural por debajo del cual no hay trabajo infantil.

El ahorro, bajo la solución interior, es

$$S_t = \beta(w_t h_t + [\varphi_t P_{G,t} - \epsilon(w_t h_t)] N_{t+1}) \quad (6)$$

Combinando con la ecuación 2,

$$c_t = (1 - \beta)(w_t h_t + [\varphi_t P_{G,t} - \epsilon(w_t h_t)] N_{t+1}) \quad (7)$$

$$\text{Luego } C_t = \frac{1 - \beta}{\beta} S_t$$

Así, el consumo presente y el ahorro son proporciones constantes del ingreso familiar neto de costos de crianza.⁹

Tomando la ecuación (5) y reemplazando el consumo de la ecuación (7), se obtiene:

$$\varphi_t = \max \left[0, \min \left(1, \frac{P_{G,t} - \beta \gamma (1 - \beta) w_t h_t (1 - \epsilon N_{t+1})}{(1 + \beta \gamma (1 - \beta) N_{t+1}) P_{G,t}} \right) \right] \quad (5')$$

Así, entre mayor es la relación $\frac{P_{G,t}}{w_t h_t}$ mayor es el tiempo que pasan los menores trabajando.

Este resultado se explica porque el retorno de enviar los niños a trabajar depende del precio del recurso natural.

Por otro lado, entre mayor sea la cantidad de hijos en el hogar, más fácil es que todo el tiempo de los niños se destine al trabajo. Más aún, si

$$N_{t+1} > \frac{1}{\epsilon - \frac{P_{G,t}}{w_t h_t}} \text{ entonces } \phi_t = 1.$$

Estos últimos resultados se explican porque, entre mayor es el número de hijos, mayor es el retorno de incrementar su tiempo de trabajo. De manera que, siempre y cuando el precio del recurso natural sea positivo, cualquier aumento en el número de hijos incrementa el retorno del tiempo de trabajo infantil.

Note también que entre más impaciente es el individuo, es decir, entre menor es β , es más probable que mande a su hijo a trabajar.

Para completar la solución del consumidor, se reemplaza el tiempo de trabajo infantil de solución interior ϕ_t en las ecuaciones (6) y (7) y se obtienen las expresiones de consumo y ahorro para la solución interior:

$$s_t = \frac{(1-\beta)}{(1-(1-\beta)(1+\gamma N_{t+1}))} ((w_t h_t (1-\varepsilon N_{t+1}) + P_{G,t} N_{t+1})) \quad (6')$$

$$c_t = \frac{(1-\beta)}{(1-(1-\beta)(1+\gamma N_{t+1}))} (w_t h_t (1-\varepsilon N_{t+1}) + P_{G,t} N_{t+1}) \quad (7')$$

Por último, para obtener el número de hijos que el hogar decide, se parte de la condición de primer orden:

$$\frac{\partial U}{\partial N_{t+1}} = \frac{\varphi_t P_{G,t} - \varepsilon(w_t h_t)}{c_t} + \frac{\beta \gamma}{N_{t+1}} \quad (8)$$

Note que la condición de primer orden (8) no se cumple con igualdad si $\varphi_t P_{G,t} > \varepsilon(w_t h_t)$ y, por lo tanto, solo puede haber solución

interior si $\frac{P_{G,t}}{w_t h_t} < \frac{\varepsilon}{\varphi_t}$. Note también que la ecuación 5' implica que si

$\frac{P_{G,t}}{w_t h_t} < \beta \gamma (1-\beta)(1-\varepsilon N_{t+1})$, entonces no hay trabajo infantil $\phi_t = 0$.

Así, si $\varphi_t P_{G,t} > \varepsilon(w_t h_t)$, entonces $\phi_t > 0$ y $N_{t+1} = N^*$. Así, si hay solución de esquina para la tasa de natalidad, entonces hay trabajo infantil.

Cuando hay trabajo infantil, hay un beneficio pecuniario de tener hijos: $\varphi_t P_{G,t}$. Si este es mayor al costo de tener hijos ($\varepsilon(w_t h_t)$), el hogar siempre opta por aumentar el número de hijos. Ahora, como se afirmó arriba, hay un número máximo de hijos que una familia puede tener N^* .¹⁰ Así, el número de hijos está dado por:

$$N_{t+1} = \begin{cases} \min\left(\frac{\beta \gamma c_t}{\varepsilon(w_t h_t) - \varphi_t P_{G,t}}, \bar{N}\right) & \text{si } \frac{P_{G,t}}{w_t h_t} < \frac{\varepsilon}{\varphi_t} \\ \bar{N} & \text{si } \frac{P_{G,t}}{w_t h_t} \geq \frac{\varepsilon}{\varphi_t} \end{cases} \quad (9)$$

Esta ecuación indica que la tasa de fertilidad depende del costo de tener hijos, de la tasa de impaciencia, de la preferencia por capital humano γ y

del posible ingreso que los hijos puedan generar. Si el ingreso aumenta, la tasa de fertilidad crece.

A partir de los anteriores resultados, es posible plantear tres casos dependiendo del número de hijos y del tiempo que los niños dedican al trabajo:

El caso en el cual los niños no trabajan y el número de hijos es el máximo posible, $\varphi_t = 0$ y $\frac{\beta\gamma c_t}{\varepsilon(w_t h_t)} > \bar{N}$, no es un equilibrio porque si $\phi_t P_{G,t} > \varepsilon(w_t h_t)$, entonces $\phi_t > 0$ y, por lo tanto, si $N_{t+1} = N^*$, entonces $\phi_t = 0$

$$\frac{\beta\gamma c_t}{(w_t h_t)} < \frac{(1-\beta)\beta\gamma}{(1+(1-\beta)\beta\gamma)} \quad [\text{Caso 1}]$$

1) Suponga que $\phi_t = 0$. Si $\phi_t = 0$, entonces $\frac{\beta\gamma c_t}{(w_t h_t)} < \frac{\varepsilon}{\varphi_t}$ y, por la ecuación (9), $N_{t+1} = \frac{\beta\gamma c_t}{\varepsilon(w_t h_t)}$. Así mismo, de la ecuación (7') se sigue

$$c_t = \frac{1-\beta}{(1+(1-\beta)\beta\gamma)}(w_t h_t) \text{ y } N_{t+1} = \frac{\beta\gamma c_t}{\varepsilon(w_t h_t)} = \frac{\beta\gamma}{\varepsilon} \frac{1-\beta}{(1+(1-\beta)\beta\gamma)}.$$

2) Si $N_{t+1} = \frac{\beta\gamma}{\varepsilon} \frac{1-\beta}{(1+(1-\beta)\beta\gamma)}$, de la ecuación (5') se sigue:

$$\text{Si } \frac{P_{G,t}}{w_t h_t} < \left(\frac{(1-\beta)\beta\gamma}{(1+(1-\beta)\beta\gamma)} \right), \text{ entonces } \phi_t = 0.$$

