



Revista Logos, Ciencia & Tecnología
ISSN: 2145-549X
ISSN: 2422-4200
revistalogoscyt@gmail.com
Policía Nacional de Colombia
Colombia

Modelo matemático para minimizar el número de láminas estándar y residuos metálicos durante el proceso de corte en el sector metalmeccánico.

Portilla W., Gloria E.

Modelo matemático para minimizar el número de láminas estándar y residuos metálicos durante el proceso de corte en el sector metalmeccánico.

Revista Logos, Ciencia & Tecnología, vol. 10, núm. 1, 2018

Policía Nacional de Colombia, Colombia

Disponible en: <https://www.redalyc.org/articulo.oa?id=517754458009>

DOI: <https://doi.org/10.22335/rict.v10i1.440>

Share — copy and redistribute the material in any medium or format Adapt — remix, transform, and build upon the material for any purpose, even commercially. This license is acceptable for Free Cultural Works.

Share — copy and redistribute the material in any medium or format Adapt — remix, transform, and build upon the material for any purpose, even commercially. This license is acceptable for Free Cultural Works.




Esta obra está bajo una Licencia Creative Commons Atribución 4.0 Internacional.

Modelo matemático para minimizar el número de láminas estándar y residuos metálicos durante el proceso de corte en el sector metalmecánico.

Mathematical model to minimize the number of standard sheets and metal residues during the cutting process in the metalworking sector

Modelo matemático para minimizar o número de folhas padrão e resíduos de metal durante o processo de corte no sector metalúrgico

Gloria E. Portilla W. gportillaw@gmail.com
Pontificia Universidad Javeriana - Cali, Colombia

 <http://orcid.org/0000-0002-3243-7659>

Revista Logos, Ciencia & Tecnología, vol. 10, núm. 1, 2018

Policía Nacional de Colombia, Colombia

Recepción: 07 Agosto 2017
Aprobación: 21 Diciembre 2017

DOI: <https://doi.org/10.22335/rct.v10i1.440>

Redalyc: <https://www.redalyc.org/articulo.oa?id=517754458009>

Resumen: En esta propuesta para el desarrollo profesional de los profesores a partir de una revisión a estudios concernientes al carácter social de aprender, junto con el desarrollo histórico-epistemológico de conceptos, se indaga la relación entre las progresiones geométricas y aritméticas y, se realiza una invitación de aprendizaje dirigida a los profesores de Precálculo. Ella lleva entrelazado un ambiente de laboratorio, haciendo uso de sensores y apps, en el análisis de los casos de la escala logarítmica musical y del pH. Se usa la metodología de análisis de contenido con el fin de esbozar caminos concernientes a ¿De qué maneras, los profesores universitarios de Precálculo, pueden acercarse a la comprensión y caracterización de las funciones logarítmicas?

Palabras clave: sensores, apps, escala logarítmica, profesor, social, formación.

Abstract: In this proposal for teacher's professional development from a revision of some studies regarding the social character of learning, along with development of historic-epistemological concepts, it is explored the relation between geometrical and arithmetical progressions and it is extended an invitation of learning addressed to Precalculus teachers. This one has intertwined a laboratory environment, making use of sensors and apps, in the analysis of logarithmic musical scale cases and in the pH. It is used the content analysis methodology with the purpose of sketching some ways with regarding to the question: In which ways the Precalculus university teachers are able to approach to the comprehension and characterization of the logarithmic functions?

Keywords: sensors, apps, logarithmic scale, teacher, social, formation.

Resumo: Na presente proposta para o desenvolvimento profissional de professores a partir de uma revisão a estudos concernentes ao caráter social de aprendizagem, junto com o desenvolvimento histórico-epistemológico de conceitos, se indaga a relação entre as progressões geométricas e aritméticas e se realiza uma compra de aprendizagem dirigida aos professores de Precálculo. Ella leva entrelazado um ambiente de laboratório, fazendo uso de sensores e aplicações, em análise dos casos da escala logarítmica musical e do pH. Se usa a metodologia de análise de conteúdo com o final de esboçar caminhos concernentes a ¿De quais maneiras, os professores universitários de Precálculo, podem aproximar a compreensão e caracterização das funções logarítmicas?

Palavras-chave: sensores, apps, escala logarítmica, professor, social, formação.

Introducción

La utilización de modelos matemáticos en empresas dedicadas a la fabricación de productos metálicos para el hogar, permite, entre múltiples aplicaciones, optimizar el consumo de materia prima (Cueli, et. al., 2016), lo que a su vez se traduce en la minimización de residuos, llevando a las empresas a mejorar sus beneficios económicos y a reducir los impactos ambientales negativos en su entorno (Donini & Micheletto, 2015). Este modelo se centra en minimizar el número de láminas estándar utilizadas en el proceso de corte para una demanda determinada de uno de los productos.

Para aplicar los modelos matemáticos de programación lineal se seleccionó una de las empresas del sector metalmeccánico del municipio de Palmira, ubicado al sur del departamento del Valle del Cauca, Colombia, y que según proyección del Departamento Nacional de Estadística cuenta con una población cercana a los 302.000 habitantes. En este municipio, la industria metalmeccánica es la segunda gran generadora de empleo.

La empresa seleccionada se denominará “empresa piloto”. Esta empresa fabrica armarios, gabinetes y alacenas metálicas dirigidos a mercados de estratos medio y bajo. Los productos se distribuyen en municipios colombianos de los departamentos del Valle del Cauca, Quindío, Risaralda, Cauca y Nariño.

De los diversos productos fabricados por la empresa se eligió un tipo de armario metálico que registra la mayor demanda general. Este producto utiliza para su fabricación una clase de lámina de acero estándar, a partir de la cual se realizan los diferentes cortes de las nueve piezas que lo integran y que posteriormente se unen para darle el acabado final y lograr el producto terminado.

