



Madera y bosques

ISSN: 1405-0471

ISSN: 2448-7597

Instituto de Ecología A.C.

Hernández Ramos, Jonathan; Hernández Ramos, Adrián; García Cuevas, Xavier; Martínez Ángel, Luis; Tamarit Urías, Juan Carlos; García Espinoza, Guadalupe Geraldine

Sistema compatible de ahusamiento-volumen comercial para *Swietenia macrophylla* King (caoba) en Quintana Roo, México

Madera y bosques, vol. 24, núm. 3, e2431441, 2018

Instituto de Ecología A.C.

DOI: 10.21829/myb.2018.2431441

Disponible en: <http://www.redalyc.org/articulo.oa?id=61760315004>

- Cómo citar el artículo
- Número completo
- Más información del artículo
- Página de la revista en redalyc.org

UAEM
redalyc.org

Sistema de Información Científica Redalyc
Red de Revistas Científicas de América Latina y el Caribe, España y Portugal
Proyecto académico sin fines de lucro, desarrollado bajo la iniciativa de acceso abierto



Sistema compatible de ahusamiento-volumen comercial para *Swietenia macrophylla* King (caoba) en Quintana Roo, México

Compatible taper-volume commercial system for *Swietenia macrophylla* King (mahogany) in Quintana Roo, Mexico

Jonathan Hernández Ramos¹, Adrián Hernández Ramos^{2*}, Xavier García Cuevas¹, Luis Martínez Ángel³,
Juan Carlos Tamarit Urías⁴ y Guadalupe Geraldine García Espinoza⁵

¹ Instituto Nacional de Investigaciones Forestales, Agrícolas y Pecuarias. Campo Experimental Chetumal. Chetumal, Quintana Roo, México.

² Instituto Nacional de Investigaciones Forestales, Agrícolas y Pecuarias. Campo Experimental Saltillo. Saltillo, Coahuila, México.

³ Centro Nacional de Investigación Disciplinaria en Conservación y Mejoramiento de Ecosistemas Forestales. Ciudad de México, México.

⁴ Instituto Nacional de Investigaciones Forestales, Agrícolas y Pecuarias. Campo Experimental San Martinito. Puebla, México.

⁵ Universidad Autónoma de Nuevo León. Linares, Nuevo León, México.

* Autor de correspondencia. adrian.hernandezr90@gmail.com

RESUMEN

La estimación del volumen comercial es importante para elaborar y ejecutar programas de manejo forestal. El conocer el perfil diamétrico del fuste y la distribución de productos maderables permite realizar evaluaciones financieras de la distribución de productos del arbolado comercial de manera objetiva. La información limitada sobre modelos y sistemas de cubicación para cuantificar volúmenes comerciales en masas arboladas tropicales conduce a plantear el objetivo de generar un sistema segmentado de ahusamiento (d) compatible con el volumen comercial (V_c) para *Swietenia macrophylla* King (caoba) en bosques tropicales de Quintana Roo. Se colectó una muestra de 116 árboles distribuida en la parte centro y sur del estado; con las variables de ahusamiento, volumen comercial y volumen total se ajustaron tres sistemas compatibles de d - V_c de tipo segmentado. El mejor ajuste estadístico lo presentó el sistema de Fang, al corregir problemas de heterocedasticidad y autocorrelación. Los parámetros b_0 , b_1 , y b_2 de este sistema corresponden al modelo de Schumacher-Hall para estimar el volumen total. Los puntos de cambio dendrométricos en el fuste se presentan en promedio a 5.6% y 83.1% de la altura total. El factor de forma determinado fue de 0.47 y el índice de esbeltez de 0.48. El sistema de cubicación es una herramienta cuantitativa de apoyo en la elaboración de planes de manejo forestal para *S. macrophylla*.

PALABRAS CLAVE: bosque tropical, distribución de productos, perfil fustal, volumen maderable.

ABSTRACT

The volume estimation is important to develop and implement forest management plans. Therefore, knowing the profile of stem, and forest products distribution allows to obtain objective financial assessments of products distribution for commercial trees. The limited information available about models and volume systems to quantify the merchantable volumes in tropical forests, led the authors to consider the purpose of generating a compatible segmented system taper (d) with merchantable volume (V_c) for *Swietenia macrophylla* King (Mahogany) in Quintana Roo tropical forests. Sample size was of 116 trees distributed in the central and southern parts of the state; with taper variables, commercial and total volume three compatible d - V_c systems of the segmented type were adjusted. The best statistical fit was reached with the Fang system, which was readjusted correcting heterocedasticity and autocorrelation. The first three parameters of this system correspond to a Schumacher-Hall model employed to estimate total volume. Dendrometric shape change points in the trunk are located at 5.6% and 83.1% in relation to total height. The form factor determined was 0.47 and slenderness ratio 0.48. Cubing system is a quantitative tool to support the development of forest management plans for *S. macrophylla*.

KEYWORDS: tropical forest, product distribution, stem profile, timber volume.