De 1) y 2) se sigue que si $\frac{P_{G,t}}{w_t h_t} < \left(\frac{(1-\beta)\beta\gamma}{(1+(1-\beta)\beta\gamma)} \right)$, entonces $\phi_t = 0$ y:

$$s_t = \frac{\beta}{(1+(1-\beta)\beta\gamma)}(w_t h_t) \quad (6.1)$$

$$c_t = \frac{1-\beta}{(1+(1-\beta)\beta\gamma)}(w_t h_t) \quad (7.1)$$

$$N_{t+1} = \frac{\beta\gamma}{\varepsilon} \frac{(1-\beta)}{(1+(1-\beta)\beta\gamma)} \quad (9.1)$$

En este caso, el precio del recurso natural es bajo comparado con el ingreso de los adultos de manera que no hay trabajo infantil porque el costo de oportunidad de la educación es muy bajo.

$$\left(\varepsilon + \frac{(1-\beta)\beta\gamma}{(1+(1-\beta)\beta\gamma)} \left(1 - \frac{1}{\bar{N}} \right) \right) \geq \frac{P_{G,t}}{w_t h_t} > \left(\frac{(1-\beta)\beta\gamma}{(1+(1-\beta)\beta\gamma)} \right) \quad [\text{Caso 2}]$$

1) Del punto dos del caso anterior se sigue que si $\frac{P_{G,t}}{w_t h_t} > \left(\frac{(1-\beta)\beta\gamma}{(1+(1-\beta)\beta\gamma)} \right)$, entonces $\phi_t > 0$. 2) Suponga que $\frac{\beta\gamma c_t}{\epsilon(w_t h_t) - \varphi_t P_{G,t}} \leq \bar{N}$ De la ecuación (9) se deriva que si $\frac{P_{G,t}}{w_t h_t} < \frac{\epsilon}{\varphi_t}$ y $\frac{\beta\gamma c_t}{\epsilon(w_t h_t) - \varphi_t P_{G,t}} \leq \bar{N}$ entonces hay solución interior para el número de hijos, Ecu. pa. 16.

Utilizando las condiciones de primer orden y reemplazando, es posible reescribir las ecuaciones (5), (6'), (7') y (9):

$$\varphi_t = \left(1 - \beta\gamma \frac{1-\beta}{(1+(1-\beta)\beta\gamma)} \frac{w_t h_t}{P_{G,t}} \right) \quad (5.2)$$

$$s_t = \frac{\beta}{(1+(1-\beta)\beta\gamma)} (w_t h_t) \quad (6.2)$$

$$c_t = \frac{1-\beta}{(1+(1-\beta)\beta\gamma)} (w_t h_t) \quad (7.2)$$

$$N_{t+1} = \frac{(1-\beta)\beta\gamma}{(1-\beta)\beta\gamma - \left(\frac{P_{G,t}}{w_t h_t} \epsilon \right) (1+(1-\beta)\beta\gamma)} \quad (9.2)$$

Note que en este caso N_{t+1} es una función creciente en $\frac{P_{G,t}}{w_t h_t}$. Note también que, dada la ecuación (7.2),

$$N_{t+1} = \bar{N} \Leftrightarrow \frac{P_{G,t}}{w_t h_t} = \left(\epsilon + \frac{(1-\beta)\beta\gamma}{(1+(1-\beta)\beta\gamma)} \left(1 - \frac{1}{\bar{N}} \right) \right)$$

En estas condiciones se puede observar que las formas funcionales del consumo y el ahorro son iguales a las del caso 1. Esto sucede porque los nuevos hijos generan más ingreso al hogar, pero a su vez significan un gasto adicional. Las familias escogen el número de hijos de tal forma que el costo y el ingreso se igualan.

$$\frac{P_{G,t}}{w_t h_t} > \left(\epsilon + \frac{(1-\beta)\beta\gamma}{(1+(1-\beta)\beta\gamma)} \left(1 - \frac{1}{\bar{N}} \right) \right) \quad [\text{Caso 3}]$$

En este caso, de las condiciones de primer orden se sigue que la familia tiene el máximo posible de hijos N^* y los niños trabajan.

Combinando las restricciones con las condiciones de primer orden se obtiene

$$c_t = \frac{(1-\beta)}{(1+(1-\beta)\beta\gamma\bar{N})}((1-\varepsilon\bar{N})w_t h_t + P_{G,t}\bar{N}) \quad (6.3)$$

$$s_t = \frac{\beta}{(1+(1-\beta)\beta\gamma\bar{N})}((1-\varepsilon\bar{N})w_t h_t + P_{G,t}\bar{N}) \quad (7.3)$$

$$\frac{P_{G,t} - \beta\gamma(1-\beta)(1-\varepsilon\bar{N})w_t h_t}{P_{G,t} \left(1+(1-\beta)\beta\gamma\bar{N}\right)} \quad (9.3)$$

Recuerde que si $\bar{N} \geq \frac{1}{\left(\varepsilon \frac{P_{G,t}}{w_t h_t}\right)}$, entonces $\phi_t = 1$.

Ahora, si $\bar{N} \geq \frac{1}{\left(\varepsilon \frac{P_{G,t}}{w_t h_t}\right)}$ y $\frac{P_{G,t}}{w_t h_t} > \left(\varepsilon + \frac{(1-\beta)\beta\gamma}{(1+(1-\beta)\beta\gamma)}\left(1 - \frac{1}{\bar{N}}\right)\right)$, entonces $\frac{P_{G,t}}{w_t h_t} > \left(\varepsilon + \frac{(1-\beta)\beta\gamma}{(1+(1-\beta)\beta\gamma)}\left(1 - \left(\varepsilon - \frac{P_{G,t}}{w_t h_t}\right)\right)\right)$, reagrupando

$$\frac{P_{G,t}}{w_t h_t} > (\varepsilon + (1-\beta)\beta\gamma)$$

Así, si $\frac{P_{G,t}}{w_t h_t} > (\varepsilon + (1-\beta)\beta\gamma)$ entonces $\phi_t = 1$.

Solución general

A partir de los casos 1, 2 y 3, es posible analizar el comportamiento de las variables.

La figura 2 muestra que la variable que determina el número de hijos es la relación entre el precio de los recursos naturales (el retorno del trabajo infantil) y el salario de los adultos (el costo de tener hijos). Dado el salario de los padres, para bajos precios de recursos naturales, la tasa de fertilidad

es constante, pero a partir de un nivel crítico $\left(\frac{(1-\beta)\beta\gamma}{(1+(1-\beta)\beta\gamma)}w_t h_t\right)$

cualquier incremento en el precio de los recursos naturales genera un aumento en el número de hijos. Una vez el número de hijos alcanza el máximo, deja de responder a incrementos en el precio de los recursos naturales. Finalmente, aumentos en el salario de los adultos reducen la tasa de natalidad cuando existe solución interior.