Metodología

Inicialmente se contactó a la “empresa piloto” y se indagó sobre el proceso de fabricación de sus productos. Dada la variedad de sus productos, se concertó realizar el estudio sobre un modelo de armario de gran aceptación y amplia demanda (Hernández y Rojas, 2016). El proceso de fabricación de este armario tiene como materia prima principal láminas de acero que el mercado ofrece en un tamaño estándar de 1250 mm x 2450 mm. Los operarios de turno, tomando como criterio su experiencia, programaban los cortes a realizar en cada lámina para obtener las distintas piezas que conforman el armario. Este criterio subjetivo no garantiza eficiencia, es decir que se utilicen menos recursos para lograr el objetivo (García, Rizo, y Arroyo, 2016; (García, Rizo, y Arroyo, 2013), y, es por ello que se seleccionó esta etapa del proceso general para aplicar la modelación matemática que minimice el número de láminas requeridas para la producción de los armarios.

El proceso general de fabricación del producto está integrado por siete pasos: Recepción y almacenamiento de láminas metálicas estándar, Corte de lámina y generación de residuos de lámina, Doblado de partes,

Soldadura, Acabado, Almacenamiento y Despacho. La figura 1, muestra el diagrama general para la fabricación de un armario.

El diseño del modelo matemático corresponde a la sección de corte de lámina y generación de residuos de lámina. El modelo matemático tiene como objetivo minimizar el número de láminas necesarias para fabricar los armarios demandados por semana, lo que lógicamente traerá beneficios económicos para la empresa ya que este proceso se repite varias veces por día, además de producir menor cantidad de residuos metálicos, beneficiando al medio ambiente y contribuyendo con el compromiso de responsabilidad ambiental de la empresa.



Figura 1

Flujo del proceso para manufactura de armarios metálicos

Autora

Una vez seleccionado el armario a estudiar, que en adelante se denominará producto, se identificaron y cuantificaron las dimensiones y área de cada una de las nueve piezas que integran este producto para conformar los moldes base de cada pieza. Estos moldes se superponen en la lámina metálica estándar, para diseñar las diferentes combinaciones factibles que permitan extraer el mayor número de piezas por lámina. Cabe aclarar que aunque la empresa dispone de algunos moldes estándar, se observó que no son dispuestos adecuadamente en el área total de la lámina, produciendo sobrantes que, en algunos casos, si se dispusieran de manera diferente, podrían utilizarse para el corte de piezas menores o para lograr mayor número de piezas.

El producto seleccionado contiene nueve piezas de diferentes dimensiones. El esquema general y la distribución y número de piezas se muestran en la Figura 2 y en la tabla 1.

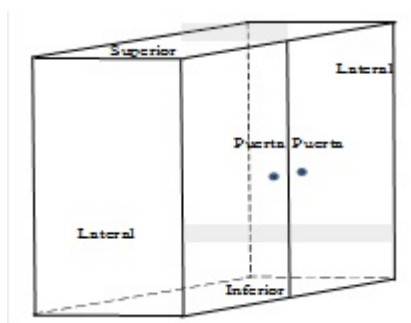


Figura 2
Esquema general de las partes del producto
Autora

Pieza	Cantidad	Ubicación
P1	1	Parte superior
P2	1	Parte inferior
P3	4	Laterales (2) y divisiones internas (2)
P4	1	Parte trasera
P5	2	Puertas

Tabla 1
Piezas requeridas por unidad de producto
Autora

Combinando los moldes de cada pieza y el tamaño de la lámina estándar, se encontraron 51 posibilidades diferentes de plantillas de corte (X_i , $i = 1, \dots, 51$), que se describen en la tabla 2. El valor de X_i es un número entero, no negativo, que le indicará al operario el número de láminas estándar que deben cortarse para obtener el número de piezas (P) asociadas a esa plantilla, de acuerdo a las especificaciones de la tabla 1.

Como ejemplo aclaratorio, la plantilla denominada $X_{11} = 2P_1 + P_4$, indica que, por cada lámina asignada a este patrón de corte, se obtienen dos piezas de la parte superior (P_1) y una pieza de parte trasera (P_4); de igual manera la plantilla identificada como $X_{27} = P_1 + P_3 + 2P_5$, entrega una pieza para la parte superior (P_1), una pieza lateral o división interna (P_3) y dos piezas para puerta (P_5), por cada lámina estándar cortada bajo este esquema de plantilla.

$X1 = 4P1$	$X18 = P1 + P4$	$X35 = 2P2 + P3 + P5$
$X2 = 4P2$	$X19 = P1 + 3P5$	$X36 = P2 + 3P3$
$X3 = 4P3$	$X20 = P1 + 2P2 + P3$	$X37 = P2 + 3P5$
$X4 = 2P4$	$X21 = P1 + 2P2 + P5$	$X38 = P2 + P4$
$X5 = 4P5$	$X22 = P1 + P2 + 2P3$	$X39 = P2 + 2P3 + P5$
$X6 = 3P1 + P2$	$X23 = P1 + P2 + 2P5$	$X40 = P2 + P3 + 2P5$
$X7 = 3P1 + P3$	$X24 = P1 + P2 + P4$	$X41 = P2 + P3 + P4$
$X8 = 3P1 + P5$	$X25 = P1 + 2P3 + P5$	$X42 = P2 + P4 + P5$
$X9 = 2P1 + 2P2$	$X26 = P1 + P3 + P4$	$X43 = P2 + P3 + P5$
$X10 = 2P1 + 2P3$	$X27 = P1 + P3 + 2P5$	$X44 = 3P3 + P5$
$X11 = 2P1 + P4$	$X28 = P1 + P4 + P5$	$X45 = 2P3 + P4$
$X12 = 2P1 + 2P5$	$X29 = P1 + P2 + P3 + P5$	$X46 = 2P3 + 2P5$
$X13 = 2P1 + P2 + P3$	$X30 = 3P2 + P3$	$X47 = P3 + P4$
$X14 = 2P1 + P2 + P5$	$X31 = 3P2 + P5$	$X48 = P3 + 3P5$
$X15 = 2P1 + P3 + P5$	$X32 = 2P2 + 2P3$	$X49 = P3 + P4 + P5$
$X16 = P1 + 3P2$	$X33 = 2P2 + 2P5$	$X50 = P4 + 2P5$
$X17 = P1 + 3P3$	$X34 = 2P2 + P4$	$X51 = P4 + P5$

Tabla 2
Tipos de patrones o plantillas de cortes posibles en lámina estándar
Autora

Modelo matemático. Un modelo matemático es una representación matemática de la realidad que puede utilizarse para tomar mejores decisiones o para comprender una situación compleja. El modelo matemático de programación lineal permite encontrar la mejor forma de asignar recursos, generalmente, escasos a diversas actividades que compiten por ellos.

