



Revista UIS ingenierías

ISSN: 1657-4583

ISSN: 2145-8456

Universidad Industrial de Santander

Avellaneda-Gómez, Laura Sofía; Montoya-Giraldo, Óscar Danilo
Aplicación del algoritmo de optimización por enjambre de salpas para la estimación de
parámetros en transformadores monofásicos empleando medidas de tensión y corriente
Revista UIS ingenierías, vol. 21, núm. 2, 2022, Abril-Junio, pp. 131-146
Universidad Industrial de Santander

DOI: <https://doi.org/10.18273/revuin.v21n2-2022011>

Disponible en: <https://www.redalyc.org/articulo.oa?id=553772634011>

- Cómo citar el artículo
- Número completo
- Más información del artículo
- Página de la revista en redalyc.org



Sistema de Información Científica Redalyc
Red de Revistas Científicas de América Latina y el Caribe, España y Portugal
Proyecto académico sin fines de lucro, desarrollado bajo la iniciativa de acceso
abierto

Aplicación del algoritmo de optimización por enjambre de salpas para la estimación de parámetros en transformadores monofásicos empleando medidas de tensión y corriente

Application of salp swarm optimization algorithm to estimate parameters in single-phase transformers considering voltage and current measures

Laura Sofía Avellaneda-Gómez ¹, Óscar Danilo Montoya-Giraldo ²

¹ Facultad de Ingeniería, Universidad Distrital Francisco José de Caldas, Colombia. Correo electrónico: lsavellanedag@correo.udistrital.edu.co. Orcid: 000-0002-6004-4529

² Grupo de Compatibilidad e Interferencia Electromagnética, Facultad de Ingeniería, Universidad Distrital Francisco José de Caldas, Colombia. Correo electrónico: odmontoyag@udistrital.edu.co. Orcid: 0000-0001-6051-4925

Recibido: 21 enero, 2022. Aceptado: 3 marzo, 2022. Versión final: 5 mayo, 2022.

Resumen

En este artículo se presenta una metodología de solución para la estimación de parámetros de transformadores monofásicos considerando las mediciones de tensión y corriente; para ello se emplea un modelo de optimización no lineal. Este modelo se basa en minimizar el error cuadrático medio entre las variables de tensión y corriente medidas y calculadas. Este modelo de programación no lineal se resuelve mediante la implementación del algoritmo de optimización de las salpas. Los resultados obtenidos demuestran que el método de optimización propuesto permite reducir el error entre la estimación de las variables medidas y calculadas; además, el método de optimización propuesto mejora los resultados presentados por otros métodos de optimización reportados en la literatura especializada. Todas las simulaciones se realizaron en el entorno de programación MATLAB.

Palabras clave: estimación paramétrica en transformadores; circuito equivalente; transformadores monofásicos; modelo de programación no lineal; algoritmo de optimización por enjambre de salpas; mediciones de tensión y corriente; error medio cuadrático; optimización metaheurística; técnicas de comparación; desempeño numérico.

Abstract

This article presents a solution methodology for the estimation of parameters of single-phase transformers considering the measurements of voltage and current, for which a non-linear optimization model is used. This model is based on minimizing the mean square error between the measured and calculated voltage and current variables. This nonlinear programming model is solved by implementing the Salp swarm optimization algorithm. The results obtained show that the proposed optimization method allows reducing the error between the estimation of the measured and calculated variables; in addition, the proposed optimization method improves the results presented by other optimization methods reported in the specialized literature. All the simulations were performed in the MATLAB programming environment.

Keywords: parametric estimation in transformers; equivalent circuit; single-phase transformers; nonlinear programming model; Salp Swarm optimization algorithm; voltage and current measures; mean square error; metaheuristic optimization; comparison techniques; numerical performance.

Nomenclatura

C_1	Parámetro que equilibra la exploración y la explotación en el espacio de soluciones.	$R_s'^{máx}$	Límite máximo para la resistencia serie del devanado secundario referido al primario (Ω).
C_2	Número aleatorio en el rango de 0 a 1 con distribución uniforme.	$R_s'^{mín}$	Límite mínimo para la resistencia serie del devanado secundario referido al primario (Ω).
C_3	Número aleatorio en el rango de 0 a 1 con distribución uniforme.	R_s'	Resistencia de pérdidas del devanado secundario referida al lado primario (Ω).
I_p	Corriente en el devanado primario (A).	Sl^t	Matriz de soluciones en la iteración t (i . e., cadena de salpas).
i_p	Corriente medida a la entrada del transformador (A).	Sl_{best}^t	Mejor solución contenida en la población para la iteración t .
I_s	Corriente en el devanado secundario (A).	$Sl_{i,j}^t$	Componente de la salpa ubicada en la posición (i,j) en la iteración t .
I_s'	Corriente en el devanado secundario referida al lado primario (A).	Sl_{ldr}^t	Salpa líder en la iteración t .
N_p	Número de espiras del devanado primario (vueltas).	t	Contador de iteraciones.
N_s	Número de espiras del devanado secundario (vueltas).	$t_{máx}$	Número máximo de iteraciones.
N_i	Número de individuos que conforman la población inicial.	V_p	Tensión aplicada al devanado primario (V).
N_v	Número de variables de decisión del problema de optimización.	V_s	Tensión aplicada al devanado secundario (V).
R_c	Resistencia de pérdidas en el núcleo (Ω).	V_s'	Tensión aplicada al devanado secundario referida al lado primario (V).
$R_c^{máx}$	Límite máximo para la resistencia de magnetización (Ω).	v_s'	Tensión medida en el lado secundario del transformador referida al lado primario (V).
$R_c^{mín}$	Límite mínimo para la resistencia de magnetización (Ω).	X_m	Reactancia de magnetización del núcleo (Ω).
R_L	Resistencia equivalente de carga (Ω).	$X_m^{máx}$	Límite máximo para la reactancia de magnetización (Ω).
R_p	Resistencia de pérdidas del devanado primario (Ω).	$X_m^{mín}$	Límite mínimo para la reactancia de magnetización (Ω).
$R_p^{máx}$	Límite máximo para la resistencia serie del devanado primario (Ω).	X_p	Reactancia de dispersión del devanado primario (Ω).
$R_p^{mín}$	Límite mínimo para la resistencia serie del devanado primario (Ω).	$X_p^{máx}$	Límite máximo para la reactancia serie del devanado primario (Ω).
R_s	Resistencia de pérdidas del devanado secundario (Ω).	$X_p^{mín}$	Límite mínimo para la reactancia serie del devanado primario (Ω).
		X_s	Reactancia de dispersión del devanado secundario (Ω).

$X_s'^{m\acute{a}x}$	Límite máximo para la reactancia serie del devanado secundario referido al primario (Ω).
$X_s'^{m\acute{i}n}$	Límite mínimo para la reactancia serie del devanado secundario referido al primario (Ω).
X_s'	Reactancia de dispersión del devanado secundario referida al lado primario (Ω).
$y^{m\acute{a}x}$	Vector que contiene los límites máximos del espacio de soluciones.
$y^{m\acute{i}n}$	Vector que contiene los límites mínimos del espacio de soluciones.
z	Valor de la función objetivo.
Z_m	Impedancia equivalente de la rama de magnetización (Ω).
Z_p	Impedancia serie equivalente del lado primario (Ω).
Z_s'	Impedancia serie equivalente del lado secundario referida al lado primario (Ω).

1. Introducción

El transformador es un equipo esencial en el sistema eléctrico y se considera un eslabón vital en la cadena de dispositivos utilizados para suministrar energía eléctrica, ya que se encarga de interconectar los puntos de generación y demanda [1], [2]; por ello, es necesario que la operación del transformador sea fiable y continua para suplir la demanda de los usuarios sin interrupciones [3], [4].