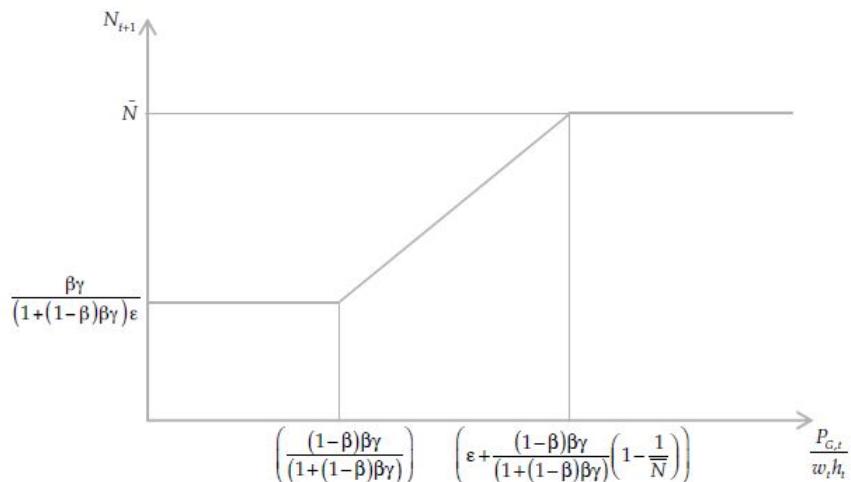


Figura 2
Precio de los recursos naturales y tasa de natalidad

Fuente: elaboración de los autores.

Si el precio de los recursos naturales aumenta, los padres tienen mayores incentivos a enviar a sus hijos a trabajar porque saben que en el corto plazo su ingreso es mayor y, por lo tanto, el costo de oportunidad de enviarlos a estudiar es muy alto. Sin embargo, existe un número máximo de hijos que los hogares pueden concebir, el cual es representado por N^* . No importa que tan alto sean los precios de los recursos naturales hay un punto en el cual la madre del hogar no puede tener más hijos.

Por su parte, la proporción del tiempo de trabajo infantil está dada por:

$$\left\{ \begin{array}{ll} 0 & \text{caso 1} \\ \left(1 - \beta \gamma \frac{1 - \beta}{(1 + (1 - \beta) \beta \gamma)} w_t h_t \right) & \text{caso 2} \\ \min \left(1, \frac{P_{G,t} - \beta \gamma (1 - \epsilon N)}{P_{G,t} \left[(1 + (1 - \beta) \beta \gamma N) \right]} w_t h_t \right) & \text{caso 3} \end{array} \right\} \quad (10)$$

Combinando los tres casos, es posible describir el comportamiento del trabajo infantil. La figura 3 ilustra cómo el trabajo infantil es determinado por la relación entre el precio de los recursos naturales y el salario de los adultos. Dado el salario de los padres, para bajos precios de recursos naturales, no hay trabajo infantil, pero a partir de un nivel crítico $\left(\frac{(1 - \beta) \beta \gamma}{(1 + (1 - \beta) \beta \gamma)} w_t h_t \right)$ cualquier incremento en el precio de los *recursos naturales* genera un aumento en el trabajo infantil.

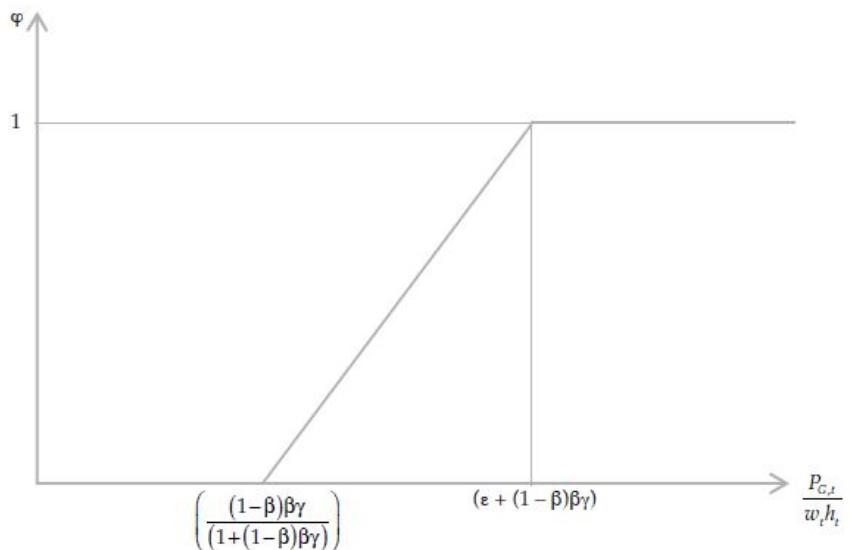


Figura 3
Precio de los recursos naturales y trabajo infantil
Fuente: elaboración de los autores.

Si el precio del recurso natural es relativamente alto comparado con el salario de los adultos, hay trabajo infantil y este es creciente en el precio de los recursos naturales. Finalmente, cuando todo el tiempo de los niños está dedicado al trabajo, aumentos en el precio de los recursos naturales no tienen efecto.

Dada la función de utilidad logarítmica, el consumo es una proporción constante de los ingresos del hogar,

$$c_t = \begin{cases} \frac{(1-\beta)}{(1+(1-\beta)\beta\gamma)}(w_t h_t) & \text{casos 1 y 2} \\ \frac{(1-\beta)}{(1+(1-\beta)\beta\gamma\bar{N})}\left((1-\varepsilon\bar{N})w_t h_t + P_{G,t}\bar{N}\right) & \text{caso 3} \end{cases} \quad (11)$$

$$s_t = \begin{cases} \frac{(1-\beta)}{(1+(1-\beta)\beta\gamma)}(w_t h_t) & \text{casos 1 y 2} \\ \frac{(1-\beta)}{(1+(1-\beta)\beta\gamma\bar{N})}\left((1-\varepsilon\bar{N})w_t h_t + P_{G,t}\bar{N}\right) & \text{caso 3} \end{cases} \quad (12)$$

Cuando el precio del recurso natural es relativamente bajo y no hay trabajo infantil, todo el ingreso del hogar viene del trabajo de los adultos. Si el precio del recurso natural es relativamente alto y hay trabajo infantil, el hogar tiene ingresos más altos, pero también mayores costos, puesto que el número de hijos es mayor. Bajo la solución interior estos dos efectos se cancelan. No obstante, cuando hay solución de esquina para el número

de hijos, el efecto positivo del aumento en el precio del recurso natural es mayor.