Resultados

Para el caso que se presenta se utilizó la teoría de modelos matemáticos lineales con soluciones enteras. El modelo de programación lineal incluye tres componentes: Variables de decisión, Función objetivo y Conjunto de restricciones:

Variables de Decisión. D: Número de armarios a producir por semana (demanda)

X1, X2, X3, ..., X51: Corresponden a las 51 plantillas o patrones de corte por lámina estándar que le indicarán al operario la forma óptima de efectuar los cortes para obtener las piezas necesarias para satisfacer la demanda semanal del producto, utilizando la menor cantidad de ellas. El valor o resultado de cada variable debe ser un número entero por cada tipo de combinación, siendo cero su mínimo valor. Si el valor resultante es cero, indica que este patrón de corte no debe utilizarse.

Función Objetivo: Minimizar el número de láminas de acero estándar necesarias para satisfacer la demanda semanal del producto.

Conjunto de restricciones o limitantes: Obtener, a partir de los patrones de corte por lámina (X_1, \dots, X_{51}), al menos, el número total de piezas necesarias para fabricar el número de unidades de producto demandado por semana.

Formulación del modelo matemático de programación lineal

Utilizando el complemento Solver de Microsoft Excel, bajo el método Simplex para obtener su solución. Solver es un programa de complemento de Microsoft Office Excel que está disponible cuando se instala Microsoft Office.

Función Objetivo: El objetivo es minimizar el número total de láminas estándar utilizadas para satisfacer la demanda semanal del producto. Su expresión matemática corresponde a la sumatoria del número de láminas destinadas a ser cortadas de acuerdo a cada uno de los 51 patrones establecidos.

$$\min Z = \sum_{i=0}^{51} X_i$$

[1]

Conjunto de restricciones o limitantes: Las restricciones son expresiones matemáticas formuladas para garantizar que se cuente con el número total de cada una de las nueve piezas necesarias para fabricar el producto, según una demanda dada (D). La formulación es la siguiente:

Patrones de cortes a partir de los cuales se obtiene la Pieza 1 (parte superior):

$$4X_1 + 3X_6 + 3X_7 + 3X_8 + 2X_9 + 2X_{10} + 2X_{11} + 2X_{12} + 2X_{13} + 2X_{14} + 2X_{15} + X_{16} + X_{17} + X_{18} + X_{19} + X_{20} + X_{21} + X_{22} + X_{23} + X_{24} + X_{25} + X_{26} + X_{27} + X_{28} + X_{29} \geq D \quad (2)$$

Patrones de cortes a partir de los cuales se obtiene la Pieza 2 (parte inferior):

$$4X_2 + X_6 + 2X_9 + X_{13} + X_{14} + 3X_{16} + 2X_{20} + 2X_{21} + X_{22} + X_{23} + X_{24} + X_{29} + 3X_{30} + 3X_{31} + 2X_{32} + 2X_{33} + 2X_{34} + 2X_{35} + X_{36} + X_{37} + X_{38} + X_{39} + X_{40} + X_{41} + X_{42} + X_{43} \geq D \quad (3)$$

Patrones de cortes a partir de los cuales se obtiene la Pieza 3 (laterales):

$$4X_3 + X_7 + 2X_{10} + X_{13} + X_{15} + 3X_{17} + X_{20} + 2X_{22} + 2X_{25} + X_{26} + X_{27} + X_{29} + X_{30} + 2X_{32} + X_{35} + 3X_{36} + 2X_{39} + X_{40} + X_{41} + X_{43} + 3X_{44} + 2X_{45} + 2X_{46} + X_{47} + X_{48} + X_{49} \geq 4D \quad (4)$$

Patrones de cortes a partir de los cuales se obtiene la Pieza 4 (parte trasera):

$$2X_4 + X_{11} + X_{18} + X_{24} + X_{26} + X_{28} + X_{34} + X_{38} + X_{41} + X_{42} + X_{45} + X_{47} + X_{49} + X_{50} + X_{51} \geq D \quad (5)$$

Patrones de cortes a partir de los cuales se obtiene la Pieza 5 (puertas):

$$4X5 + X8 + 2X12 + X14 + X15 + 3X19 + X21 + 2X23 + X25 + 2X27 + X28 + X29 + X31 + 2X33 + X35 + 3X37 + X39 + 2X40 + X42 + X43 + X44 + 2X46 + 3X48 + X49 + 2X50 + X51 \geq 2D \quad (6)$$

$$X_i, D \geq 0 \wedge X_i, D: \text{entero} \quad (7)$$

Una vez diligenciado este formato, se utiliza el complemento Solver de Excel para ingresar la posición de las celdas que contienen la demanda semanal de producto (F1), las ecuaciones de la función objetivo (E60), conjunto de restricciones

(B58 a F58) y tipo de variables de decisión (H5 a H55). Además debe especificarse que el método de resolución es Simplex y que el objetivo es minimizar. El resultado del modelo de optimización se registrará en las celdas H5 a H55 y B58 a F58. La figura 4 presenta el caso para la demanda de 50 unidades de producto por semana.

En el formato Excel, en la fila 58 desde la columna B hasta la columna F, se han incorporado las ecuaciones correspondientes a las restricciones del modelo de programación lineal (ecuaciones 2 a 6), que garantizan la obtención del número óptimo de cada tipo de pieza que requiere la producción semanal. Este valor será igual o mayor que el respectivo valor registrado en la fila 57.