Dada la importancia que tienen los transformadores en el suministro de energía eléctrica a los usuarios finales en media y baja tensión, un escenario crítico para una empresa distribuidora se da cuando este dispositivo falla por causas internas o externas. Una falla interna puede ocasionarse por el deterioro del aislamiento o por el degradamiento del fluido refrigerante; por otro lado, una falla externa puede ocurrir en el área circundante del transformador, como un cortocircuito o una falla mecánica en la estructura de soporte. En cualquiera de estos escenarios, se tiene una salida de funcionamiento del transformador (salida no programada), la cual puede afectar cargas críticas en el sistema de distribución [5], [6].

Con el fin de evitar las fallas internas en los transformadores de distribución, es recomendable realizar evaluaciones del estado operativo de este

dispositivo de manera periódica en su lugar de operación, es decir, sin afectar a los usuarios finales que se encuentran allí conectados. Este tipo de evaluaciones permitirán detectar posibles fallas y tomar acciones preventivas y correctivas, con el fin de evitar fallas prolongadas en el suministro eléctrico [7], [8].

Por otro lado, dada la importancia que tienen los transformadores en el sistema eléctrico de potencia, y en especial en los sistemas de distribución de energía, es fundamental para las empresas distribuidoras contar con un modelo preciso de los equipos y elementos que componen sus redes de distribución, ya que estos modelos son esenciales en las etapas de planeación, operación y mantenimiento de las redes [9], [10].

Debido a que los estudios que involucran simulaciones en sistemas eléctricos requieren de un modelado preciso de los componentes de la red, especialmente, transformadores, líneas de distribución y cargas, se hace necesario el desarrollo de metodologías que permitan conocer dichos parámetros en el sitio de operación de estos elementos. Por lo anterior, en el caso de los transformadores monofásicos, se emplean metodologías de optimización fundamentadas en las medidas de tensión y corriente a la entrada y salida del transformador, para estimar sus parámetros eléctricos [9], [11].

La principal ventaja de las medidas eléctricas tomadas en terreno corresponde a la continuidad del servicio eléctrico, ya que los usuarios no se ven afectados por interrupciones en el servicio de electricidad [12], [13].

En la literatura especializada, el problema de estimación de parámetros del transformador ha sido resuelto a través de numerosos algoritmos de optimización entre los cuales están el método de mínimos cuadrados [14], algoritmo de búsqueda de bacterias [15], algoritmos genéticos [16], algoritmo de optimización por enjambre de partículas [17], algoritmo de colonia de abejas artificial [18], algoritmo de búsqueda caótica [16], algoritmo de agujeros negros [19] y algoritmo de senos y cosenos [9], entre otros. La principal característica de estos métodos de optimización corresponde al uso de estrategias de optimización combinatorial para resolver el modelo que representa la estimación paramétrica en transformadores, ya que este modelo es de naturaleza no lineal y no convexa, lo que dificulta su solución con herramientas de optimización convencional [8].

A manera de resumen, en la [tabla 1](#) se presentan las principales características de los métodos de optimización presentados anteriormente para la estimación de parámetros en transformadores de

distribución. Las principales características de los métodos de optimización presentados en la [tabla 1](#) son las siguientes: (i) todas las metodologías emplean como indicador de desempeño, *i. e.*, función objetivo, el error medio cuadrático; (ii) el 90,90 % de las metodologías exploradas son de origen combinatorial, *i. e.*, se basan en métodos de optimización metaheurística para resolver el problema de optimización, debido a su naturaleza no convexa; y (iii) el método de optimización por salpas no ha sido previamente aplicado a este problema.

Por lo anterior, en este trabajo se propone el uso del algoritmo de optimización de salpas (SSA, por sus siglas en inglés), para la estimación de parámetros en transformadores monofásicos a partir de los valores de tensión y corriente medidos, realizando la evaluación de una función objetivo basada en la minimización del error cuadrático medio entre los valores medidos y los calculados.

A continuación, se definen los principales aportes del artículo de investigación realizado en torno a la solución del problema de optimización: (i) la aplicación del SSA al problema de estimación de parámetros en transformadores monofásicos a partir de las mediciones de tensión y corriente en los devanados del transformador; y (ii) la mejora de las soluciones obtenidas previamente en la literatura especializada para el problema de estimación de parámetros en transformadores monofásicos con algoritmos de optimización como optimización por enjambre de partículas, algoritmos genéticos, algoritmo competitivo imperialista, algoritmo de búsqueda gravitacional y algoritmo de agujeros negros [19].

El resto del documento se compone de la siguiente manera: la sección 2 presenta la formulación matemática del problema de estimación de parámetros en transformadores monofásicos a partir de las medidas de tensión y corriente. La sección 3 presenta la metodología propuesta para la solución del problema presentado a partir de la implementación del algoritmo de optimización propuesto. En la sección 4 se presentan los tres transformadores seleccionados para verificar la metodología propuesta. La sección 5 evidencia los resultados obtenidos con la metodología propuesta y la comparación realizada con métodos de optimización previamente utilizados en la literatura especializada, además, de un análisis complementario de los resultados obtenidos con el fin de demostrar la viabilidad de este. Finalmente, la sección 6 muestra las principales conclusiones obtenidas y algunos posibles desarrollos futuros.

2. Modelado matemático

La formulación matemática para la estimación de parámetros de transformadores monofásicos, cuyo equivalente eléctrico se muestra en la [figura 1](#), se realiza a partir del modelo eléctrico equivalente expuesto en la [figura 2](#) [21].

En el equivalente eléctrico de la [figura 1](#) se muestran los parámetros que conforman un transformador monofásico no ideal. Las resistencias R_p y R_s , junto con las reactancias X_p y X_s de las ramas en serie, representan las pérdidas por efecto Joule y los flujos de dispersión de cada uno de los devanados del transformador, respectivamente [8].

Tabla 1. Características de las metodologías de solución aplicadas al problema de estimación paramétrica en transformadores monofásicos

Técnica de solución	Función objetivo	Año	Referencia
Algoritmo de búsqueda por bacterias	Error medio cuadrático	2010	[15]
Algoritmo de búsqueda caótica	Error medio cuadrático	2014	[16]
Optimización por enjambre de partículas	Error medio cuadrático	2014	[16]
Colonia de abejas artificial	Error medio cuadrático	2017	[18]
Algoritmo imperialista competitivo	Error medio cuadrático	2017	[20]
Algoritmo de búsqueda gravitacional	Error medio cuadrático	2017	[20]
Algoritmo genético	Error medio cuadrático	2018	[17]
Mínimos cuadrados recursivos	Error medio cuadrático	2020	[14]
Algoritmo de optimización de los coyotes	Error medio cuadrático	2020	[12]
Sistema de modelado algebraico general	Error medio cuadrático	2020	[8]
Algoritmo de agujeros negros	Error medio cuadrático	2021	[19]
Algoritmo de senos y cosenos	Error medio cuadrático	2021	[9]
Algoritmo de búsqueda por cuervos	Error medio cuadrático	2022	[21]

Por otro lado, la resistencia R_c y reactancia X_m en paralelo de la rama de magnetización representan las pérdidas en el núcleo y el flujo de magnetización, mientras que $\frac{N_p}{N_s}$ es la relación entre el número de espiras del primario y secundario del transformador, es decir, la relación de transformación del mismo [22].

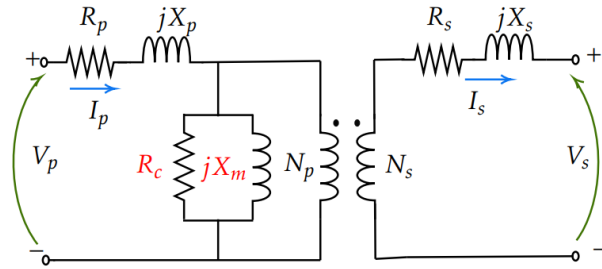


Figura 1. Circuito equivalente transformador no ideal.