4.2. Firmas y precios de los factores

Se supone una función de producción Cobb-Douglas para los bienes finales.

$$Y_t = AK_t^\alpha H_t^{1-\alpha} = AK_t^\alpha (h_t L_t)^{1-\alpha} \quad (13)$$

Donde Y es el producto, K el capital físico agregado, H el capital humano agregado, L el número de trabajadores.

De manera que el ingreso por trabajador es

$$Y_t = AK_t^\alpha h_t^{1-\alpha} \quad (14)$$

Siendo k la relación capital-trabajo.

La ecuación (14) representa la cantidad producida Y utilizando como factores de producción el capital humano H y el capital físico K . A es una constante positiva que representa la tecnología, α y $\alpha - 1$ son menores que uno y representan el peso de los factores H y K en la distribución de la renta.

El número de trabajadores en t está definido como: $L_t = L_{t-1} N_t$, en donde L_{t-1} es el número de adultos en $t-1$ y N_t es el número de hijos. Por lo tanto, el capital humano es:

$$H_t = h_t L_t \quad (15)$$

Los precios de los factores se determinan de manera competitiva suponiendo la función de producción de bienes finales.

Los beneficios de la empresa son

$$\pi = Ak_t^\alpha h_t^{1-\alpha} - w_t h_t - r_t k_t \quad (17)$$

Así, las condiciones de primer orden de la firma son

$$r = \alpha Ak^{\alpha-1} h^{1-\alpha}; w = (1 - \alpha)Ak^\alpha h^{-\alpha} \quad (17)$$

Así, los precios de los factores son, en equilibrio, iguales a sus productividades marginales.

4.3. Condiciones de equilibrio y dinámica del capital

La oferta de capital humano por individuo es igual a la demanda de las firmas:



$$h_t = \left(\frac{(1-\alpha)A}{w_t} \right)^{\frac{1}{\alpha}} k_t = \delta(1 - \varphi_{t-1})h_{t-1}.$$

La oferta de activos es igual al ahorro individual S_t por el número de individuos L_t . Las firmas demandan activos para hacerlos capital. Así,

$$K_{t-1} = s_t L_t$$

El capital por trabajador es, entonces, igual a:

$\frac{K_{t+1}}{L_{t+1}} = \frac{K_{t+1}}{L_t N_{t+1}} = \frac{s_t L_t}{N_t N_{t+1}} = \frac{s_t}{N_{t+1}}$ Para encontrar el ahorro individual, se combinan las ecuaciones (12) y (16):

$$S_t = \begin{cases} \frac{\beta}{(1+(1-\beta)\beta\gamma)}((1-\alpha)Ak^\alpha h^{1-\alpha}) & \text{casos 1 y 2} \\ \frac{(\beta)}{(1+(1-\beta)\beta\gamma N)}((1-\varepsilon N)(1-\alpha)Ak^\alpha h^{1-\alpha} + P_{G,t} \bar{N}) & \text{caso 3} \end{cases} \quad (18)$$

Utilizando la ecuación $K_{t+1} = \frac{S_t}{N_{t+1}}$, se obtiene:

$$\frac{k_{t+1}}{k_t} = \begin{cases} \frac{\beta}{N_{t+1}} \left[\frac{(1-\alpha)Ak^\alpha h^{1-\alpha}}{(1+(1-\beta)\beta\gamma)} \right] & \text{casos 1 y 2} \\ \frac{\beta}{N} \left[\frac{((1-\varepsilon N)(1-\alpha)Ak^\alpha h^{1-\alpha} + P_{G,t} \bar{N})}{(1+(1-\beta)\beta\gamma N)} \right] & \text{caso 3} \end{cases} \quad (19)$$

Recuerde que en el caso 3 el hogar tiene un número máximo de hijos, por eso en este caso $k_{t+1} = \frac{S_t}{N}$.

Para encontrar la tasa de crecimiento del capital humano h , se usan las ecuaciones (3), (10) y (17),

$$\frac{h_{t+1}}{h_t} = \begin{cases} \delta & \text{caso 1} \\ \frac{\beta\gamma(1-\beta)(1-\alpha)Ak^\alpha h^{1-\alpha}}{(1+(1-\beta)\beta\gamma)P_{G,t}} \delta & \text{caso 2} \\ \frac{\{(1-\beta)(1-\varepsilon N)(1-\alpha)Ak^\alpha h^{1-\alpha}P_{G,t} \bar{N}\}}{P_{G,t}[(1+(1-\beta)\beta\gamma N)]} \beta\gamma\delta & \text{caso 3} \end{cases} \quad (19)$$

Cuando no hay trabajo infantil, la acumulación de capital humano depende únicamente de la productividad de este sector $h_{t+1} = \delta h_t$. Esto

solo sucede cuando el precio de los *recursos naturales* es bajo porque, una vez este aumente, los incentivos de los padres siempre serán enviar a sus hijos a trabajar en las minas.

4.4. Resultados

Proposición 1: Si $\delta > 1$ y $\frac{P_{G,t}}{w_t h_t} \leq \left(\frac{(1-\beta)\beta\gamma}{(1+(1-\beta)\beta\gamma)} \right)$, entonces para todo t existe una senda de crecimiento balanceado, $\frac{k_{t+1}}{k_t} = \frac{h_{t+1}}{h_t} = \delta$ y $\frac{K}{h} = \left(\frac{\varepsilon(1-\alpha)A}{\delta(1-\beta)\gamma} \right)^{\frac{1}{1-\alpha}}$.

[La demostración está en el apéndice].

La proposición 1 indica que si el precio de los recursos naturales es relativamente bajo y la productividad del sistema educativo es alta, los padres no tienen incentivos de mandar a sus hijos a trabajar y, por esto, el capital humano tiene una senda creciente. En estas condiciones hay crecimiento del capital humano, del capital físico y del producto.

Ahora, note que si $\frac{P_{G,t}}{w_t h_t} > \left(\frac{(1-\beta)\beta\gamma}{(1+(1-\beta)\beta\gamma)} \right)$, entonces la tasa de crecimiento del capital humano depende negativamente del precio del recurso natural.

$$h_{t+1} = \begin{cases} \beta\gamma\delta h_t \frac{\{(1-\beta)[(1-\varepsilon\bar{N})(1-\alpha)Ak^\alpha h^{1-\alpha} + P_{G,t}\}]}{P_{G,t}[(1+(1-\beta)\beta\gamma\bar{N})]} & \text{si } P_{G,t} > \left(\frac{(1-\beta)\beta\gamma}{(1+(1-\beta)\beta\gamma)} \right) w_t h_t \\ \delta h_t & \text{si } P_{G,t} \leq \left(\frac{(1-\beta)\beta\gamma}{(1+(1-\beta)\beta\gamma)} \right) w_t h_t \end{cases}$$

Así, si $\frac{P_{G,t}}{w_t h_t} > \left(\frac{(1-\beta)\beta\gamma}{(1+(1-\beta)\beta\gamma)} \right)$, entonces la tasa de crecimiento del capital humano es negativa.