En la columna H, desde la fila 5 hasta la 55, se calcula y muestra el número óptimo de láminas estándar destinadas a ser cortadas de acuerdo a cada tipo de plantilla o patrón. De igual manera, en la fila 60, columna E, se presenta la función objetivo (ecuación 1), que cuantifica el número mínimo de láminas estándar requeridas para cumplir con la demanda semanal del producto y que corresponde a la sumatoria de los valores calculados en la columna H, desde la fila 5 hasta la 55.

Para la solución del modelo matemático de programación lineal entera, se ejecutaron simulaciones para demandas de 50, 100, 150 y 200 unidades de producto semanal. A continuación, las figuras 5, 6, presentan los formatos diligenciados y los resultados obtenidos para cada simulación.

Tipo de plantilla de corte	Pieza 1 Superior	Pieza 2 Inferior	Pieza 3 Laterales y divulóns	Pieza 4 Trasera	Pieza 5 Puertas	Valor de las Variables de Decisión
X1	4					0
X2		4				0
X3			4			0
X4				2		75
X5					4	0
X6	5	1				0
X7	5		1			0
X8	5				1	0
X9	2	2				0
X10	2		2			0
X11	2			1		0
X12	2				2	0
X13	2	1	1			0
X14	2	1			1	0
X15	2		1		1	0
X16	1	5				0
X17	1		5			150
X18	1			1		0
X19	1				5	0
X20	1	2	1			0
X21	1	2			1	0
X22	1	1	2			0
X23	1	1			2	0
X24	1	1		1		0
X25	1		2		1	0
X26	1		1	1		0
X27	1		1		2	0
X28	1			1	1	0
X29	1	1	1		1	0
X30		5	1			50
X31		5			1	0
X32		2	2			0
X33		2			2	0
X34		2		1		0
X35		2	1		1	0
X36		1	5			0
X37		1			5	0
X38		1		1		0
X39		1	2		1	0

Valor de la función objetivo: 375

Minimo número de láminas estándar

Tabla 3.
Formato para ingreso de datos y obtención de resultados
Autora

	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P
1	DEMANDA SEMANAL DEL PRODUCTO					50										
34	X30		3	1												
35	X31		3			1										
36	X32		2	2												
37	X33		2			2										
38	X34		2		1											
39	X35		2	1		1										
40	X36		1	3												
41	X37		1			3										
42	X38		1		1											
43	X39		1	2		1										
44	X40		1	1		2										
45	X41		1	1	1											
46	X42		1		1	1										
47	X43		1	1		1										
48	X44			3		1										
49	X45			2	1											
50	X46			2		2										
51	X47			1	1											
52	X48			1		3										
53	X49			1	1	1										
54	X50				1	2										
55	X51				1	1										
56																
57	Requeridas	50	50	200	50	100										
58	Restricciones	0	0	0	0	0										
59	VALOR DE LA FUNCIÓN OBJETIVO:					0										

Piezas totales de cada tipo generadas por el modelo

Minimo número de láminas estándar

Parámetros de Solver

Establecer objetivo: \$E\$60

Para: ☐ Máx. ☒ Mín. ☐ Valor de: 0

Cambiando las celdas de variables: \$B\$3:\$B\$55

Sujeto a las restricciones: \$B\$3:\$B\$55 >= \$D\$3:\$D\$55
\$B\$3:\$B\$55 = entero

☒ Convertir variables en restricciones en no negativas

Método de resolución: Simplex LP

Seleccione el motor GRG Nonlinear para problemas de Solver no lineales suavizados. Seleccione el motor LP Simplex para problemas de Solver lineales, y seleccione el motor Evolutionary para problemas de Solver no suavizados.

Botones: Ayuda, Cambiar, Eliminar, Establecer todo, Cargar/Guardar, Opciones, Resolver, Cerrar