En la figura 2 se muestra R_p y X_p que son los parámetros del primario del transformador, R_c y X_m como los parámetros de la rama de magnetización, R'_s y X'_s como los parámetros del secundario del transformador referidos al primario. Asimismo, V_p , I_p , V'_s y I'_s representan las variables eléctricas del transformador, las cuales serán empleadas para determinar la solución del problema de estimación de parámetros en transformadores monofásicos [19].

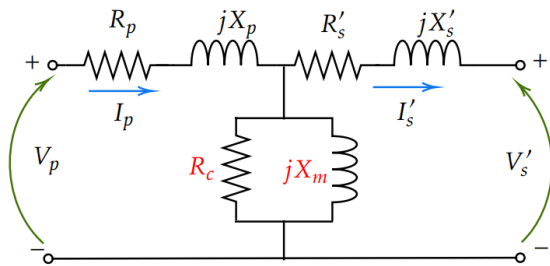


Figura 2. Circuito equivalente transformador mediante su representación tipo T.

Teniendo en cuenta que la solución del problema de optimización se basa en determinar los parámetros del transformador a partir de las variables eléctricas, las cuales pueden ser calculadas a través del modelo eléctrico mostrado en la figura 2, se utilizan las leyes de Kirchhoff, considerando que hay una carga RL conectada en las terminales del secundario del transformador [19], [12].

Para empezar con el análisis, se considera la impedancia total, vista desde los terminales del primario del transformador, como se evidencia en la ecuación 1.

$$Z = Z_p + \frac{Z_m(Z'_s + R_L)}{Z_m + Z'_s + R_L} \quad (1)$$

Donde $Z_p = R_p + jX_p$ y $Z'_s = R'_s + jX'_s$ son las impedancias equivalentes del primario y secundario del transformador, y $Z_m = j \frac{R_c X_m}{R_c + jX_m}$ es la impedancia equivalente de la rama de magnetización.

La corriente que circula por el primario I_p se define a partir de la impedancia total y la tensión de entrada del transformador, como se muestra en la ecuación 2.

$$I_p = \frac{V_1}{Z} \quad (2)$$

La corriente que circula por el secundario del transformador se define según la ecuación 3.

$$I'_s = \frac{Z_m}{Z_m + Z'_s + R_L} I_p \quad (3)$$

Teniendo la corriente I'_s , se calcula la tensión V'_s que está en el secundario del transformador como se define en la ecuación 4.

$$V'_s = R_L I'_s \quad (4)$$

Finalmente, para resolver el problema de estimación de parámetros del transformador, se define una función cuadrática que determina el error entre los valores medidos y calculados de las variables eléctricas consideradas para dar solución al problema de optimización, como se define en la ecuación 5, según lo recomendado por Arenas *et al.* [19].

$$\begin{aligned} \min z = \frac{1}{2} & \left(\left(\frac{I_p - i_p}{i_p} \right)^2 + \left(\frac{I'_s - i'_s}{i'_s} \right)^2 \right. \\ & \left. + \left(\frac{V'_s - v'_s}{v'_s} \right)^2 \right) \quad (5) \end{aligned}$$

Donde la función z es el error cuadrático que se busca minimizar; i_p , i'_s y v'_s son las corrientes y tensiones medidas; I_p , I'_s y V'_s son las corrientes y tensiones calculadas.

El conjunto de restricciones para el problema de estimación de parámetros en transformadores monofásicos se define desde la ecuación 6 hasta la 11. Estas restricciones limitan los valores máximos y mínimos que puede tomar cada uno de los parámetros del transformador. Nótese que estos valores se definen

considerando variaciones entre el 20 % y el 50 % de los valores nominales del transformador.

$$R_p^{mín} \leq R_p \leq R_p^{máx} \quad (6)$$

$$R_s^{mín} \leq R_s \leq R_s^{máx} \quad (7)$$

$$R_c^{mín} \leq R_c \leq R_c^{máx} \quad (8)$$

$$X_p^{mín} \leq X_p \leq X_p^{máx} \quad (9)$$

$$X_s^{mín} \leq X_s \leq X_s^{máx} \quad (10)$$

$$X_m^{mín} \leq X_m \leq X_m^{máx} \quad (11)$$

3. Metodología de solución: algoritmo de optimización por enjambre de salpas

El algoritmo de salpas es una técnica de optimización basada en el comportamiento de las salpas, estos son animales muy similares a las medusas tanto en apariencia como en comportamiento, debido a que su cuerpo es transparente, tienen forma de barril, sus tejidos son muy similares a los de las medusas y su movimiento en el agua se basa en el bombeo de esta a través de su cuerpo [23], [24].

La característica determinante para que el comportamiento de las salpas sea considerado para solucionar problemas de optimización es que las salpas son animales que conviven en enjambres debido a las condiciones de su entorno, ya que de esta manera se pueden desplazar más fácilmente al formar cadenas entre ellas y acceder a zonas de difícil acceso para alimentarse; esta conducta de formar cadenas para desplazarse ha sido estudiada dado que la realizan de forma rápida y armoniosa [25], [23]. Adicionalmente, es importante mencionar que la cadena de salpas posee la habilidad de moverse hacia la mejor fuente de alimento, la cual cambia continuamente, esto con el objetivo de encontrar una mejor solución al explorar y explotar el espacio de solución [26]. Las principales características del algoritmo de optimización basado en el comportamiento de las salpas son [27]:

- La actualización de la población de cada individuo en cada iteración tiene en cuenta la mejor solución obtenida hasta el momento.
- La actualización de la posición del líder de la población se da respecto a la mejor fuente de alimento en cada iteración, lo cual permite que el líder explore y explote el espacio de solución a su alrededor.
- El movimiento de las salpas se basa en dos comportamientos, esto permite que el algoritmo no se estanque en óptimos locales.

A continuación, se presentan las etapas en las que se desarrolla el SSA.

3.1. Población inicial

Se define la población inicial de la cadena de las salpas de forma aleatoria a partir de la ecuación 13, donde cada salpa es una posible solución al problema de optimización (*i. e.*, una fila dentro de la matriz) [28].

$$Sl^t = \begin{bmatrix} sl_{11}^t & sl_{12}^t & \cdots & sl_{1N_v}^t \\ sl_{21}^t & sl_{22}^t & \cdots & sl_{2N_v}^t \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ sl_{N_v1}^t & sl_{N_v2}^t & \cdots & sl_{N_vN_v}^t \end{bmatrix} \quad (12)$$

Siendo

$$Sl_i^t = rand(y^{máx} - y^{mín}) + y^{mín}; i = 1, 2, 3, \dots, N_i \quad (13)$$

Donde Sl_i^t es la salpa, $y_i^{mín}$ y $y_i^{máx}$ son los límites inferior y superior del espacio de solución, n es el número de individuos de la población y t es el número de iteraciones. Nótese que cada una de las salpas definidas como Sl_i^t contiene los parámetros de solución para el problema de optimización.

Seguido a la formación de la población inicial, se evalúa cada una de las salpas en la función objetivo definida en la ecuación 5 y se determina cuál es la mejor salpa (ver ecuación 14); la salpa que provea el mejor resultado para la función objetivo en cada iteración será definida como la líder de la población.

$$Sl_{ldr}^t = Sl_{best}^t \quad (14)$$

3.2. Movimiento de las salpas

Para el movimiento de las salpas, la población se divide en dos componentes, los cuales son movimiento en relación al líder y movimientos entre seguidores. El líder es la salpa que obtuvo la mejor solución en la iteración actual y es aquella que se ubica al principio de la cadena de salpas; esta es responsable de guiar el movimiento de las demás salpas de la población en búsqueda de la fuente de alimento [29]. La actualización del líder de las salpas se da en cada iteración dependiendo del movimiento realizado y el resultado de la función objetivo al evaluar cada uno de los individuos de la población.