Este resultado implica que aumentos en el precio de los recursos naturales pueden generar caídas en la acumulación de capital humano.

Proposición 2: Si $N = \bar{N}$ y $\frac{P_{G,t}}{w_t h_t} > \frac{\beta\gamma(1-\beta)(1-\varepsilon\bar{N})}{1 - \left(\frac{\delta-1}{\delta} \right) [(1+(1-\beta)\beta\gamma\bar{N})]}$,

entonces siempre que haya trabajo infantil la tasa de crecimiento del capital humano es negativa.

[La demostración está en el apéndice].

La proposición 2 indica que por encima de cierto nivel del precio de los recursos naturales el tiempo de asistencia escolar es tan bajo que el capital humano decrece.



Proposición 3: Si $P_{G,t}$ es constante, entonces, para cualquier condición inicial tal que $\frac{1}{\Omega} > \frac{P_{G,t}}{w_t h_t} > \left(\varepsilon + \frac{(1-\beta)\beta\gamma}{(1+(1-\beta)\beta\gamma)} \right)$, existe un estado estacionario caracterizado por: $\frac{1}{\Omega} > \frac{P_{G,t}}{w_t h_t} > \left(\varepsilon + \frac{(1-\beta)\beta\gamma}{(1+(1-\beta)\beta\gamma)} \right)$.

Donde $\Omega = \frac{1 - \frac{\delta - 1}{\delta} [(1 + (1 - \beta)\beta\gamma) \bar{N}]}{\beta\gamma(1 - \beta)(1 - \varepsilon\bar{N})}$.

[La demostración está en el apéndice].

La proposición 3 indica que si el precio del recurso natural es suficientemente alto para que haya trabajo infantil y es persistentemente alto, entonces en el largo plazo el capital humano no crece y, por lo tanto, la economía se estanca.

Proposición 4: Si $\left(\varepsilon + \left(\frac{(1-\beta)\beta\gamma}{(1+(1-\beta)\beta\gamma)} \right) - \frac{(1-\beta)\beta\gamma}{w_t h_t} \right) < \frac{P_{G,t}}{w_t h_t} < \left(\varepsilon + \frac{(1-\beta)\beta\gamma}{(1+(1-\beta)\beta\gamma)} \left(1 - \frac{1}{\bar{N}} \right) \right)$, entonces la tasa de crecimiento del capital físico es negativa.

[La demostración está en el apéndice].

En este caso, el precio de los recursos naturales es tan alto comparado con el ingreso de los adultos que hay trabajo infantil y alta fertilidad, pero no es suficientemente grande para que el ingreso del hogar permita aumentos sustanciales en el ahorro y la acumulación de capital físico. Así, el efecto del número de hijos compensa el aumento en capital haciendo que el capital por trabajador se reduzca.

4.5. Implicaciones de política

Los resultados de la sección anterior indican que la relación entre el ingreso de los padres y el ingreso que derivan los menores de su trabajo es la variable central en las decisiones de la familia. Esto implica que, todo lo demás constante, el nivel de los salarios de los adultos es determinante. Un mayor salario para los adultos puede reducir o eliminar el trabajo infantil. El problema aquí es que en las regiones más pobres el salario promedio suele ser inferior al salario mínimo legal de manera que la mayoría del trabajo es informal. Así, el reto de política es impulsar el desarrollo de empresas formales en estas zonas.

En segundo lugar, lo que en nuestro modelo es la productividad del sector educativo incluye, en la práctica, dos elementos: la capacidad de educar de las escuelas y el retorno a la educación. La literatura acerca de los mecanismos que permiten mejorar el nivel de las escuelas es extensa, pero casi toda concuerda en la necesidad de invertir en este sector. Con respecto al retorno a la educación, en la medida en que haya un sector formal capaz que demande mano de obra calificada, el retorno a la educación será alto. Así, estimular la creación de empresas formales en estas zonas puede atacar el problema del trabajo infantil por dos vías.

En este orden de ideas, el otorgamiento de incentivos tributarios a las firmas que inviertan y contraten población nativa en regiones donde el trabajo infantil es común puede ayudar a reducir este fenómeno.

Del mismo modo, otorgar condiciones laborales especiales a los maestros que enseñan en regiones afectadas por trabajo infantil puede ayudar a incrementar la calidad de la educación en estas regiones.

En lo que respecta al problema de incentivos, un programa de transferencias condicionadas que garantice una suma de dinero a las familias que envían sus hijos a estudiar reduce el costo de oportunidad de enviar a los menores al colegio. En Colombia, Familias en Acción es un programa de estas características que ha sido exitoso en varias dimensiones. No obstante, en zonas de minería tradicional sigue habiendo trabajo infantil, de manera que valdría la pena estudiar formas de ajustar el programa para las zonas de minería artesanal. En particular, las transferencias condicionadas pueden ser más cuantiosas en las zonas de minería tradicional.

Por último, y apartándonos un poco de las implicaciones del modelo, para estimular a los niños a acudir al colegio es deseable invertir en instalaciones deportivas y actividades extracurriculares que incrementen la satisfacción derivada de acudir al colegio y articular los programas de vivienda social con los programas educativos para reducir costos de desplazamiento de los estudiantes.

5. Conclusiones

Este artículo presenta un análisis teórico de la ‘maldición de los recursos naturales’ desde la perspectiva de las decisiones del hogar. La principal pregunta es cómo el precio de los recursos naturales afecta las decisiones del hogar sobre el número de hijos del hogar y la asignación de tiempo de los niños entre la educación y el trabajo. Estas decisiones afectan a su vez la tasa de crecimiento del capital humano y la senda de crecimiento de la economía.

En equilibrio, para las familias de bajos ingresos, los niños son fuente importante de ingresos para el hogar y, por lo tanto, el costo de oportunidad de la educación es muy alto. En el caso de las familias de altos ingresos, el potencial aporte de los niños al ingreso familiar es pequeño y, por esto, la utilidad que derivan los padres de la educación de los hijos es mayor al costo de oportunidad de enviarlos a estudiar.

Las decisiones de los padres afectan el ingreso de la familia en el corto plazo y los salarios futuros de los menores. Así, la decisión de enviar a los niños a trabajar hace que los salarios futuros sean bajos y, por lo tanto, perpetúa las condiciones de pobreza.

Cuando el precio de los recursos naturales es alto comparado con el ingreso del hogar, el aporte relativo de los niños al ingreso familiar se hace más alto y, por lo tanto, aumenta el trabajo infantil y pueden surgir trampas de pobreza. Además, el incremento en los ingresos laborales de los menores estimula la tasa de natalidad y puede reducir la relación capital-trabajo de la siguiente generación.