Figura 4
Ejemplo de utilización del complemento Solver (Excel)
Autora

DEMANDA SEÑAL DEL PRODUCTO						10
Tipo de planta de carne	Planta 1		Planta 2		Valor de la Variable de Decisión	
	Externa	Interna	Externa	Interna		
X1	4				0	
X2		4			0	
X3			4		0	
X4				4	0	
X5	3	1			4	0
X6	3	1			0	0
X7	3	1			1	0
X8	3	1			1	0
X9	2	2			1	0
X10	2		2		1	0
X11	2		2		1	0
X12	2			2	1	0
X13	2	1	1		1	0
X14	2	1		1	1	0
X15	2		1		1	0
X16	1	3			1	0
X17	1		3		1	0
X18	1			3	1	0
X19	1			3	1	0
X20	1	2	1		1	0
X21	1	2		1	1	0
X22	1	1	2		1	0
X23	1	1	2		1	0
X24	1	1		2	1	0
X25	1		1	2	1	0
X26	1		1	2	1	0
X27	1			2	1	0
X28	1			2	1	0
X29	1	1	1	1	1	0
X30		3	1		1	0
X31		3		1	1	0
X32		2	2		1	0
X33		2		2	1	0
X34		2	1	1	1	0
X35		1	2		1	0
X36		1	2		1	0
X37		1		2	1	0
X38		1		2	1	0
X39		1	1	1	1	0
X40		1	1	1	1	0
X41		1	1	1	1	0
X42		1	1	1	1	0
X43		1	1	1	1	0
X44		1	1	1	1	0
X45		1	1	1	1	0
X46		1	1	1	1	0
X47		1	1	1	1	0
X48		1	1	1	1	0
X49		1	1	1	1	0
X50		1	1	1	1	0
X51		1	1	1	1	0
X52		1	1	1	1	0
X53		1	1	1	1	0
X54		1	1	1	1	0
X55		1	1	1	1	0
X56		1	1	1	1	0
X57		1	1	1	1	0
X58		1	1	1	1	0
X59		1	1	1	1	0
X60		1	1	1	1	0
X61		1	1	1	1	0
X62		1	1	1	1	0
X63		1	1	1	1	0
X64		1	1	1	1	0
X65		1	1	1	1	0
X66		1	1	1	1	0
X67		1	1	1	1	0
X68		1	1	1	1	0
X69		1	1	1	1	0
X70		1	1	1	1	0
X71		1	1	1	1	0
X72		1	1	1	1	0
X73		1	1	1	1	0
X74		1	1	1	1	0
X75		1	1	1	1	0
X76		1	1	1	1	0
X77		1	1	1	1	0
X78		1	1	1	1	0
X79		1	1	1	1	0
X80		1	1	1	1	0
X81		1	1	1	1	0
X82		1	1	1	1	0
X83		1	1	1	1	0
X84		1	1	1	1	0
X85		1	1	1	1	0
X86		1	1	1	1	0
X87		1	1	1	1	0
X88		1	1	1	1	0
X89		1	1	1	1	0
X90		1	1	1	1	0
X91		1	1	1	1	0
X92		1	1	1	1	0
X93		1	1	1	1	0
X94		1	1	1	1	0
X95		1	1	1	1	0
X96		1	1	1	1	0
X97		1	1	1	1	0
X98		1	1	1	1	0
X99		1	1	1	1	0
X100		1	1	1	1	0
X101		1	1	1	1	0
X102		1	1	1	1	0
X103		1	1	1	1	0
X104		1	1	1	1	0
X105		1	1	1	1	0
X106		1	1	1	1	0
X107		1	1	1	1	0
X108		1	1	1	1	0
X109		1	1	1	1	0
X110		1	1	1	1	0
X111		1	1	1	1	0
X112		1	1	1	1	0
X113		1	1	1	1	0
X114		1	1	1	1	0
X115		1	1	1	1	0
X116		1	1	1	1	0
X117		1	1	1	1	0
X118		1	1	1	1	0
X119		1	1	1	1	0
X120		1	1	1	1	0
X121		1	1	1	1	0
X122		1	1	1	1	0
X123		1	1	1	1	0
X124		1	1	1	1	0
X125		1	1	1	1	0
X126		1	1	1	1	0
X127		1	1	1	1	0
X128		1	1	1	1	0
X129		1	1	1	1	0
X130		1	1	1	1	0
X131		1	1	1	1	0
X132		1	1	1	1	0
X133		1	1	1	1	0
X134		1	1	1	1	0
X135		1	1	1	1	0
X136		1	1	1	1	0
X137		1	1	1	1	0
X138		1	1	1	1	0
X139		1	1	1	1	0
X140		1	1	1	1	0
X141		1	1	1	1	0
X142		1	1	1	1	0
X143		1	1	1	1	0
X144		1	1	1	1	0
X145		1	1	1	1	0
X146		1	1	1	1	0
X147		1	1	1	1	0
X148		1	1	1	1	0
X149		1	1	1	1	0
X150		1	1	1	1	0
X151		1	1	1	1	0
X152		1	1	1	1	0
X153		1	1	1	1	0
X154		1	1	1	1	0
X155		1	1	1	1	0
X156		1	1	1	1	0
X157		1	1	1	1	0
X158		1	1	1	1	0
X159		1	1	1	1	0
X160		1	1	1	1	0
X161		1	1	1	1	0
X162		1	1	1	1	0
X163		1	1	1	1	0
X164		1	1	1	1	0
X165		1	1	1	1	0
X166		1	1	1	1	0
X167		1	1	1	1	0
X168		1	1	1	1	0
X169		1	1	1	1	0
X170		1	1	1	1	0
X171		1	1	1	1	0
X172		1	1	1	1	0
X173		1	1	1	1	0
X174		1	1	1	1	0
X175		1	1	1	1	0
X176		1	1	1	1	0
X177		1	1	1	1	0
X178		1	1	1	1	0
X179		1	1	1	1	0
X180		1	1	1	1	0
X181		1	1	1	1	0
X182		1	1	1	1	0
X183		1	1	1	1	0
X184		1	1	1	1	0
X185		1	1	1	1	0
X186		1	1	1	1	0
X187		1	1	1	1	0
X188		1	1	1	1	0
X189		1	1	1	1	0
X190		1	1	1	1	0
X191		1	1	1	1	0
X192		1	1	1	1	0
X193		1	1	1	1	0
X194		1	1	1	1	0
X195		1	1	1	1	0
X196		1	1	1	1	0
X197		1	1	1	1	0
X198		1	1	1	1	0
X199		1	1	1	1	0
X200		1	1	1	1	0
X201		1	1	1	1	0
X202		1	1	1	1	0
X203		1	1	1	1	0
X204		1	1	1	1	0
X205		1	1	1	1	0
X206		1	1	1	1	0
X207		1	1	1	1	0
X208		1	1	1	1	0
X209		1	1	1	1	0
X210		1	1	1	1	0
X211		1	1	1	1	0
X212		1	1	1	1	0
X213		1	1	1	1	0
X214		1	1	1	1	0
X215		1	1	1	1	0
X216		1	1	1	1	0
X217		1	1	1	1	0
X218		1	1	1	1	0
X219		1	1	1	1	0
X220		1	1	1	1	0
X221		1	1	1	1	0
X222		1	1	1	1	0
X223		1	1	1	1	0
X224		1	1	1	1	0
X225		1	1	1	1	0
X226		1	1	1	1	0
X227		1	1	1	1	0
X228		1	1	1	1	0
X229		1	1	1	1	0
X230		1	1	1	1	0
X231		1	1	1	1	0
X232		1	1	1	1	0
X233		1	1	1	1	0
X234		1	1	1	1	0
X235		1	1	1	1	0
X236		1	1	1	1	0
X237		1	1	1	1	0
X238		1	1	1	1	0
X239		1	1	1	1	0
X240		1	1	1	1	0
X241		1	1	1	1	0
X242		1	1	1	1	0
X243		1	1	1	1	0
X244		1	1	1	1	0
X245		1	1	1	1	0
X246		1	1	1	1	0
X247		1	1	1	1	0
X248		1	1	1	1	0
X249		1	1	1	1	0
X250		1	1	1	1	0
X251		1	1	1	1	0
X252		1	1	1	1	0
X253		1	1	1	1	0
X254		1	1	1	1	0
X255		1	1	1	1	0
X256		1	1	1	1	0
X257		1	1	1	1	0
X258		1	1	1	1	0
X259		1	1	1	1	0
X260						