3.2.1. Caso 1: movimiento en relación con la posición

Este movimiento comienza desde el líder de la cadena hasta la mitad de la misma, es decir, se da en la mitad de la población del enjambre de salpas, generando un movimiento aleatorio que tiene en cuenta las restricciones del problema de optimización. Esto permite que se realice una exploración adecuada del espacio de solución alrededor del líder [25]. Este movimiento se formula matemáticamente según lo expresado en la ecuación 15:

$$Sl_{i,j}^t = \begin{cases} Sl_{ldr(1,j)}^t + C_1((y_j^{max} - y_j^{min})C_2 + y_j^{min})C_3 \geq 0 \\ Sl_{ldr(1,j)}^t - C_1((y_j^{max} - y_j^{min})C_2 + y_j^{min})C_3 \geq 0 \end{cases} \quad (15)$$

Donde $Sl_{i,j}^t$ es la posición del líder dentro del espacio de solución, F_i es la fuente de alimento en este espacio de solución, y_j^{min} y y_j^{max} son los límites inferior y superior del espacio de solución, c_2 y c_3 son valores generados aleatoriamente en el rango de [0,1]. El parámetro c_1 está definido según la ecuación 16 y se encarga de mantener el equilibrio entre la exploración y explotación del espacio de solución [23].

$$C_1 = 2e^{-\left(\frac{4t}{t_{max}}\right)^2} \quad (16)$$

Donde t y t_{max} definen la iteración y número máximo de iteraciones, respectivamente.

3.2.2. Caso 2: movimiento empleando la tercera ley de Newton

Este movimiento se da para la población restante, es decir, la población que está desde la mitad de la cadena hasta el final de la misma; para ello se utiliza la tercera ley del movimiento de Newton para representar el movimiento de las salpas seguidoras (ver ecuación 17). Este movimiento se basa en compartir la información de la salpa adyacente y así generar nuevas ubicaciones en el espacio de solución [28].

$$Sl_i^t = \frac{Sl_i - Sl_{i-1}}{2} \quad (17)$$

Donde $Sl_{i,j}$ muestra la posición de la salpa i en la dimensión j .

3.3. Actualización del líder

La actualización del líder y de los seguidores se realiza a partir de las ecuaciones 15 y 17, con las cuales se modifica la posición del líder y de los individuos. Finalmente, se define al nuevo líder como aquel

individuo que provee la mejor solución objetivo en esa iteración.

En el algoritmo 1 se presenta la implementación del algoritmo de optimización de las salpas para resolver el problema de estimación de parámetros de transformadores monofásicos [25].

```

Definir los parámetros  $N_i$ ,  $t_{max}$ ,  $N_v$ ,  $y^{min}$ , y  $y^{max}$ ;
Crear la población inicial utilizando la
Ecuación 13;
Hacer  $t = 0$ ;
Calcular la función objetivo de la ecuación 5
para cada individuo;
Escoger la mejor solución y definirla el líder
de la cadena de salpas;
for  $t \leq t_{max}$  do
    Calcular el parámetro  $C_1$  a partir de la
    ecuación 16;
    for  $i = 1 : N_i$  do
        if  $i \leq \frac{N_i}{2}$  then
            for  $j = 1 : N_v$  do
                Generar los valores para  $C_2$  y
                 $C_3$ ;
                Determinar el movimiento de la
                cadena de salpas a partir de la
                ecuación 15;
            else
                Determinar el movimiento de la
                cadena de salpas a partir de la
                ecuación 16;
        end for
    end for
    Verificar/corregir la factibilidad de los
    individuos de la nueva población;
    Evaluar la función adaptación de los
    individuos de la nueva población;
    if  $F(Sl_{ldr}^{t+1}) < F(Sl_{ldr}^t)$  then
        Reemplazar al líder;
    else
        Conservar la mejor solución obtenida
        hasta el momento como  $Sl_{ldr}^{t+1}$ ;
    end if

```

Resultado: la mejor solución se encuentra para Sl_{ldr}^t y su función objetivo es $F(Sl_{ldr}^t)$

Algorithm 1. Algoritmo de optimización por enjambre de salpas para resolver problemas de optimización.

4. Transformadores monofásicos de prueba

Para resolver el problema de estimación de parámetros de transformadores a partir del SSA, se tomaron tres

transformadores monofásicos. Los parámetros de estos transformadores fueron tomados de [16], [20], y los resultados obtenidos con el algoritmo presentado se compararon con los resultados reportados con diferentes métodos de optimización utilizados en la literatura especializada [19]. Los transformadores empleados para resolver el problema de optimización son:

- Transformador de 4 kVA, 250/125 V y 50 Hz.
- Transformador de 10 kVA, 500/125 V y 50 Hz.
- Transformador de 15 kVA, 2400/240 V y 50 Hz.

5. Validaciones numéricas

En esta sección se muestran los resultados obtenidos al emplear el algoritmo de las salpas para estimar los parámetros de los transformadores seleccionados y la comparación realizada con otros métodos de optimización, los cuales son: optimización por enjambre de partículas (PSO) [16], algoritmo genético (GA) [16], algoritmo competitivo imperialista (ICA) [20], algoritmo de búsqueda gravitacional (GSA) [20] y el algoritmo de optimización de agujeros negros (BHO) [19]. Estos algoritmos han sido seleccionados como métodos comparativos, ya que de los reportados en la sección introductoria son los que presentan mejor desempeño numérico y han sido los puntos de referencia para nuevas metodologías de optimización como la reportada por Arenas *et al.* en [19].

Con el fin de comparar el rendimiento del SSA respecto a los algoritmos que han sido empleados previamente en la literatura especializada, se utilizaron 10 individuos, 1000 iteraciones y 100 evaluaciones consecutivas del algoritmo para determinar la desviación estándar de la función objetivo y el tiempo promedio de procesamiento.

Para solucionar el problema de optimización, se implementó y resolvió el algoritmo en el *software* MATLAB®, en un equipo de cómputo que cuenta con las siguientes características: Intel(R) Core(TM) i57200U CPU @2,50 Ghz, RAM de 8,00 GB y Windows 10 Home Single Language 64-bit como sistema operativo.

5.1. Transformador de prueba de 4 kVA

El transformador cuenta con una relación de tensión de 250/125 V, opera a 50 Hz y con una potencia nominal de 4 kVA. Para este transformador se empleó una carga resistiva igual a $R_L = 15.625 \Omega$, la cual es equivalente a la carga nominal de dicho transformador [16].

Los resultados mostrados en la *tabla 2* indican que la estimación de los parámetros del transformador con el SSA presenta un error promedio de 5,397 % respecto a los parámetros reales del transformador, y se define al SSA como el método que presenta un menor error promedio en el cálculo de dichos parámetros, seguido del GSA que presenta un error promedio de 6,1680 % y del ICA que presenta un error promedio de 10,2780 %.

Los resultados en la *tabla 3* muestran que el SSA presenta un error promedio de $2,8963 \times 10^{-9}$ al calcular el error entre las variables de tensión y corriente medidas y calculadas, seguido del BHO que cuenta con un error promedio de $8,1894 \times 10^{-4}$, lo que indica que el algoritmo propuesto posee un error al menos $2,8275 \times 10^5$ veces más pequeño que el del BHO.