Del análisis teórico se derivan tres implicaciones de política: 1) Aumentar la productividad en la educación puede ayudar a reducir el trabajo infantil y contribuye a eliminar trampas de pobreza. 2) Ante un incremento en los precios de los recursos naturales se debe reforzar la política social. Es decir, parte de la bonanza debe destinarse a reducir el costo de oportunidad de ir a estudiar. 3) Instrumentos de política social, como las transferencias condicionadas, pueden ser útiles para romper las trampas de pobreza que se originan en las zonas de minería.

Agradecimientos

Agradecemos a Emilio Depetris, Óscar Ávila, Rafael Santos, Harold Villalba y a un evaluador anónimo por sus comentarios y sugerencias.

Referencias

- Becker, G., & Tomes, N. (1994). *Human capital and the rise and fall of families. Human capital: a theoretical and empirical analysis with special reference to education* (3rd ed.). The University of Chicago Press.
- Campo, J., & Sanabria, A. (2013). Recursos naturales y crecimiento económico en Colombia: ¿maldición de los recursos? En *Perfil de coyuntura económica* (pp. 17-37). Universidad de Antioquia. Recuperado de <http://www.redalyc.org/pdf/861/86130434002.pdf>
- Cogneau, D., & Jedwab, R. (2007). Household income and investments in child health and education in Ivory Coast. *Journal of Economic Literature*, 40.
- Departamento Administrativo Nacional de Estadística (DANE). (2003). *Encuesta de calidad de vida 2003 (ECV 2003)*. Bogotá: DANE.
- Doepke, M. (2004). Accounting for fertility decline during the transition to growth. *Journal of Economic Growth*, 9(3), 347.
- Edmonds, E. V., & Pavcnik, N. (2004). Child labor in the global economy. *Journal of Economic Perspectives*, 19(1), 199-220.
- Galor, O. (2005). The demographic transition and the emergence of sustained economic growth. *Journal of European Economic Association*, 3, 494-504.
- Galor, O., & Moav, O. (2004). From physical to human capital accumulation: inequality in the process of development. *Review of Economic Studies*, 71, 1001-1026.
- Galor, O., & Weil, D. (1999). From Malthusian stagnation to modern growth. *American Economic Review*, 89(2), 150-154.
- Galor, O., & Zang, H. (1997). Fertility, income distribution, and economic growth: theory and cross-country evidence. *Japan and the World Economy*, 9(2), 197-229.
- Gómez, D. F., Giraldo, J., Ramírez, C., & Aparicio, C. (2013). *Factores condicionantes del trabajo infantil en las ciudades de Bogotá, Cali, Medellín, Barranquilla, Cartagena e Ibagué. Análisis cuantitativo y cualitativo*. Fundación Telefónica. Recuperado de http://www.fundaciontelefonica.com/wpcontent/uploads/2015/08/Investigacion_FTC_ECSIM.pdf
- Heck, C., & Tranca, J. (2011). *La realidad de la minería ilegal en países amazónicos*. Sociedad Peruana de Derecho Ambiental. Recuperado



- de <http://www.actualidadambiental.pe/wp-content/uploads/2014/06/La-realidad-de-la-miner%C3%ADA-ilegal-en-pa%C3%ADses-amaz%C3%BCnicosSPDA.pdf>
- Heckman, J. J., & Raut, L. K. (2013). *Intergenerational long term effects of preschool structural estimates from a discrete dynamic programming model*. Nber Working Paper Series, National Bureau of Economic Research. Recuperado de <http://www.nber.org/papers/w19077>
- Ishikawa, T. (1975). Family structures and family values in the theory of income distribution. *Journal of Political Economy*, 83(5), 987-1008.
- Kraay, A., & McKenzie, D. (2014). Do poverty traps exist? Assessing the evidence. *Journal of Economic Perspectives*, 28(3), 127-148.
- Márcio, E., Kassouf, A. L., & Arends-Kuenning, M. (2009). *The impact of child labor and school quality on academic achievement in Brazil*. Discussion Paper, 4062. Recuperado de <http://ftp.iza.org/dp4062.pdf>
- Parsons, D., & Goldin, C. (1981). *Economic well-being and child labor: the interaction of family and industry*. National Bureau of Office and Research, Working Paper 707. Recuperado de <http://www.nber.org/papers/w0707.pdf>
- Patrinos, H. A., & Psacharopoulos, G. (1997). Family size, schooling and child labor in Peru. An empirical analysis. *Journal of Population Economics*, 10(4), 387-406.
- Pinzón-Rondón, A. M., Briceño-Ayala, L., Botero, J. C., Cabrera, P., & Rodríguez, M. N. (2006). Trabajo infantil ambulante en las capitales latinoamericanas. *Salud Pública de México*, 48(5), 363-372.
- Rosati, F. C., & Rossi, M. C. (2003). Children's working hours and school enrollment: evidence from Pakistan and Nicaragua. *The World Bank Economic Review*, 17(2), 283-295.
- Santos, R. J. (2014). *Not all that glitters is gold: gold boom, child labor and schooling in Colombia*. Documento CEDE 31.
- Van der Ploeg, F. (2011). Natural resources: curse or blessing? *Journal of Economic Literature*, 49(2), 366-420.

Apéndice

Proposición 1: Si $\delta > 1$ y $\frac{P_{G,t}}{w_t h_t} \leq \left(\frac{(1-\beta)\beta\gamma}{(1+(1-\beta)\beta\gamma)} \right)$ para todo t , entonces existe un patrón de crecimiento balanceado, $\frac{k_{t+1}}{k_t} = \frac{h_{t+1}}{h_t} = \delta$ y $\frac{K}{h} = \left(\frac{\varepsilon(1-\alpha)A}{\delta(1-\beta)\gamma} \right)^{\frac{1}{1-\alpha}}$.

Demostración:

En este caso, los niños no trabajan luego $\frac{h_{t+1}}{h_t} = \delta$.