INTRODUCCIÓN

El volumen es la variable más importante que se estima en los inventarios forestales. La predicción exacta del volumen fustal y comercial es fundamental para la planificación, evaluación y elaboración de programas de manejo con fines de aprovechamiento maderable (Torres y Magaña, 2001); sin embargo, en la mayoría de los casos existe cierto nivel de incertidumbre por parte de los dueños o poseedores de los bosques por conocer las existencias maderables en sus rodales (López, Cruz, Nájera y Hernández, 2015).

Los métodos utilizados para la cuantificación del volumen, son de tipo directo e indirecto; el primero requiere de un muestreo destructivo, cuyo costo y tiempo es elevado; el segundo se refiere a expresiones matemáticas que relacionan variables de diámetros y alturas comerciales para construir modelos tanto para describir el perfil fustal como para estimar el volumen total, el volumen comercial y obtener una distribución porcentual del volumen (Prodan, Peters, Cox, y Real, 1997). El conjunto de estos modelos por especie conforma lo que se denomina sistema de cubicación a nivel de árbol individual y constituye una herramienta poderosa de apoyo para el manejo forestal.

Las funciones de ahusamiento estiman el diámetro a cualquier altura comercial del árbol o viceversa, por integración matemática se genera una expresión que permite estimar el volumen comercial para determinados productos que se destinan a la industria forestal de acuerdo con su diámetro o altura comercial predefinidos (Kozak, 2004). Con la integración matemática se genera un sistema de ecuaciones compatibles $d-Vc$ que al compartir los mismos parámetros y una estructura geométrica similar puede ajustarse por regresión de manera simultánea, con esto, se logra reducir la varianza, por lo que se hace más consistente estadísticamente (Cruz-Cobos, De los Santos-Posadas y Valdés-Lazalde, 2008).

Las diferentes funciones de ahusamiento son definidas por sus expresiones matemáticas y pueden ser desde un polinomio simple, de exponente variable, trigonométrico, hasta uno de tipo segmentado; siendo mejores, en términos de precisión, estos últimos (Trincado y Burkhardt, 2006). Por esta razón, para modelar el perfil diamétrico o fustal del

arbolado en las masas forestales comerciales se han utilizado con mayor frecuencia las funciones de ahusamiento de tipo segmentadas compatibles con el volumen comercial; estas funciones además tienen flexibilidad para modelar tanto árboles de bosques naturales como de plantaciones forestales comerciales (Hernández, De los Santos, Ángeles, Valdez y Volke, 2013; Tamarit *et al.*, 2014; Quiñonez-Barraza, De los Santos-Posadas, Álvarez-González y Velázquez-Martínez, 2014; Uranga-Valencia, De los Santos-Posadas, Valdez-Lazalde, López-Upton y Navarro-Garza, 2015).

El volumen de un árbol, el factor de forma y la distribución de los productos están influenciados por las condiciones ambientales del rodal, por la densidad o por la silvicultura aplicada (Halord y Hocker, 1984; Uranga-Valencia *et al.*, 2015). Por esto, la actualización de las herramientas silvícolas utilizadas en la elaboración y ejecución de programas de manejo forestal es fundamental para un manejo sostenible de los recursos. En Quintana Roo y la Península de Yucatán, las ecuaciones para estimar volumen requieren ser actualizadas, de esta forma, es posible obtener una valoración mejor de los productos forestales.

OBJETIVOS

El objetivo fue generar un sistema compatible de ahusamiento-volumen comercial, a partir del ajuste y evaluación de tres modelos de ahusamiento de tipo segmentados, ajustados en forma compatible con sus respectivas funciones de volumen comercial para *Swietenia macrophylla* King (caoba) en bosques tropicales de Quintana Roo. El sistema de cubicación será una herramienta de utilidad para construir tablas de volumen total y volumen comercial con distribución de productos, en la elaboración y ejecución de programas de manejo.

MATERIALES Y MÉTODOS

La muestra de árboles analizada se colectó en los ejidos de Felipe Carrillo Puerto, Chan Santa Cruz, Naranjal Poniente, X-Hazil, Bacalar y Caobas en el estado de Quintana Roo. El clima es cálido sub-húmedo (Am) y los suelos son de



tipo Litosol y Rendzina con topoformas correspondientes a lomeríos bajos y llanuras rocosas (Comisión Nacional Forestal [Conafor], 2014).