Tabla 2. Resultados numéricos para la estimación paramétrica en el transformador de 4 kVA

Método	$R_p(\Omega)$	$X_p(\Omega)$	$R'_s(\Omega)$	$X'_s(\Omega)$	$R_c(\Omega)$	$X_m(\Omega)$	Error prom. (%)
Actual	0,4	0,2	0,4	2	1500	750	-
PSO	0,5870	0,2554	0,2090	1,6020	1476	738	-
Error (%)	46,7500	27,700	47,7500	19,9000	1,6000	1,6000	24,2180
GA	0,5980	0,2260	0,3360	1,9570	1410	707	-
Error (%)	49,5000	13,0000	16,0000	2,1500	6,0000	5,7330	15,3970
ICA	0,4300	0,2020	0,3940	2,5000	1200	700	-
Error (%)	7,5000	1,0000	1,5000	25,0000	20,0000	6,6670	10,2780
GSA	0,4250	0,2030	0,4150	2,3990	1426	750,3000	-
Error (%)	6,2500	1,5000	3,7500	19,9500	4,9330	0,6270	6,1680
BHO	0,4512	0,2492	0,3780	1,7016	1478,7763	684,8906	-
Error (%)	12,8199	24,6172	5,4908	14,9163	1,4149	8,6812	11,3234
SSA	0,4020	0,1678	0,4197	1,8672	1493,4358	721,6930	-
Error (%)	0,5076	16,0931	4,9316	6,6379	0,4376	3,7743	5,3970

Tabla 3. Variables medidas y calculadas para el transformador de 4 kVA

Método	$I_p(A)$	$I'_s(A)$	$V'_s(V)$	Error prom. (%)
Actual	15,2825	15,0782	235,5967	-
PSO	15,3153	15,1172	236,2065	-
Error (%)	0,2148	0,2588	0,2588	0,2442
GA	15,1714	14,9574	233,7093	-
Error (%)	0,7266	0,8011	0,8011	0,7763
ICA	15,2449	14,9881	234,1894	-
Error (%)	0,2457	0,5974	0,5974	0,4802
GSA	15,2088	14,9894	234,2087	-
Error (%)	0,4824	0,5891	0,5891	0,5535
BHO	15,2826	15,0783	235,5985	-
Error (%)	$9,3413 \times 10^{-4}$	$7,6134 \times 10^{-4}$	$7,6134 \times 10^{-4}$	$8,1894 \times 10^{-4}$
SSA	15,2825	15,0782	235,5967	-
Error (%)	$5,1164 \times 10^{-9}$	$1,7863 \times 10^{-9}$	$1,7863 \times 10^{-9}$	$2,8963 \times 10^{-9}$

Tabla 4. Resultados numéricos para la estimación paramétrica en el transformador de 10 kVA

Método	$R_p(\Omega)$	$X_p(\Omega)$	$R'_s(\Omega)$	$X'_s(\Omega)$	$R_c(\Omega)$	$X_m(\Omega)$	Error prom. (%)
Actual	0,9	0,94	1,6	0,44	700	250	-
PSO	0,8110	0,8608	1,6780	0,7540	713	314,2000	-
Error (%)	9,8889	8,4255	4,8750	71,3636	1,8571	25,6800	20,3484
GA	1,0250	0,8000	1,5070	0,4930	651,5000	204,4000	-
Error (%)	13,8889	14,8936	5,8125	12,0455	6,9286	18,2400	11,9682
ICA	0,8000	0,8000	1,5000	0,4259	692,48	255	-
Error (%)	11,1111	14,8936	6,2500	3,2045	1,0743	2,0000	6,4223
GSA	0,8001	0,8119	1,5004	0,4236	695,5400	251,3500	-
Error (%)	11,1000	13,6277	6,2250	3,7273	0,6371	0,5400	5,9762
BHO	0,9430	1,0340	1,5350	0,6240	698,6760	263,5120	-
Error (%)	4,7778	10,0000	4,0625	41,8182	0,1891	5,4048	11,0421
SSA	0,9313	0,8042	1,5947	0,4453	680,3084	275,2297	-
Error (%)	3,4758	14,4441	0,3305	1,2121	2,8131	10,0919	5,3946

De esta forma, se determina que la metodología propuesta es más eficiente que la mejor metodología reportada hasta el momento en la literatura especializada [19].

Para verificar la efectividad y eficiencia del SSA al resolver el problema de estimación de parámetros de transformadores, se realizaron 100 evaluaciones consecutivas con las cuales se encontró que la mejor solución fue $1,6279 \times 10^{-21}$, el valor promedio fue de $1,5777 \times 10^{-18}$ y la peor solución fue de $7,4616 \times 10^{-18}$, con una desviación estándar de $1,4587 \times 10^{-18}$ y un tiempo promedio de procesamiento 0,2831s, lo que mejora significativamente los resultados obtenidos por los algoritmos utilizados previamente en la literatura especializada [19].

5.2. Transformador de prueba de 10 kVA

Este transformador cuenta con una relación tensión de 500/125 V, opera a 50 Hz y con una potencia nominal de 10 kVA. Para este transformador se empleó una carga resistiva igual a $R_L = 25 \Omega$ [16]. Los resultados mostrados en la tabla 4 indican que la estimación de los parámetros del transformador con el SSA cuenta con un error promedio de 5,3946 % respecto a los parámetros reales del transformador, por lo que el SSA se define como el método que presenta un menor error promedio en el cálculo de los parámetros, seguido del GSA que posee un error promedio de 5,9762 % y del ICA con un error promedio de 6,4223 %.

Los resultados en la **tabla 5** muestran que el SSA presenta un error promedio de $2,9160 \times 10^{-8}$ al calcular el error entre las variables de tensión y corriente medidas y calculadas, seguido del error presentado por el BHO que cuenta con un error promedio de $3,30 \times 10^{-3}$, lo que indica que el algoritmo propuesto posee un error de por lo menos 1×10^5 veces más pequeño que el del BHO. De esta forma, se determina que la metodología propuesta es más efectiva que la mejor metodología reportada hasta el momento.

Al igual que con el sistema de prueba anterior, para corroborar la efectividad y eficiencia del SSA al resolver el problema de estimación de parámetros de transformadores, se realizaron 100 evaluaciones consecutivas con las cuales se encontró que la mejor solución fue $1,3720 \times 10^{-19}$, el valor promedio fue de $7,1928 \times 10^{-18}$ y la peor solución fue de $2,7624 \times 10^{-17}$, con una desviación estándar de $5,7594 \times 10^{-18}$ y un tiempo promedio de procesamiento 0,2610 s, lo que

representa una mejora significativa de los resultados obtenidos por los algoritmos utilizados previamente en la literatura especializada [19].

5.3. Transformador de prueba de 15 kVA

Este transformador cuenta con una relación de tensión de 2400/240 V, opera a 50Hz y con una potencia nominal de 15 kVA. Para este transformador se empleó una carga resistiva igual a $R_L = 384 \Omega$ [16]. Los resultados mostrados en la **tabla 6** indican que la estimación de los parámetros del transformador con el SSA cuenta con un error promedio de 3,3334 % respecto a los parámetros reales del transformador por lo que el SSA es el método que presenta un menor error promedio en el cálculo de los parámetros, seguido del GSA que posee un error promedio de 5,1671 % y del BHO con un error promedio de 8,5745 %.

Tabla 5. Variables medidas y calculadas para el transformador 10 kVA

Método	$I_p(A)$	$I'_s(A)$	$V'_s(V)$	Error prom. (%)
Actual	18,8877	18,0722	451,8047	-
PSO	18,8719	18,0906	452,2639	-
Error (%)	0,0836	0,1016	0,1016	0,0956
GA	18,9683	18,0472	451,1802	-
Error (%)	0,4264	0,1382	0,1382	0,2343
ICA	19,0427	18,2217	455,5431	-
Error (%)	0,8208	0,8274	0,8274	0,8252
GSA	19,0405	18,2196	455,4897	-
Error (%)	0,8089	0,8156	0,8156	0,8134
BHO	18,8883	18,0728	451,8202	-
Error (%)	0,0032	0,0034	0,0034	0,0033
SSA	18,8877	18,0722	451,8047	-
Error (%)	$4,0509 \times 10^{-8}$	$2,3485 \times 10^{-8}$	$2,3485 \times 10^{-8}$	$2,9160 \times 10^{-8}$

Tabla 6. Resultados numéricos para la estimación paramétrica en el transformador de 15 kVA