DEFINICIÓN DE DATOS DEL PRODUCTO						
Tipo de plantilla (cm)	Plantilla 1	Plantilla 2	Plantilla 3	Plantilla 4	Plantilla 5	Valor de las Variables de Decisión
	Superior	Medio	Superior	Medio	Superior	
X1	1	1	1	1	1	1
X2	1	1	1	1	1	1
X3	1	1	1	1	1	1
X4	1	1	1	1	1	1
X5	1	1	1	1	1	1
X6	1	1	1	1	1	1
X7	1	1	1	1	1	1
X8	1	1	1	1	1	1
X9	1	1	1	1	1	1
X10	1	1	1	1	1	1
X11	1	1	1	1	1	1
X12	1	1	1	1	1	1
X13	1	1	1	1	1	1
X14	1	1	1	1	1	1
X15	1	1	1	1	1	1
X16	1	1	1	1	1	1
X17	1	1	1	1	1	1
X18	1	1	1	1	1	1
X19	1	1	1	1	1	1
X20	1	1	1	1	1	1
X21	1	1	1	1	1	1
X22	1	1	1	1	1	1
X23	1	1	1	1	1	1
X24	1	1	1	1	1	1
X25	1	1	1	1	1	1
X26	1	1	1	1	1	1
X27	1	1	1	1	1	1
X28	1	1	1	1	1	1
X29	1	1	1	1	1	1
X30	1	1	1	1	1	1
X31	1	1	1	1	1	1
X32	1	1	1	1	1	1
X33	1	1	1	1	1	1
X34	1	1	1	1	1	1
X35	1	1	1	1	1	1
X36	1	1	1	1	1	1
X37	1	1	1	1	1	1
X38	1	1	1	1	1	1
X39	1	1	1	1	1	1
X40	1	1	1	1	1	1
X41	1	1	1	1	1	1
X42	1	1	1	1	1	1
X43	1	1	1	1	1	1
X44	1	1	1	1	1	1
X45	1	1	1	1	1	1
X46	1	1	1	1	1	1
X47	1	1	1	1	1	1
X48	1	1	1	1	1	1
X49	1	1	1	1	1	1
X50	1	1	1	1	1	1
X51	1	1	1	1	1	1
X52	1	1	1	1	1	1
X53	1	1	1	1	1	1
X54	1	1	1	1	1	1
X55	1	1	1	1	1	1
X56	1	1	1	1	1	1
X57	1	1	1	1	1	1
X58	1	1	1	1	1	1
X59	1	1	1	1	1	1
X60	1	1	1	1	1	1
X61	1	1	1	1	1	1
X62	1	1	1	1	1	1
X63	1	1	1	1	1	1
X64	1	1	1	1	1	1
X65	1	1	1	1	1	1
X66	1	1	1	1	1	1
X67	1	1	1	1	1	1
X68	1	1	1	1	1	1
X69	1	1	1	1	1	1
X70	1	1	1	1	1	1
X71	1	1	1	1	1	1
X72	1	1	1	1	1	1
X73	1	1	1	1	1	1
X74	1	1	1	1	1	1
X75	1	1	1	1	1	1
X76	1	1	1	1	1	1
X77	1	1	1	1	1	1
X78	1	1	1	1	1	1
X79	1	1	1	1	1	1
X80	1	1	1	1	1	1
X81	1	1	1	1	1	1
X82	1	1	1	1	1	1
X83	1	1	1	1	1	1
X84	1	1	1	1	1	1
X85	1	1	1	1	1	1
X86	1	1	1	1	1	1
X87	1	1	1	1	1	1
X88	1	1	1	1	1	1
X89	1	1	1	1	1	1
X90	1	1	1	1	1	1
X91	1	1	1	1	1	1
X92	1	1	1	1	1	1
X93	1	1	1	1	1	1
X94	1	1	1	1	1	1
X95	1	1	1	1	1	1
X96	1	1	1	1	1	1
X97	1	1	1	1	1	1
X98	1	1	1	1	1	1
X99	1	1	1	1	1	1
X100	1	1	1	1	1	1
X101	1	1	1	1	1	1
X102	1	1	1	1	1	1
X103	1	1	1	1	1	1
X104	1	1	1	1	1	1
X105	1	1	1	1	1	1
X106	1	1	1	1	1	1
X107	1	1	1	1	1	1
X108	1	1	1	1	1	1
X109	1	1	1	1	1	1
X110	1	1	1	1	1	1
X111	1	1	1	1	1	1
X112	1	1	1	1	1	1
X113	1	1	1	1	1	1
X114	1	1	1	1	1	1
X115	1	1	1	1	1	1
X116	1	1	1	1	1	1
X117	1	1	1	1	1	1
X118	1	1	1	1	1	1
X119	1	1	1	1	1	1
X120	1	1	1	1	1	1
X121	1	1	1	1	1	1
X122	1	1	1	1	1	1
X123	1	1	1	1	1	1
X124	1	1	1	1	1	1
X125	1	1	1	1	1	1
X126	1	1	1	1	1	1
X127	1	1	1	1	1	1
X128	1	1	1	1	1	1
X129	1	1	1	1	1	1
X130	1	1	1	1	1	1
X131	1	1	1	1	1	1
X132	1	1	1	1	1	1
X133	1	1	1	1	1	1
X134	1	1	1	1	1	1
X135	1	1	1	1	1	1
X136	1	1	1	1	1	1
X137	1	1	1	1	1	1
X138	1	1	1	1	1	1
X139	1	1	1	1	1	1
X140	1	1	1	1	1	1
X141	1	1	1	1	1	1
X142	1	1	1	1	1	1
X143	1	1	1	1	1	1
X144	1	1	1	1	1	1
X145	1	1	1	1	1	1
X146	1	1	1	1	1	1
X147	1	1	1	1	1	1
X148	1	1	1	1	1	1
X149	1	1	1	1	1	1
X150	1	1	1	1	1	1
X151	1	1	1	1	1	1
X152	1	1	1	1	1	1
X153	1	1	1	1	1	1
X154	1	1	1	1	1	1
X155	1	1	1	1	1	1
X156	1	1	1	1	1	1
X157	1	1	1	1	1	1
X158	1	1	1	1	1	1
X159	1	1	1	1	1	1
X160	1	1	1	1	1	1
X161	1	1	1	1	1	1
X162	1	1	1	1	1	1
X163	1	1	1	1	1	1
X164	1	1	1	1	1	1
X165	1	1	1	1	1	1
X166	1	1	1	1	1	1
X167	1	1	1	1	1	1
X168	1	1	1	1	1	1
X169	1	1	1	1	1	1
X170	1	1	1	1	1	1
X171	1	1	1	1	1	1
X172	1	1	1	1	1	1
X173	1	1	1	1	1	1
X174	1	1	1	1	1	1
X175	1	1	1	1	1	1
X176	1	1	1	1	1	1
X177	1	1	1	1	1	1
X178	1	1	1	1	1	1
X179	1	1	1	1	1	1
X180	1	1	1	1	1	1
X181	1	1	1	1	1	1
X182	1	1	1	1	1	1
X183	1	1	1	1	1	1
X184	1	1	1	1	1	1
X185	1	1	1	1	1	1
X186	1	1	1	1	1	1
X187	1	1	1	1	1	1
X188	1	1	1	1	1	1
X189	1	1	1	1	1	1
X190	1	1	1	1	1	1
X191	1	1	1	1	1	1
X192	1	1	1	1	1	1
X193	1	1	1	1	1	1
X194	1	1	1	1	1	1
X195	1	1	1	1	1	1
X196	1	1	1	1	1	1
X197	1	1	1	1	1	1
X198	1	1	1	1	1	1
X199	1	1	1	1	1	1
X200	1	1	1	1	1	1
X201	1	1	1	1	1	1
X202	1	1	1	1	1	1
X203	1	1	1	1	1	1
X204	1	1	1	1	1	1
X205	1	1	1	1	1	1
X206	1	1	1	1	1	1
X207	1	1	1	1	1	1
X208	1	1	1	1	1	1
X209	1	1	1	1	1	1
X210	1	1	1	1	1	1
X211	1	1	1	1	1	1
X212	1	1	1	1	1	1
X213	1	1	1	1	1	1
X214	1	1	1	1	1	1
X215	1	1	1	1	1	1
X216	1	1	1	1	1	1
X217	1	1	1	1	1	1
X218	1	1	1	1	1	1
X219	1	1	1	1	1	1
X220	1	1	1	1	1	1
X221	1	1	1	1	1	1
X222	1	1	1	1	1	1
X223	1	1	1	1	1	1
X224	1	1	1	1	1	1
X225	1	1	1	1	1	1
X226	1	1	1	1	1	1
X227	1	1	1	1	1	1
X228	1	1	1	1	1	1
X229	1	1	1	1	1	1
X230	1	1	1	1	1	1
X231	1	1	1	1	1	1
X232	1	1	1	1	1	1
X233	1	1	1	1	1	1
X234	1	1	1	1	1	1
X235	1	1	1	1	1	1
X236	1	1	1	1	1	1
X237	1	1	1	1	1	1
X238	1	1	1	1	1	1
X239	1	1	1	1	1	1
X240	1	1	1	1	1	1
X241	1	1	1	1	1	1
X242	1	1	1	1	1	1
X243	1	1	1	1	1	1
X244	1	1	1	1	1	1
X245	1	1	1	1	1	1
X246	1	1	1	1	1	1
X247	1	1	1	1	1	1
X248	1	1	1	1	1	1
X249	1					