El sistema de muestreo fue selectivo y se aplicó un método no destructivo mediante medición indirecta; en predios forestales bajo manejo se seleccionaron 116 árboles monopódicos, sin malformaciones, sin presencia de plagas o enfermedades y sin daños por incendios o rayos. La muestra abarcó la variabilidad de formas y tamaños de la especie en todas las categorías diamétricas. Se midieron de forma directa los diámetros del fuste a 0.3 m, 0.6 m, 0.9 m y 1.3 m de altura, este último corresponde al diámetro normal (D), y luego a 2.5 m de altura, posteriormente, con un telerelascópico de Bitterlich Modelo CP: "Metrisch Correction Porcentaje ®", se midieron en forma indirecta los diámetros a la base del árbol (d_0) y tanto los diámetros como las alturas a distintas secciones (d_i y Hm_i) del fuste hasta llegar a la altura total (H) y diámetro cero (punta del árbol). El empleo de este tipo de medición indirecta es una opción que permite hacer distribuciones y proyecciones de productos sin emplear un método destructivo (Kurinobu, Daryono, Mohanmad y Matsune, 2007)

El volumen de cada sección o troza se calculó con la fórmula de Smalian, el de la punta de cada árbol con la del cono y el volumen total (V_t) por árbol se obtuvo al utilizar el método de trozas traslapadas (Bailey, 1995). Con las variables dasométricas referidas, se conformó una base de datos de ahusamiento-volumen para su análisis y procesamiento estadístico.

En el análisis de regresión, se evaluaron tres sistemas compatibles de ahusamiento y volumen comercial (d - V_t) (Tabla 1); los dos primeros suponen la existencia de dos puntos de inflexión que indican el cambio de cuerpo dendrométrico en el fuste, en tanto que el último supone un solo punto de inflexión.

El ajuste simultáneo de cada sistema compatible se realizó con el programa estadístico SAS 9.2 ®, mediante el procedimiento model y la técnica de máxima verosimilitud con información completa (fiml) de SAS (SAS Institute Inc., 2009). El ajuste con fiml produce estimaciones consistentes en los parámetros cuando el ajuste se realiza de

forma simultánea, lo cual minimiza los errores de ambas ecuaciones d - V_t (Fang *et al.*, 2000; Cruz-Cobos *et al.*, 2008). Para evitar problemas de convergencia al estimar los parámetros cuando $Hc_i = H$, es decir $d_i = 0$, se agregó un valor de delta igual a 0.01 en este punto y una variable indicadora en la punta del árbol (Fang *et al.*, 2000).

En estudios de ahusamiento-volumen las variables analizadas tienen múltiples observaciones en una misma unidad de muestreo (fuste del árbol), lo cual viola algunos supuestos de la teoría de regresión, básicamente se presentan problemas de heterocedasticidad y autocorrelación de los errores, situación que ocasiona parámetros ineficientes y errores estándar mayores al mínimo buscado (Hernández *et al.*, 2013). La heterocedasticidad se corrigió con regresión ponderada, la cual proporcionó varianza menor ($1/(D^2A)$) (Fernández, Fassola y García, 2011); la autocorrelación se corrigió mediante un modelo autorregresivo de tiempo continuo (CAR(X)) (Zimmerman y Nunez-Anton, 2001; Rojo, Perales, Sánchez-Rodríguez, Álvarez-González y Gadow, 2005).

La evaluación de la calidad de ajuste y selección del mejor sistema se realizó con base en los valores menores de la suma de cuadrados del error (SCE) y de la raíz del cuadrado medio del error (RCME); el valor mayor en el coeficiente de determinación ajustado (R^2_{aj}), además de la significancia de los parámetros a un nivel de confiabilidad de 95% (Corral, Bario, Aguirre y Diéguez, 2007). La homocedasticidad se verificó de forma gráfica y la autocorrelación se evaluó con la prueba de Durbin-Watson (DW) (Da Cunha, Vargas y Escalier, 2009).

Con el mejor sistema seleccionado, se determinó el factor de forma promedio del fuste, al dividir el volumen que estima el sistema y el volumen de un cilindro teórico, de acuerdo con las variables diámetro normal y altura total; esto se realizó por árbol y se obtuvo un promedio. También se calculó el índice de esbeltez para cada categoría diamétrica, tal como lo sugieren Nájera-Luna y Hernández-Hernández (2008). Finalmente, con las estimaciones realizadas con el sistema compatible seleccionado, se construyó una tabla de distribución de productos.

Tabla 1. Sistemas compatibles de ahusamiento-volumen comercial ($d-Vc$) de tipo segmentado analizados para caoba en bosques tropicales de Quintana Roo.