Método	$R_p(\Omega)$	$X_p(\Omega)$	$R'_s(\Omega)$	$X'_s(\Omega)$	$R_c(\Omega)$	$X_m(\Omega)$	Error Prom. (%)
Actual	2,45	3,14	2	2,2294	105000	9106	-
PSO	2,2500	4,0820	2,2000	1,8526	99517	9009	-
Error (%)	8,1633	30,0000	10,0000	16,9014	5,2219	1,0652	11,8920
GA	2,7600	3,4140	1,6800	1,8460	97001	8951	-
Error (%)	12,6531	8,7261	16,0000	17,1975	7,6181	1,7022	10,6495
ICA	2,0000	3,0000	1,8000	2,0000	120000	9200	-
Error (%)	18,3673	4,4586	10,0000	10,2898	14,2857	1,0323	9,7390
GSA	2,0000	3,1100	1,8100	2,2600	104281	9094,87	-
Error (%)	18,3673	0,9554	9,5000	1,3726	0,6848	0,1222	5,1671
BHO	2,4268	3,9150	1,9807	2,6700	03891,2660	9473,4020	-
Error (%)	0,9469	24,6815	0,9650	19,7632	1,0559	4,0347	8,5745
SSA	2,3652	3,3214	2,0730	2,3758	105388,0720	9121,6564	-
Error (%)	3,4624	5,7781	3,6516	6,5669	0,3696	0,1719	3,3334

Los resultados en la **tabla 7** muestran que el SSA presenta un error promedio de $7,9192 \times 10^{-10}$ al calcular el error entre las variables de tensión y corriente medidas y calculadas, seguido del error presentado por el BHO que cuenta con un error promedio de $1,5204 \times 10^{-5}$, lo que indica que el algoritmo propuesto posee un error al menos 10×10^3 veces más pequeño que el del BHO.

Para verificar la efectividad y eficiencia del SSA al resolver el problema de estimación de parámetros de transformadores, se realizaron 100 evaluaciones consecutivas con las cuales se encontró que la mejor solución fue $9,4915 \times 10^{-23}$, el valor promedio fue de $7,7132 \times 10^{-20}$ y la peor solución fue de $8,7882 \times 10^{-20}$, con una desviación estándar de $1,8424 \times 10^{-20}$ y un tiempo promedio de procesamiento 0,4301 s, mejorando significativamente los resultados obtenidos por los algoritmos utilizados previamente en la literatura especializada [19].

5.4. Análisis complementario

En esta sección se presenta un análisis complementario frente a los resultados obtenidos por el SSA al resolver el problema de estimación de parámetros de transformadores monofásicos, con el fin de mostrar la eficacia del método de estimación propuesto y demostrar cómo los errores encontrados por la metodología propuesta son despreciables cuando se comparan con valores reales. Para esto, se calcula la regulación de tensión y la eficiencia de cada uno de los transformadores de prueba seleccionados variando la carga conectada en sus terminales desde el 50 % hasta el 150 % respecto a su valor nominal.

La regulación de tensión (RV) para un transformador monofásico referido al primario se calcula como se define en la ecuación 18 [30].

$$RV_{\%} = 100 \cdot \frac{|V_p| - |V'_s|}{|V'_s|} \quad (18)$$

El cálculo de la eficiencia (η) se realiza como se muestra en la ecuación 19 [30].

$$\eta_{\%} = 100 \cdot \frac{P_{out}}{P_{in}} = 100 \cdot \frac{\text{real}(V'_s I_s^*)}{\text{real}(V_p I_p^*)} \quad (19)$$

Donde P_{in} y P_{out} son definidas como la potencia activa de entrada y salida del transformador, i. e., la potencia del primario y secundario, respectivamente.

En las **figuras 3, 4 y 5**, se muestra una comparación entre la regulación de tensión y la eficiencia del transformador en el modelo real y estimado, obtenida al variar la carga conectada en los terminales de cada uno de los transformadores estudiados.

De las **figuras 3, 4 y 5**, se puede concluir lo siguiente:

- La regulación de tensión es mayor ante una menor impedancia de carga en los terminales del transformador, esto se da debido a que mientras la tensión de entrada del transformador es constante cuando la carga se reduce (carga resistiva), la corriente que absorbe el transformador aumenta, y, por ello, también aumenta la caída de tensión en los devanados del transformador.

Tabla 7. Variables medidas y calculadas para el transformador de 15 kVA

Método	$I_p(A)$	$I'_s(A)$	$V'_s(V)$	Error Prom. (%)
Actual	6,2053	6,1756	2371,4165	-
PSO	6,2056	6,1748	2371,1131	-
Error (%)	0,0057	0,0128	0,0128	0,0104
GA	6,2070	6,1755	2371,3903	-
Error (%)	0,0278	0,0011	0,0011	0,0100
ICA	6,2128	6,1861	2375,4788	-
Error (%)	0,1207	0,1713	0,1713	0,1545
GSA	157	6,1858	2375,3439	-
Error (%)	0,1685	0,1656	0,1656	0,1666
BHO	6,2053	6,1756	2371,4169	-
Error (%)	$1,5501 \times 10^{-5}$	$1,5055 \times 10^{-5}$	$1,5055 \times 10^{-5}$	$1,5204 \times 10^{-5}$
SSA	6,2053	6,1756	2371,4165	-
Error (%)	$6,8576 \times 10^{-10}$	$8,4492 \times 10^{-10}$	$8,4508 \times 10^{-10}$	$7,9192 \times 10^{-10}$

- La eficiencia del transformador es menor cuanto menor es la impedancia de carga, debido a que la corriente absorbida por el transformador es mayor, y, por lo tanto, se disipa una mayor cantidad de potencia, provocando que la diferencia entre la potencia de entrada y salida aumente y por ello se reduzca la eficiencia.
- El modelo estimado del transformador sigue el comportamiento de regulación tensión obtenido con los parámetros ideales del transformador, lo que evidencia un error promedio de 0,0390 %, 0,2163 % y 0,0446 % para los transformadores de 4 kVA, 10 kVA y 15 kVA, respectivamente. Estos resultados permiten concluir que el enfoque de optimización propuesto es eficiente al momento de estimar los parámetros eléctricos de transformadores monofásicos. Adicional a esto, los resultados confirman que no hay una única solución factible para el problema de optimización y que pueden existir múltiples soluciones que garanticen un rendimiento adecuado del transformador.
- En el comportamiento de las curvas tanto de eficiencia como de regulación de tensión se puede ver cómo se superponen aquellas que responden a los valores reales del transformador y a los valores estimados. Esto indica que el SSA es un método adecuado para resolver el problema de estimación de parámetros en transformadores monofásicos.

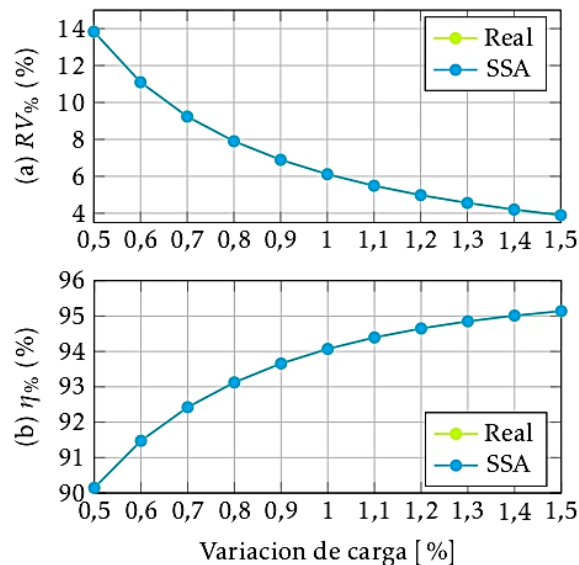


Figura 3. Comportamiento del transformador de prueba de 4 kVA ante variaciones de carga:(a) regulación de tensión y (b) eficiencia.