D = 50		D = 100	
Tipo de plantilla de corte	Número de láminas a cortar según plantilla	Tipo de plantilla de corte	Número de láminas a cortar según plantilla
X4	25	X21	1
X6	2	X28	2
X17	44	X29	97
X30	16	X42	1
X44	7	X44	28
X48	31	X45	97
		X46	1
		X48	23
Total	125	Total	250
D = 150		D = 200	
Tipo de plantilla de corte	Número de láminas a cortar según plantilla	Tipo de plantilla de corte	Número de láminas a cortar según plantilla
X4	75	X4	100
X17	150	X6	2
X30	50	X17	194
X48	100	X30	66
		X44	7
		X48	131
Total	375	Total	500

Tabla 4
 Número óptimo de láminas (X_i) a cortar según patrón
 para la producción semanal de D unidades de producto
 Autora

El número total de cada una de las piezas ($P_j, j=1, \dots, 5$) que se obtienen a partir del número de láminas estándar cortadas (tabla 5), según el patrón para satisfacer cada tipo de demanda simulada.

D = 50		Piezas totales obtenidas a partir del patrón de corte				
Número de láminas a cortar según patrón	Patrón de corte	Pieza 1 Superior	Pieza 2 Inferior	Pieza 3 Laterales y divisiones	Pieza 4 Trasera	Pieza 5 Puertas
25	X4	0	0	0	50	0
2	X6	6	2	0	0	0
44	X17	44	0	132	0	0
16	X30	0	48	16	0	0
7	X44	0	0	21	0	7
31	X48	0	0	31	0	93
125	Total	50	50	200	50	100
D = 100						
1	X21	1	2	0	0	1
2	X28	2	0	0	2	2
97	X29	97	97	97	0	97
1	X42	0	1	0	1	1
28	X44	0	0	84	0	28
97	X45	0	0	194	97	0
1	X46	0	0	2	0	2
23	X48	0	0	23	0	69
250	Total	100	100	400	100	200
D = 150						
75	X4	0	0	0	150	0
150	X17	150	0	450	0	0
50	X30	0	150	50	0	0
100	X48	0	0	100	0	300
375	Total	150	150	600	150	300
D = 200						
100	X4	0	0	0	200	0
2	X6	6	2	0	0	0
194	X17	194	0	582	0	0
66	X30	0	198	66	0	0
7	X44	0	0	21	0	7
131	X48	0	0	131	0	393
500	Total	200	200	800	200	400