No.	Sistema compatible
	Fang, Borders y Bailey (2000)
	$d = c_1 \left[H^{\frac{K-\beta_1}{\beta_1}} (1-q)^{\frac{K-\beta_1}{\beta_1}} \alpha_1^{l_1+l_2} \alpha_2^{l_2} \right]^{1/2} \left\{ \begin{array}{l} l_1 = 1 \text{ si } p_1 \leq q \leq p_2; \text{ de lo contrario } 0 \\ l_2 = 1 \text{ si } p_2 \leq q \leq 1; \text{ de lo contrario } 0 \end{array} \right.$ $R_0 = (1 - H_b/H)^{K/\beta_1}; R_1 = (1 - p_1)^{K/\beta_1}; R_2 = (1 - p_2)^{K/\beta_2}; \beta = \beta_1^{1-(l_1+l_2)} \beta_2^{l_1} \beta_3^{l_2}; \}$ $(1) \quad C_1 = \sqrt{\frac{b_0 D^{b_1} H^{b_2 - \frac{K}{\beta_1}}}{\beta_1 (R_0 - R_1) + \beta_2 (R_1 - \alpha_1 R_2) + \beta_3 \alpha_1 R_2}}$ $\alpha_1 = (1 - p_1)^{\frac{K(\beta_2 - \beta_1)}{\beta_1 \beta_2}}; \alpha_2 = (1 - p_2)^{\frac{K(\beta_3 - \beta_2)}{\beta_2 \beta_3}}$ $V_c = C_1^2 H^{\frac{K}{\beta_1}} \left[\beta_1 R_0 + (l_1 + l_2) + (\beta_2 - \beta_1) R_1 + l_2 (\beta_3 - \beta_2) \alpha_1 R_2 - \beta (1 - q)^{\frac{K}{\beta}} \alpha_1^{l_1+l_2} \alpha_2^{l_2} \right]$
	Max y Burkhart (1976)
(2)	$d = D \left[\beta_1 (q - 1) + \beta_2 (q^2 - 1) + \beta_3 (p_1 - q)^2 l_1 + \beta_4 (p_2 - q)^2 l_2 \right]^{1/2} \left\{ \begin{array}{l} l_1 = 1 \text{ si } q \leq p_1; \text{ de lo contrario } 0 \\ l_2 = 1 \text{ si } q \leq p_2; \text{ de lo contrario } 0 \end{array} \right.$ $V_c = k D^2 H \left\{ \frac{\beta_2}{3} (q^3 - z_1^3) + \frac{\beta_1}{2} (q^2 - z_1^2) - (\beta_1 + \beta_2) (q - z_1) - \frac{\beta_3}{3} \left[(p_1 - q)^3 J_1 - (p_1 - z_1)^3 K_1 \right] - \frac{\beta_4}{3} \left[(p_2 - q)^3 J_2 - (p_2 - z_1)^3 K_2 \right] \right\} \text{ donde } \left\{ \begin{array}{l} J_1 = 1 \text{ si } q \leq p_1; J_2 = 0 \text{ si } q > p_2 \\ K_1 = 1 \text{ si } z_1 \leq p_1; K_2 = 0 \text{ si } z_1 > p_1 \end{array} \right.$
(3)	Parresol, Hotvedt y Cao (1987)
	$d = D \left[Z^2 (\beta_1 + \beta_2 Z) + (Z - p_1)^2 (\beta_3 + \beta_4 (Z + 2p_1) l_1) \right]^{1/2} \quad V_c = k D^2 H \left\{ \left[\left(\frac{\beta_2 + \beta_4 l_1}{4(Z^4 - z_b^4)} \right) + \left(\frac{\beta_1 + \beta_3 l_1}{3(Z^3 - z_b^3)} \right) + \left(\frac{2\beta_1(p_1 l_1) + (2p_1 \beta_4)}{2(Z^2 - z_b^2)} \right) + \left((p_1^2 l_1 \beta_3) + (2p_1 - \beta_4)(Z - z_b) \right) \right] \right\} \text{ donde } l_1 = 1 \text{ si } Z \geq p_1; \text{ de lo contrario } 0$

D: diámetro normal (cm), d: diámetro (cm) a la altura Hm (m) desde el nivel del tocón, H: altura total (m), H_b: altura del tocón (m), V_c: volumen comercial (m³), k: constante = $\pi/40\ 000$, l_i: variables indicadoras de cambios dendrométricos en el fuste del árbol. α_i , b_i , β_i y p_i son parámetros a ser estimados.

RESULTADOS

El ajuste de los tres sistemas se realizó con las correcciones de heterocedasticidad en ambas funciones (ahusamiento-volumen) y de la autocorrelación al usar un modelo autorregresivo de orden CAR (3) (Tabla 2). Los sistemas ajustados con la estructura CAR (3) presentaron parámetros

significativos a 95% ($p = 0.05$) y los valores menores en los estadísticos *SCE* y *RCME*, y R^2_{aj} superior a 0.89.

Los ajustes de los tres sistemas compatibles fueron adecuados para modelar el perfil fustal y para estimar el volumen comercial y total, sin embargo, el mejor sistema *d-Vc* fue el de Fang *et al.* (2000), porque comparativamente



presentó los valores más bajos en la *SCE* y *RCME*, y los valores mayores en $R^2_{aj.}$, al explicar 97% y 99% de la variabilidad del perfil fustal y del volumen comercial, respectivamente. Las estimaciones realizadas con el sistema de Fang *et al.* (2000) no evidenciaron heterocedasticidad en ambos componentes $d\cdot Vc$ (Fig. 1) y presentaron los mejores valores en el estadístico de *DW* (Tabla 2).