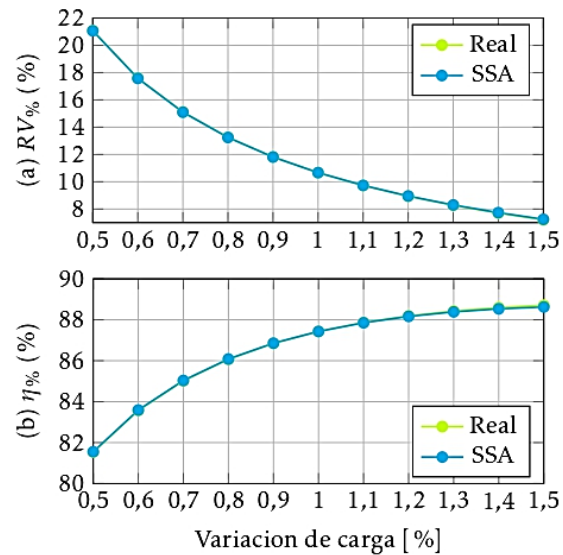


Figura 4. Comportamiento del transformador de prueba de 10 kVA ante variaciones de carga:(a) regulación de tensión y (b) eficiencia.

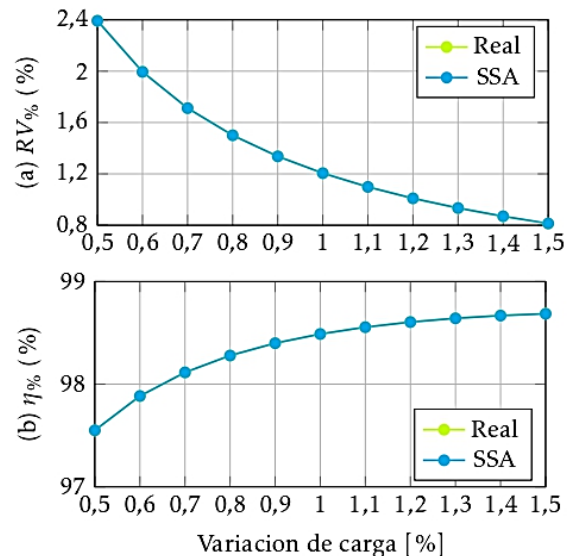


Figura 5. Comportamiento del transformador de prueba de 15 kVA ante variaciones de carga:(a) regulación de tensión y (b) eficiencia.

5.5. Convergencia del algoritmo para los sistemas

En la figura 6 se ilustra el comportamiento de la convergencia del SSA propuesto para resolver el problema de estimación óptima de parámetros en transformadores monofásicos, donde se puede observar la evolución de la función objetivo en función del número de iteraciones para los tres transformadores de prueba propuestos.

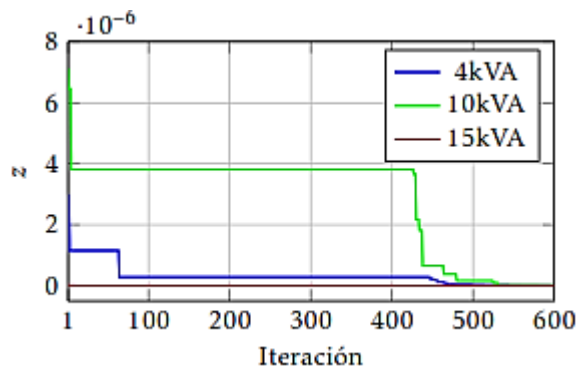


Figura 6. Comportamiento del valor de la función objetivo para los tres transformadores de prueba.

En esta figura se puede observar que desde la iteración 1 el SSA encuentra un valor de función objetivo de $2,96 \times 10^{-6}$ para el transformador de 4 kVA, $7,12 \times 10^{-8}$ para el transformador de 10 kVA y $1,00 \times 10^{-8}$ para el transformador de 15 kVA, lo cual demuestra que la metodología propuesta converge rápidamente a un valor adecuado de la función objetivo. Esto confirma la efectividad y robustez del SSA desarrollado para resolver el problema bajo estudio.

6. Conclusiones y trabajos futuros

En este documento se presentó la aplicación del SSA para la estimación paramétrica en transformadores monofásicos. El SSA es un enfoque de optimización inspirado en el comportamiento de las salpas, que permite explorar y explotar el espacio de solución mediante ecuaciones que modelan el comportamiento de estos animales. Los resultados obtenidos con este enfoque de optimización mejoran los logrados hasta el momento con otros algoritmos en la literatura especializada. Estos resultados permitieron evidenciar que el SSA es una metodología de optimización que permite encontrar múltiples soluciones óptimas con un menor error, en comparación con otros métodos de optimización. Los errores promedio hallados por el SSA para parámetros de los transformadores de prueba fueron de 5,3970 %, 5,3946 % y 3,3334 % para los transformadores de 4 kVA, 10 kVA y 15 kVA, respectivamente; mientras que el error obtenido por el GSA, que es el algoritmo que presentaba la solución con menor error promedio en la estimación de parámetros de transformadores, fue de 6,1680 %, 5,9762 % y 5,1671 % para los transformadores estudiados. Estos resultados muestran que el SSA disminuyó el error promedio reportado por el GSA en por lo menos 1 % para todos los transformadores monofásicos estudiados.

Los resultados obtenidos también mostraron que el parámetro que presenta una mayor diferencia con el valor

real es X_p en todos los transformadores de prueba seleccionados; sin embargo, debido a que los demás parámetros se encuentran más cerca del valor real, en comparación con los resultados obtenidos con los otros algoritmos, este valor no influencia en gran medida el rendimiento final del algoritmo. Lo anterior confirma que el problema de estimación paramétrica en transformadores tiene múltiples soluciones óptimas, por lo cual requiere de más investigación.

Los trabajos futuros que se podrán realizar son: (i) aplicar nuevos métodos de optimización como el algoritmo de optimización de búsqueda por vórtices o el algoritmo de optimización de huracanes; (ii) validar de manera experimental los resultados obtenidos por el método SSA; y (iii) aplicar el método SSA a la estimación paramétrica de motores de inducción y módulos fotovoltaicos.

Referencias

- [1] T. R. Chaves, M. A. I. Martins, K. A. Martins, A. F. de Macedo, and S. de Francisci, "Application Study in the Field of Solutions for the Monitoring Distribution Transformers of the Overhead Power Grid," *Energies*, vol. 14, no. 19, p. 6072, 2021, doi: <https://doi.org/10.3390/en14196072>
- [2] S. Guarín, S. Velarde, E. Castaño, A. Molina-Cabrera, "Construction and simulation of a planar transformer prototype," *Transactions on Energy Systems and Engineering Applications*, vol. 2, no. 2, pp. 1-7, 2021, doi: <https://doi.org/10.32397/tesea.vol2.n2.1>
- [3] H. Besharatifard, S. Hasanzadeh, E. Heydarian Forushani, H. H. Alhelou, P. Siano, "Detection and Analysis of Partial Discharges in OilImmersed Power Transformers Using Low Cost Acoustic Sensors," *Applied Sciences*, vol. 12, no. 6, p. 3010, 2022, doi: <https://doi.org/10.3390/app12063010>
- [4] S. Bhattacharya, "Transforming the transformer," *IEEE Spectrum*, vol. 54, no. 7, pp. 38-43, 2017, doi: <https://doi.org/10.1109/MSPEC.2017.7951721>
- [5] M. Tahir, S. Tenbohlen, "A Comprehensive Analysis of Windings Electrical and Mechanical Faults Using a High Frequency Model," *Energies*, vol. 13, no. 1, p. 105, 2019, doi: <https://doi.org/10.3390/en13010105>
- [6] J. Gao, J. Gao, Q. Guo, L. Li, "Research on operation status and fault deduction system design of transformer in large sports venues," *Energy Reports*, vol. 8, pp. 539-546, 2022, doi: <https://doi.org/10.3390/en13010105>