De la ecuación (18) se sigue que si $P_{G,t} < \left(\frac{(1-\beta)\beta\gamma}{(1+(1-\beta)\beta\gamma)} \right) w_t h_t$,

$$\text{entonces } \frac{k_{t+1}}{k_t} = \frac{\beta w_t h_t}{N_{t-1}(1+(1-\beta)\beta\gamma)k_t}$$

Teniendo en cuenta que $N_{t-1} = \frac{\beta\lambda c_t}{\varepsilon(w_t h_t) - \varphi_t P_{G,t}}$,

$$\frac{k_{t+1}}{k_t} = \frac{\beta w_t h_t \varepsilon (w_t h_t)}{\beta\gamma c_t (1+(1-\beta)\beta\gamma) k_t}$$

Igualando $\frac{k_{t+1}}{k_t} = \frac{h_{t+1}}{h_t}$ se obtiene, $\frac{\beta w_t h_t \varepsilon (w_t h_t)}{\beta\gamma c_t (1+(1-\beta)\beta\gamma) k_t} = \delta$

Reemplazando C_t de la ecuación (7.2), $w_t h_t$ de la ecuación (16) y

$$\text{reagrupando, } \frac{k}{h} = \left(\frac{\varepsilon(1-\alpha)A}{\delta(1-\beta)\gamma} \right)^{\frac{1}{1-\alpha}}$$

Proposición 2: Si $\frac{P_{G,t}}{w_t h_t} > \frac{\beta\gamma(1-\beta)(1-\varepsilon\bar{N})}{1 - \frac{\delta-1}{\delta}(1+(1-\beta)\beta\gamma\bar{N})}$, entonces

siempre que haya trabajo infantil la tasa de crecimiento del capital humano es negativa.

(i) $\frac{h_{t+1}}{h_t} = \delta(1-\varphi)$ luego si $\varphi_t > \frac{\delta-1}{\delta}$, entonces $\frac{h_{t+1}}{h_t} < 1$.

(ii) De la ecuación (10) se sigue que $\varphi_t = \frac{P_{G,t} - \beta\gamma(1-\beta)(1-\varepsilon\bar{N})w_t h_t}{P_{G,t}[(1+(1-\beta)\beta\gamma\bar{N})]}$, luego

$$\frac{P_{G,t} - \beta\gamma(1-\beta)(1-\varepsilon\bar{N})w_t h_t}{P_{G,t}[(1+(1-\beta)\beta\gamma\bar{N})]} > \frac{\delta-1}{\delta} \rightarrow \varphi_t > \frac{\delta-1}{\delta}. \text{ Reagrupando, Si}$$

$$\frac{P_{G,t}}{w_t h_t} > \frac{\beta\gamma(1-\beta)(1-\varepsilon\bar{N})}{1 - \left(\frac{\delta-1}{\delta}\right)[(1+(1-\beta)\beta\gamma\bar{N})]}, \text{ entonces } \varphi_t > \frac{\delta-1}{\delta}.$$

De (i) y (ii) se sigue que si $\frac{P_{G,t}}{w_t h_t} > \frac{\beta\gamma(1-\beta)(1-\varepsilon\bar{N})}{1 - \left(\frac{\delta-1}{\delta}\right)[(1+(1-\beta)\beta\gamma\bar{N})]}$,

$$\text{entonces } \frac{h_{t+1}}{h_t} < 1.$$

Proposición 3: Si $P_{G,t}$ es constante, entonces, para cualquier condición inicial tal que $\frac{P_{G,t}}{w_t h_t} > \left(\varepsilon + \frac{(1-\beta)\beta\gamma}{(1+(1-\beta)\beta\gamma)} \right)$

, existe un estado estacionario caracterizado por

$$k^* = \frac{\beta\epsilon(P_{G,t} * \Omega) - \frac{\delta-1}{\delta}\left(\frac{1}{\Omega}\right)}{\delta\beta\gamma(1-\beta)\left((1-\epsilon\bar{N}) + \frac{1\bar{N}}{\Omega}\right)} \text{ y } h^* = \left(\frac{P_{G,t}}{\Omega(1-\alpha)Ak^{*\alpha}}\right)^{\frac{1}{1-\alpha}}.$$

Donde $\Omega = \frac{1 - \frac{\delta-1}{\delta}[(1+(1-\beta)\beta\gamma\bar{N})]}{\beta\gamma(1-\beta)(1-\epsilon\bar{N})}$.

Demostración:

(i) Igualando $\frac{k_{t+1}}{k_t} = \frac{h_{t+1}}{h_t}$ se obtiene $k_t^* = \frac{\beta w_t h_t \epsilon (w_t h_t) - \varphi_t P_{G,t}}{\delta \beta \gamma c_t (1 + (1-\beta)\beta\gamma)}$

(ii) $\frac{h_{t+1}}{h_t} = (1 - \varphi_t)\delta$, luego si $\frac{h_{t+1}}{h_t} = 1$, entonces $\varphi_t = \frac{\delta-1}{\delta}$.

(iii) $\frac{P_{G,t}}{w_t h_t} > \left(\epsilon + \frac{(1-\beta)\beta\gamma}{(1+(1-\beta)\beta\gamma)}\right)$ implica que estamos en el caso 3,

donde $c_t = \frac{(1-\beta)((1-\epsilon\bar{N})w_t h_t + P_{G,t}\bar{N})}{(1+(1-\beta)\beta\gamma\bar{N})}$

(iv) $\varphi_t = \frac{\delta-1}{\delta} = \frac{P_{G,t} - \beta\gamma(1-\beta)(1-\epsilon\bar{N})w_t h_t}{P_{G,t}[(1+(1-\beta)\beta\gamma\bar{N})]}$. Dividiendo arriba

y abajo entre $P_{G,t}$, $\frac{\delta-1}{\delta} = \frac{1 - \beta\gamma(1-\beta)(1-\epsilon\bar{N})\frac{w_t h_t}{P_{G,t}}}{(1 + (1-\beta)\beta\gamma\bar{N})}$ luego

$\frac{w_t h_t}{P_{G,t}} = \frac{1 - \frac{\delta-1}{\delta}[(1+(1-\beta)\beta\gamma\bar{N})]}{\beta\gamma(1-\beta)(1-\epsilon\bar{N})} \equiv \Omega$.

De (i), (ii) y (iii) se deduce que si existe un estado estacionario, entonces la relación capital-trabajo de largo plazo está dada por

$$k_t^* = \frac{\beta\epsilon(w_t h_t) - \frac{\delta-1}{\delta}P_{G,t}}{\delta\beta\gamma(1-\beta)\left((1-\epsilon\bar{N})\frac{1\bar{N}}{\Omega}\right)} \frac{(1+(1-\beta)\beta\gamma\bar{N})}{(1+(1-\beta)\beta\gamma)}$$

De (iv) se deduce que $(w_t h_t)$ es igual a $P_{G,t} * \Omega$. Así, dado $P_{G,t}$, k_t^* tiene solución única y hay un estado estacionario único.

$$k_t^* = \frac{\beta\epsilon(P_{G,t} * \Omega) - \frac{\delta-1}{\delta}\left(\frac{1}{\Omega}\right)}{\delta\beta\gamma(1-\beta)\left((1-\epsilon\bar{N})\frac{1\bar{N}}{\Omega}\right)} \frac{(1+(1-\beta)\beta\gamma\bar{N})}{(1+(1-\beta)\beta\gamma)}$$