Los valores de los parámetros b_i obtenidos en el sistema de Fang *et al.* (2000) corresponden al modelo de volumen total de Schumacher-Hall: $Vt = 0.000071 D^{1.940562} H^{0.831416}$. El factor de forma (f_f) promedio obtenido para los arboles de caoba en Quintana Roo fue de 0.47, cercano a un paraboloide (Prodan *et al.*, 1997). El índice de esbeltez promedio fue de 0.48 y disminuyó a medida que el árbol incrementaba sus dimensiones (Tabla 3).

Tabla 2. Ajuste estadístico y valores de los parámetros para los tres sistemas compatibles ajustados a árboles de caoba en Quintana Roo.

Sistema	Variable	SCE	RCME	$R^2_{aj.}$	DW	Parámetro	Estimación	Eea	Valor t	Pr> t
(1)	Vc	1.5844	0.0397	0.995	1.7	b_0	0.000071	6.13E-06	11.56	<0.0001
	d	8154.1	2.8477	0.974	1.5	b_1	1.940562	0.021	92.25	<0.0001
						b_2	0.831416	0.0363	22.92	<0.0001
						β_1	1.00E-05	8.03E-07	12.71	<0.0001
						β_2	0.000032	3.32E-07	96.53	<0.0001
						β_3	0.000053	5.93E-06	8.99	<0.0001
						p_1	0.055977	0.00365	15.34	<0.0001
						p_2	0.831412	0.019	43.85	<0.0001
						$p1d$	1.087964	0.0134	81.04	<0.0001
						$p2d$	1.043224	0.0123	84.88	<0.0001
(2)	Vc	4.2163	0.0646	0.986	0.7	β_1	-2.82087	0.5242	-5.38	<0.0001
	d	9657.4	3.093	0.970	2.5	β_2	1.273498	0.2938	4.33	<0.0001
						β_3	130.2544	23.8329	5.47	<0.0001
						β_4	-0.8953	0.2723	-3.29	0.001
						p_1	0.059294	0.0043	13.8	<0.0001
						p_2	0.725046	0.0834	8.7	<0.0001
						$p1d$	0.829826	0.0146	56.88	<0.0001
						$p2d$	0.894429	0.0107	83.89	<0.0001
						$p3d$	0.6054	0.0326	18.55	<0.0001
(3)	Vc	30.131	0.1726	0.899	1.4	β_1	2.09367	0.1037	20.18	<0.0001
	d	10266	3.1866	0.968	2.2	β_2	-1.03686	0.1766	-5.87	<0.0001
						β_3	-0.56032	0.149	-3.76	<0.0001
						β_4	1.409235	0.1822	7.74	<0.0001
						p_1	0.694987	0.0911	7.63	<0.0001
						$p1d$	0.722322	0.0243	29.67	<0.0001
						$p2d$	0.581341	0.0493	11.8	<0.0001
						$p3d$	0.419604	0.0513	8.18	<0.0001

Eea: error estándar aproximado. b_i , β_i , p_1 y p_2 : parámetros estimados. $p1d$, $p2d$ y $p3d$: parámetros del modelo autoregresivo CAR (3).

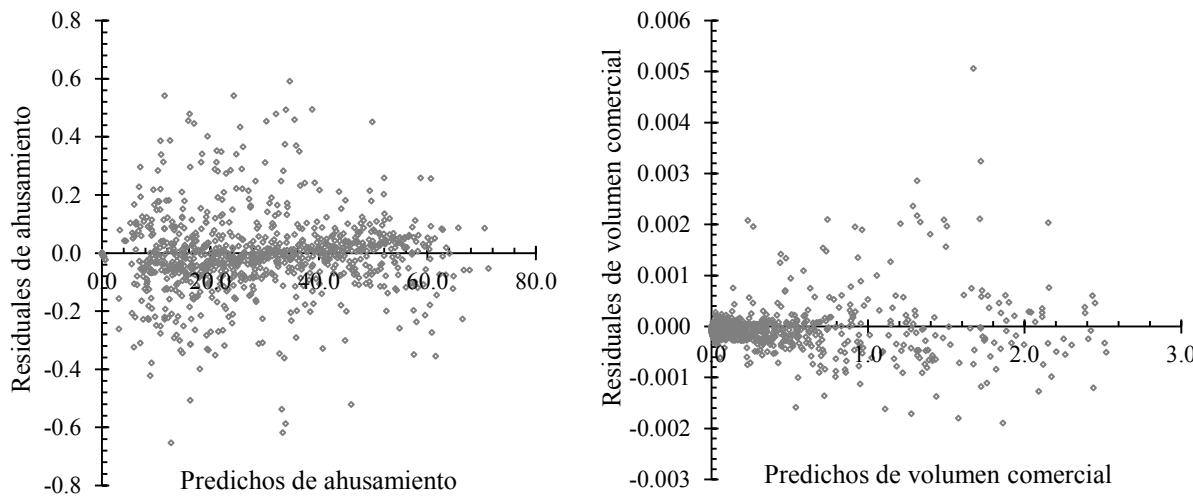


Figura 1. Comportamiento gráfico de los residuales del ahusamiento (izquierda) y del volumen comercial (derecha) del sistema compatible de Fang *et al.* (2000) con tendencia homocedástica.