- [7] B. Zeng, J. Guo, W. Zhu, Z. Xiao, F. Yuan, S. Huang, "A Transformer Fault Diagnosis Model Based On Hybrid Grey Wolf Optimizer and LS-SVM," *Energies*, vol. 12, no. 21, p. 4170, 2019, doi: <https://doi.org/10.3390/en12214170>
- [8] S. Y. Bocanegra, O. D. Montoya, A. Molina-Cabrera, "Estimación de parámetros en transformadores monofásicos empleando medidas de tensión y corriente," *Revista UIS Ingenierías*, vol. 19, no. 4, pp. 63-75, may 2020, doi: <https://doi.org/10.18273/revuin.v19n4-2020006>
- [9] S. Y. Bocanegra, O. D. Montoya, A. Molina, "Sine-cosine optimization approach applied to the parametric estimation in single phase transformers by considering voltage and current measures," *Dyna*, vol. 88, no. 219, pp. 19-27, 2021, doi: <https://doi.org/10.15446/dyna.v88n219.93670>
- [10] A. Tokić, I. Uglešić, G. Štumberger, "Simulations of Transformer Inrush Current by Using BDF-Based Numerical Methods," *Mathematical Problems in Engineering*, vol. 2013, pp. 1-10, 2013, doi: <https://doi.org/10.1155/2013/215647>
- [11] M. Čalasan, D. Mujičić, V. Rubežić, M. Radulović, "Estimation of Equivalent Circuit Parameters of Single-Phase Transformer by Using Chaotic Optimization Approach," *Energies*, vol. 12, no. 9, p. 1697, 2019, doi: <https://doi.org/10.1155/2013/215647>
- [12] M. I. Abdelwanis, A. Abaza, R. A. El-Sehiemy, M. N. Ibrahim, H. Rezk, "Parameter Estimation of Electric Power Transformers Using Coyote Optimization Algorithm With Experimental Verification," *IEEE Access*, vol. 8, pp. 50 036-50 044, 2020, doi: <https://doi.org/10.1109/ACCESS.2020.2978398>
- [13] R. Kazemi, S. Jazebi, D. Deswal, F. de Leon, "Estimation of Design Parameters of SinglePhase Distribution Transformers From Terminal Measurements," *IEEE Transactions on Power Delivery*, vol. 32, no. 4, pp. 2031-2039, 2017, doi: <https://doi.org/10.1109/TPWRD.2016.2621753>
- [14] M. Calasan, A. Jovanovic, V. Rubezic, D. Mujicic, A. Deriszadeh, "Notes on parameter estimation for single-phase transformer," *IEEE Transactions on Industry Applications*, pp. 1-1, 2020, doi: <https://doi.org/10.1109/TIA.2020.2992667>
- [15] S. Padma, S. Subramanian, "Parameter estimation of single phase core type transformer using bacterial foraging algorithm," *Engineering*, vol. 2, no. 11, p. 917, 2010, doi: <http://dx.doi.org/10.4236/eng.2010.211115>
- [16] M. I. Mossad, M. Azab, A. Abu-Siada, "Transformer parameters estimation from nameplate data using evolutionary programming techniques," *IEEE transactions on power delivery*, vol. 29, no. 5, pp. 2118-2123, 2014, doi: <https://doi.org/10.1109/TPWRD.2014.2311153>
- [17] D. Bhowmick, M. Manna, S. K. Chowdhury, "Estimation of equivalent circuit parameters of transformer and induction motor from load data," *IEEE Transactions on Industry Applications*, vol. 54, no. 3, pp. 2784-2791, 2018, doi: <https://doi.org/10.1109/TIA.2018.2790378>
- [18] Z. Yilmaz, M. Oksar, F. Basciftci, "Multiobjective artificial bee colony algorithm to estimate transformer equivalent circuit parameters," *Periodicals of Engineering and Natural Sciences*, vol. 5, no. 3, 2017, doi: <http://dx.doi.org/10.21533/pen.v5i3.103>
- [19] C. A. Arenas-Acuña, J. A. Rodríguez-Contreras, O. D. Montoya, E. Rivas-Trujillo, "Blackhole optimization applied to the parametric estimation in distribution transformers considering voltage and current measures," *Computers*, vol. 10, no. 10, p. 124, 2021, doi: <https://doi.org/10.3390/computers10100124>
- [20] H. A. Illias, K. Mou, A. Bakar, "Estimation of transformer parameters from nameplate data by imperialist competitive and gravitational search algorithms," *Swarm and Evolutionary Computation*, vol. 36, pp. 18-26, 2017, doi: <https://doi.org/10.1016/j.swevo.2017.03.003>
- [21] D. G. Gracia-Velásquez, A. S. Morales-Rodríguez, O. D. Montoya, "Application of the Crow Search Algorithm to the Problem of the Parametric Estimation in Transformers Considering Voltage and Current Measures," *Computers*, vol. 11, no. 1, p. 9, 2022, doi: <https://doi.org/10.3390/computers11010009>
- [22] S. J. Chapman, *Electric machinery fundamentals*. McGraw-Hill, 2004.

- [23] S. Mirjalili, A. H. Gandomi, S. Z. Mirjalili, S. Saremi, H. Faris, S. M. Mirjalili, “Salp swarm algorithm: A bio-inspired optimizer for engineering design problems,” *Advances in Engineering Software*, vol. 114, pp. 163-191, 2017, doi: <https://doi.org/10.1016/j.advengsoft.2017.07.002>
- [24] A. E. Hegazy, M. Makhoul, G. S. El-Tawel, “Improved salp swarm algorithm for feature selection,” *Journal of King Saud University – Computer and Information Sciences*, vol. 32, no. 3, pp. 335-344, 2020, doi: <https://doi.org/10.1016/j.jksuci.2018.06.003>
- [25] R. A. Ibrahim, A. A. Ewees, D. Oliva, M. Abd Elaziz, and S. Lu, “Improved salp swarm algorithm based on particle swarm optimization for feature selection,” *Journal of Ambient Intelligence and Humanized Computing*, vol. 10, no. 8, pp. 3155-3169, 2019, doi: <https://doi.org/10.1007/s12652-018-1031-9>
- [26] H. Zhang, T. Liu, X. Ye, A. A. Heidari, G. Liang, H. Chen, and Z. Pan, “Differential evolution assisted salp swarm algorithm with chaotic structure for real-world problems,” *Engineering with Computers*, 2022, doi: <https://doi.org/10.1007/s00366-021-01545-x>
- [27] T. A. Jumani, M. Mustafa, W. Anjum, S. Ayub et al., “Salp swarm optimization algorithm based controller for dynamic response and power quality enhancement of an islanded microgrid,” *Processes*, vol. 7, no. 11, p. 840, 2019, doi: <https://doi.org/10.3390/pr7110840>
- [28] J. Montano, A. F. T. Mejía, A. A. Rosales Muñoz, F. Andrade, O. D. Garzín Rivera, J. M. Palomeque, “Salp swarm optimization algorithm for estimating the parameters of photovoltaic panels based on the three-diode model,” *Electronics*, vol. 10, no. 24, p. 3123, 2021, doi: <https://doi.org/10.3390/electronics10243123>
- [29] S. B. Chaabane, A. Belazi, S. Kharbech, A. Bouallegue, L. Clavier, “Improved Salp Swarm Optimization Algorithm: Application in Feature Weighting for Blind Modulation Identification,” *Electronics*, vol. 10, no. 16, p. 2002, 2021, doi: <https://doi.org/10.3390/electronics10162002>
- [30] S. Baqaruzi and S. T. Kasim, “Comparison of effect efficiency and voltage regulation between three-phase transformer winding connections,” *Bulletin of Computer Science and Electrical Engineering*, vol. 1, no. 2, pp. 54–62, 2020, doi: <https://doi.org/10.25008/bcsee.v1i2.1123>