Tabla 5
Número de piezas (Pj) obtenidas a partir del número óptimo de láminas (Xi)
Autora

Estos resultados indican que por cada 50 unidades de producto semanal se requieren 125 láminas estándar, pero en cada caso con número y tipo de patrón de corte diferente. El patrón de corte X48 que genera 1 pieza lateral 3 puertas se presentó en las cuatro simulaciones, lo cual sugiere que se trata de un corte eficiente.

A manera de explicación, en la ejecución para una demanda de 150 unidades semanales (D = 150), el resultado indica que son necesarias 375 láminas estándar, de las cuales 75 deberán cortarse según el patrón X4 para obtener 150 piezas para la parte trasera; 150 láminas estándar se someterán al corte especificado por la plantilla X17 para obtener 150 piezas de la parte superior y 450 piezas laterales o divisiones internas; 50 láminas se cortarán bajo el formato X30 para conseguir 150 piezas de la parte inferior y 50 piezas laterales o divisiones y finalmente debe aplicarse el formato de plantilla X48 a 100 láminas estándar para obtener 100 piezas laterales o divisiones y 300 puertas.

Totalizando estos resultados se cuenta con 150 piezas correspondientes a la parte superior del armario (una por armario), 150 piezas para la parte inferior (una por armario), 150 piezas para la parte trasera (una por armario), 600 piezas para laterales o divisiones internas (dos laterales y dos divisiones internas por armario) y 300 puertas (dos puertas por armario), garantizando los insumos necesarios para fabricar las 150 unidades de producto semanal.

Usualmente la empresa utilizaba, alrededor de 150 láminas para la producción semanal de 50 armarios o 3 láminas por unidad. La aplicación del modelo permitió reducir en 25 láminas semanales o 1300 láminas al año (52 semanas por año), equivalente a una reducción del 16,7%, logrando un ahorro considerable.

Es posible que para cierto valor de la demanda mensual se presenten soluciones alternas. Ello indicaría que existe más de una combinación de patrones de corte de láminas que genere el total de piezas necesarias para cubrir la demanda pero siempre con el mismo número total mínimo de láminas estándar a utilizar.

Conclusiones

Esta metodología de modelación matemática enfocada al corte de piezas o partes que integran un producto, a partir de láminas de tamaño estándar, puede extenderse a una variedad de productos, para lo cual se requiere del análisis de componentes del producto, del diseño de patrones de corte y la demanda en cierta unidad de tiempo. Como resultado de la aplicación de estos modelos se minimiza tanto el número de láminas a utilizar como la cantidad de residuos metálicos y consecuentemente mejora el beneficio económico. El modelo aporta una solución eficiente, especialmente para aquellas micro, pequeñas y medianas empresas, que usualmente no disponen de tecnología de última generación para este tipo de procesos. Basta con disponer de Microsoft Office que incluye el complemento Excel y de la formulación del modelo de programación lineal correspondiente.

Referencias

- Alzate, D., & Guerrero, C. (2013). Propuesta para la reducción de los impactos ambientales negativos generados por una empresa del sector metalmeccánico. Pontificia Universidad Javeriana, Cali, Colombia.
- Cueli, M., González-Castro, P., Krawec, J., Núñez, J. C., & González-Pienda, J. A. (2016). Hipatia: A hypermedia learning environment in mathematics. [Hipatia: Un entorno de aprendizaje hipermedia en matemáticas] *Anales De Psicología*, 32(1), 98-105. doi:10.6018/analesps.32.1.185641
- Donini, R., & Micheletto, N. (2015). Effects of lower and higher numeric values on elementary mathematical activities performance. [Efeitos de Valores Numéricos Menores e Maiores sobre o Desempenho em Atividades Matemáticas Elementares] *Temas Em Psicologia*, 23(1), 175-196. doi:10.9788/TP2015.1-12

- García-García, M., Biencinto-López, C., Carpintero-Molina, E., Núñez-Del-Río, M. C., & Arteaga-Martínez, B. (2013). Mathematics performance and attitude towards mathematics in inclusive schools: A study in the region of madrid. *Revista De Investigacion Educativa*, 31(1), 117-132. doi:10.6018/rie.31.1.143221
- García-Medina, A. M., Rizo, F. M., & Arroyo, G. C. (2016). Analysis of differential item functioning of math excale third secondary. [Análisis del funcionamiento diferencial de los ítems del excale de matemáticas para tercero de secundaria] *Revista Mexicana De Investigacion Educativa*, 21(71), 1191-1220.
- Hanna M, F., Render B., Stair R. (2012). *Métodos cuantitativos para los negocios*. México: Editorial Pearson.
- Hernández, M. M. V., & Rojas, E. M. (2016). Determinants of academic performance in mathematics in the context of a technological university: Application of structural equations model. [Factores que determinan el rendimiento académico en matemáticas en el contexto de una universidad tecnológica: Aplicación de un modelo de ecuaciones estructurales] *Universitas Psychologica*, 15(4), 1-11. doi:10.11144/Javeriana.upsy15-4.fdra
- Hillier, F., Hillier M. (2008). *Métodos cuantitativos para administración*. México: Editorial McGraw-Hill Interamericana.
- Microsoft Office. Cargar el complemento Solver. Recuperado el 15 de mayo de 2017 de <https://support.office.com/es-es/article/Cargar-el-complemento-Solver-612926fc-d53b-46b4-872c-e24772f078ca>
- Niño, J. (2012). *Análisis de sistemas e investigación de operaciones*. Cali: Sello editorial Javeriano.