Tabla 3. Índice de Esbeltez (IE) por categoría diamétrica (CD) determinado para árboles de caoba en Quintana Roo.

CD	10	15	20	25	30	35	40	45	50	55	60	65
IE	0.95	0.77	0.63	0.60	0.57	0.51	0.45	0.42	0.36	0.34	0.35	0.30

El sistema compatible seleccionado estima, en promedio, el primer punto de inflexión en los árboles de caoba a 5.6% (p_1) de la altura total y es donde sucede el cambio de cuerpo dendrométrico de neiloide a paraboloide, mientras que el cambio de paraboloide a cono sucede a 83.1% (p_2) de la altura del árbol (Tabla 2).

Al verificar las estimaciones obtenidas con el sistema de Fang *et al.* (2000), se observó un comportamiento lógico porque el diámetro disminuye y el volumen comercial se acumula progresivamente a medida que la altura en el fuste aumenta (Fig. 2).

La tabla de distribución de productos para árboles individuales de caoba que se construyó con el sistema compatible seleccionado se muestra en la tabla 4. En su elaboración se establecieron los diámetros comerciales siguientes: para productos primarios (chapa y aserrío), diámetros de 32.5 cm o superiores; para productos secundarios (cortas dimensiones) de 17.5 cm a 32.4 cm; y

de 17.5 cm o menores para productos como celulósicos y leña (Tabla 4).

El sistema compatible *d-Vc* de Fang *et al.* (2000) estima con precisión el volumen total y comercial en árboles de caoba; por ejemplo, para un árbol promedio con 55 cm de diámetro normal y 20 m de altura total, se estima un volumen total de 2.0429 m³ (al aplicar el modelo de $Vt=0.000071D^{1.940562}H^{0.831416}$). En su respectiva distribución de productos que se destinaría a la industria forestal, se tendría que el mayor volumen se concentra para productos primarios (trocería comercial) con 1.707 m³; para productos secundarios con 0.2806 m³; y para celulosa y leña se estima un volumen mínimo con valor de 0.0555 m³ (Tabla 4).

Lo anterior permite obtener una valoración económica por tipo de producto, de acuerdo con los precios de los productos maderables para caoba señalados por la Secretaría de Medio Ambiente y Recursos Naturales y la

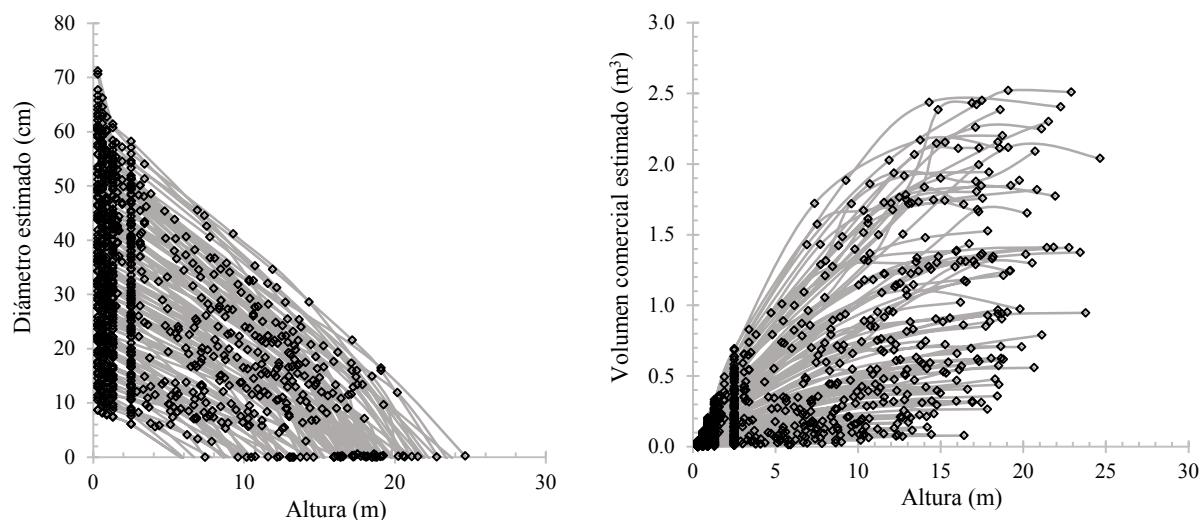


Figura 2. Distribución del diámetro (izquierda) y del volumen comercial (derecha) estimados con el sistema dVc de Fang *et al.* (2000) respecto a la altura (Hm) sobre el fuste para árboles de caoba.

Tabla 4. Tabla de volumen con distribución de productos para árboles individuales de caoba en Quintana Roo.