Para encontrar h^* partimos de $\Omega = \frac{P_{G,t}}{w_t h_t}$

Reemplazando $w_t h_t$ de la ecuación (16), $\Omega = \frac{P_{G,t}}{(1-\alpha)Ak^\alpha h^{1-\alpha}}$

Despejando h , $h^* = \left(\frac{P_{G,t}}{\Omega(1-\alpha)Ak^{*\alpha}} \right)^{\frac{1}{1-\alpha}}$

$$\frac{P_{G,t}}{w_t h_t} = \left(\varepsilon + \frac{(1-\beta)\beta\gamma}{(1+(1-\beta)\beta\gamma)} \left(1 - \frac{1}{N} \right) \right)$$

Proposición 4: Si

$$\left(\varepsilon + \left(\frac{(1-\beta)\beta\gamma}{(1+(1-\beta)\beta\gamma)} \right) - \frac{(1-\beta)\gamma}{w_t h_t} \right) < \frac{P_{G,t}}{w_t h_t} < \left(\varepsilon + \frac{(1-\beta)\beta\gamma}{(1+(1-\beta)\beta\gamma)} \left(1 - \frac{1}{N} \right) \right)$$

, entonces la tasa de crecimiento del capital físico es negativa.

Demostración:

(i) Si $\frac{P_{G,t}}{w_t h_t} < \left(\varepsilon + \frac{(1-\beta)\beta\gamma}{(1+(1-\beta)\beta\gamma)} \left(1 - \frac{1}{N} \right) \right)$, entonces hay solución

interior para N_{t+1} .

(ii) De las ecuaciones (9.2) y (18) se deduce

$$\frac{k_{t+1}}{k_t} = \left(\varepsilon - \frac{P_{G,t}}{w_t h_t} + \beta\gamma \frac{(1-\beta)}{(1+(1-\beta)\beta\gamma)} \right) \left[\frac{(1-\alpha)Ak^{\alpha-1}h^{1-\alpha}}{(1-\beta)\gamma} \right]$$

$$\text{Así, si } \left(\varepsilon - \frac{P_{G,t}}{w_t h_t} + \beta\gamma \frac{(1-\beta)}{(1+(1-\beta)\beta\gamma)} \right) \left[\frac{(1-\alpha)Ak^{\alpha-1}h^{1-\alpha}}{(1-\beta)\gamma} \right] < 1 ,$$

entonces $\frac{k_{t+1}}{k_t} < 1$.

Reordenando, si $\left(\left(\frac{(1-\beta)\gamma\beta}{(1+(1-\beta)\beta\gamma)} + \varepsilon \right) - \frac{(1-\beta)\gamma}{w_t h_t} \right) < \frac{P_{G,t}}{w_t h_t}$,

entonces $\frac{k_{t+1}}{k_t} < 1$.

De (i) y (ii) se sigue que si $\left(\left(\frac{(1-\beta)\gamma\beta}{(1+(1-\beta)\beta\gamma)} + \varepsilon \right) - \frac{(1-\beta)\gamma}{w_t h_t} \right) < \frac{P_{G,t}}{w_t h_t} < \varepsilon + \frac{\beta\gamma(1-\beta)}{1+\beta\gamma(1-\beta)}$, entonces la tasa de crecimiento del capital físico es negativa.

Notas

- 1 Siguiendo la tradición de sus ancestros, los hijos aprenden del padre o la madre el único oficio que han conocido en su historia familiar, y, a su vez, el padre o la madre tiende a consolidar el valor formativo que culturalmente atribuye al oficio de la minería —Minercol, OIT-IPEC. (2001a). *Las niñas y los niños*

- que trabajan en la minería artesanal colombiana. Diagnóstico sociocultural, económico y legislativo* (1a ed.). Bogotá—.
- 2 Ver Becker (1994), Becker y Tomes (1994), Van der Ploeg (2011), Kraay y Mckenzie (2014), Edmonds (2004) y Santos (2014) para una revisión completa de la literatura.
 - 3 Estos estudios demuestran que hay una correlación positiva entre el tamaño del hogar y el trabajo infantil. No obstante, Rosati y Rossi (2003) encuentran, para el caso de Nicaragua y Pakistán, que, entre más hijos haya en el hogar, el número de horas de trabajo infantil disminuye y es más probable que los manden al colegio.
 - 4 Algunos artículos destacados en la literatura sobre enfermedad holandesa son: Corden (1984), Auty (1993), Sachs y Warner (1995, 1999), Davis (1995), Barder (2006), Ismail (2010) y Keniston y Allcott (2014).
 - 5 No obstante, si el sector que experimenta cambios en precios emplea mayoritariamente adultos, el efecto puede ser contrario. Cogneau y Jedwab (2007) encuentran para el caso de Costa de Marfil que una disminución en los precios de la coca reduce el ingreso del hogar y, debido a esto, los padres se ven obligados a enviar a sus hijos a trabajar para poder recuperar ese ingreso perdido a causa de la disminución de precios. Como consecuencia, se genera una caída del 3 % en la probabilidad de asistencia escolar.
 - 6 Los hogares, al percibir una creciente demanda de trabajo, contemplan la posibilidad de utilizar a sus hijos como una fuente extra de ingresos al enviarlos a trabajar en las minas y los hijos aprenden de sus padres la única labor conocida en su historia familiar (Melguizo, 2004).
 - 7 La minería artesanal o minería de pequeña escala es aquella practicada por individuos, grupos o comunidades de manera informal e ilegal. Se caracteriza por las altas tasas de trabajo infantil porque las condiciones sociales y culturales bajo las cuales se desarrolla dicha labor tienden a favorecer este tipo de vinculación infantil.
 - 8 Otros autores argumentan que el precio de los recursos naturales afecta la población a través de un canal institucional. Sanabria y Campo (2013) observan que para el caso colombiano la maldición de los recursos no se da por la abundancia de estos o por un aumento en sus precios, sino por el manejo institucional y el comportamiento de los agentes que intervienen en el proceso del cual se pueden generar rentas. Lo anterior dado que, aunque las regalías guarden una relación positiva con el crecimiento económico, son alicientes para la generación de corrupción y prácticas ilegales.
 - 9 Este resultado que facilita sustancialmente el análisis se deriva de la función de utilidad logarítmica.
 - 10 Tener en cuenta que la vida reproductiva de una mujer es limitada y, por lo tanto, existe un número limitado de hijos que se pueden tener igual a N^- .

Información adicional

Para citar este artículo: Zuleta, H., & Roa, J. (enero-junio, 2016). ¿Puede un aumento en el ingreso generar trampas de pobreza? Recursos naturales y trabajo infantil. *Revista de Economía del Rosario*, 19(1), 85-115. Doi: dx.doi.org/10.12804/revistas.urosario.edu.co/economia/a.5242