CD (cm)	Altura total									
	10 m		15 m		20 m		25 m		Cel. y leña	Sec.
	Cel. y leña	Sec.	Cel. y leña	Sec.	Com.	Cel. y leña	Sec.	Com.	Cel. y leña	Sec.
Metros cúbicos (m^3)										
10	0.0420									
15	0.0922		0.1292							
20	0.0696	0.0916	0.1099	0.1159						
25			0.0831	0.2651		0.1146	0.3277			
30			0.0670	0.4291		0.0922	0.5379			
35			0.0567	0.3706	0.2417	0.0778	0.5128	0.2592	0.0994	0.6592
40			0.0500	0.3101	0.5068	0.0683	0.4291	0.6038	0.0870	0.5516
45			0.0456	0.2650	0.7789	0.0620	0.3667	0.9553	0.0787	0.4714
50			0.0428	0.2303	1.0636	0.0579	0.3186	1.3214	0.0733	0.4096
55			0.0412	0.2028	1.3643	0.0555	0.2806	1.7068	0.0699	0.3607
60			0.0406	0.1805	1.6830	0.0543	0.2498	2.1145	0.0681	0.3211
65			0.0407	0.1623	2.0211	0.0507	0.2279	2.5464	0.0676	0.2886
										3.0447

CD: Categoría diamétrica, Cel. y leña: Celulósicos y leña, Sec: Cortas dimensiones, Com: Primarios.

Conafor [Semarnat-Conafor] (2016) para el segundo trimestre del año 2016. El valor de producto primario para el árbol del ejemplo es de MXN 4077.85 y el de secundarios

de MXN 1472.22, en tanto que la leña en la zona de estudio se ocupa para consumo local y no tiene valor económico para la industria, por tanto, no se consideró para la

proyección económica. De esta manera, para un árbol de 55 cm de diámetro normal y 20 m de altura total se estiman un valor total de MXN 7373.18, donde 94.3 % se obtiene con trocería comercial y 5.6 % con trocería secundaria.

DISCUSIÓN

Los resultados obtenidos al utilizar un modelo de orden CAR(3) en los sistemas compatibles de ahusamiento-volumen comercial evaluados, son similares a los publicados por Milena, Barrios y Trincado (2015), quienes utilizan en los modelos de ahusamiento una estructura autorregresiva de orden 3 en *Eucalyptus tereticornis* y los resultados estadísticos mejores se obtuvieron con los modelos mencionados, debido a que los modelos autorregresivos de orden 1 y 2 no reducen adecuadamente la autocorrelación de los errores en el sistema.

El sistema *d-Vc* segmentado compatible de Fang *et al.* (2000) presentó los estadísticos de ajuste mejores, este sistema ha mostrado resultados similares en otros estudios, por ejemplo en bosques manejados de *Pinus patula* en Hidalgo, México (Hernández *et al.*, 2013); en seis especies de bosques naturales del género *Pinus* en Durango, México (Quiñonez-Barraza *et al.*, 2014); al comparar la forma y el rendimiento maderable de *P. patula* en bosques naturales en los estados de Hidalgo y Oaxaca (Uranga-Valencia *et al.*, 2015), México; y al emplear estos mismos modelos para construir sistemas compatibles en bosques de *Pinus ayacahuite* en Oaxaca (Ramírez-Martínez, Santiago-García, Quiñonez-Barraza, Ruiz-Aquino y Rodríguez-Ortiz, 2016).

La regresión ponderada utilizada redujo la varianza en los modelos que conforman el sistema compatible y presentó una distribución homogénea de los residuales, lo cual de acuerdo con Fernández *et al.* (2011) no evidenció problemas de heterocedasticidad. Con base en Rojo *et al.* (2005) y Da Cunha *et al.* (2009), el estadístico de *DW* con valor ≥ 1.5 indica que no existe correlación espacial entre los datos y que los errores son independientes.

El sistema compatible propuesto tiene una capacidad alta para describir el perfil fustal y estimar el volumen comercial; además del volumen total. Con este sistema de cubicación se actualizan los modelos que hasta ahora siguen

siendo utilizados para elaborar y ejecutar programas de manejo forestal y que fueron generados para diferentes especies tropicales maderables por De los Santos (1976) para la Península de Yucatán y por Patiño, López y Gómez (1994) bajo condiciones ambientales y físicas diferentes a las actuales.

El factor de forma promedio determinado para la muestra de áboles de esta especie fue de 0.47, lo cual pone de manifiesto que han sobreestimado los volúmenes fustales aprovechados en los programas de manejo debido a que, para las dos ecuaciones propuestas por De los Santos (1976), se estima un *ff* de 0.80 y 0.72, y de 0.57 para los modelos señalados por Patiño *et al.* (1994). El valor menor del *ff* calculado en este estudio puede probablemente ser atribuido al cambio de las condiciones de la composición, estructura y manejo silvícola de los bosques tropicales de Quintana Roo, en donde las dimensiones del arbolado de esta especie se han reducido, debido a un sobre aprovechamiento o a un manejo inadecuado de estos bosques.

El índice de esbeltez (*IE*) promedio obtenido, de 0.48, indica mayor estabilidad en los áboles ante los efectos de vientos fuertes. Esto coincide con Arias (2004), quien refiere que *IE* bajos son más estables ante daños mecánicos por la asociación de la forma geométrica que los individuos tienen, mientras que individuos con *IE* altos (1:1 o superiores) son menos estables (Durlo, Jaques y Denardi, 1998). El valor de *IE* muestra una relación proporcional de crecimiento promedio en los árboles de la especie donde, por cada centímetro que aumentan en diámetro normal, aumenta 0.48 metros de altura total.

Los puntos de inflexión encontrados en los árboles de caoba (5.6% y 83.1% de la altura total) son similares a los hallados por López *et al.* (2015) con el sistema de Fang *et al.* (2000) en *Pinus douglasiana*, donde el primer y segundo punto de inflexión ocurrieron a 5.4% y 66.8% de la altura total, respectivamente; sin embargo, difiere con los resultados de Milena *et al.* (2015) que van desde 3.9% hasta 48.0% para el primer punto de inflexión y de 80.0% a 96.2% para el segundo punto, al utilizar los modelos segmentados de Max y Burkhart (1976); Cao, Burkhart y Max (1980) y



Parresol *et al.* (1987) en *E. tereticornis*. Esta diferencia puede ser atribuible a las especies, tasas de crecimiento, calidades de estación, densidad o los tratamientos silvícolas utilizados.

Las modelaciones del perfil fustal y las estimaciones del volumen comercial y total obtenidas con el sistema de Fang *et al.* (2000) presentan un comportamiento lógico y el patrón es similar al que encontraron Li y Weiskittel (2010) en Canadá para las principales especies de coníferas, y también a los hallados por Tamarit *et al.* (2014) en México para plantaciones de *Tectona grandis* (teca). El sistema de cubicación generado a partir de un modelo de ahusamiento que es compatible con su respectiva función de volumen comercial es una herramienta cuantitativa importante para la planeación del manejo técnico de los bosques donde esta especie se desarrolla, punto de vista que coincide con lo referido por Tapia y Návar (2011), por Santiago-García, De los Santos-Posadas, Ángeles-Pérez, Valdez-Lazalde y Ramírez-Valverde (2013) y por López *et al.* (2015), en el sentido de que los sistemas compatibles de ahusamiento y volumen comercial, juegan un papel importante en la planeación, evaluación y aprovechamiento forestal.

CONCLUSIONES

El sistema compatible de ahusamiento y volumen comercial de Fang *et al.* (2000) presentó la mejor calidad de ajuste de entre los sistemas evaluados y fue seleccionado como el mejor para describir de forma confiable y precisa el perfil fustal y para estimar el volumen comercial de los árboles de *S. macrophylla*. Este sistema contiene en forma explícita al modelo de volumen total de Schumacher-Hall.

El sistema de cubicación generado es una herramienta cuantitativa de alta utilidad por los prestadores de servicios técnicos forestales en la planeación y ejecución de los programas de manejo forestal en los bosques tropicales, porque *S. macrophylla* es una de las especies guía para la aplicación de sistemas silvícolas en la región, además permite realizar una valoración financiera de los productos a obtener de un aprovechamiento forestal maderable con esta especie. Esta herramienta puede integrarse como un paquete tecnológico y complementarse con información de

inventarios forestales operativos para obtener las existencias maderables por tipos de productos para cada unidad de manejo.

RECONOCIMIENTOS

Esta investigación fue financiada por el gobierno del estado de Quintana Roo a través del Instituto Forestal (Infoqroo), por medio del proyecto “Estudio para realizar acciones de tablas de volúmenes de 8 especies forestales maderables”. SINCOP-INIFAP 232179Y.

REFERENCIAS

- Arias, D. (2004). Estudio de las relaciones altura-diámetro para seis especies maderables utilizadas en programas de reforestación en la Zona Sur de Costa Rica. *Revista Forestal Kuriá*, 1(2), 1-11.
- Bailey, L. R. (1995). Upper stem volumes from stem analysis data: an overlapping bolts method. *Canadian Journal of Forest Research*, 25(1), 170-173. doi: 10.1139/x95-020
- Cao, Q. V., Burkhart, H. E., & Max, T. A. (1980). Evaluating of two methods for cubic-volume prediction of loblolly pine to any merchantable limit. *Forest Science*, 26, 71-80.
- Comisión Nacional Forestal [Conafor] (2014). *Inventario nacional forestal y de suelos- Quintana Roo 2013*. Guadalajara, Jalisco, México: Conafor.
- Corral-Rivas, J. J., Bario, A. M., Aguirre C., A. O., & Diéguez A., U. (2007). Use of stump diameter to estimate diameter at breast height and tree volume for major pine species in El Salto, Durango (México). *Forestry*, 80, 29-40. doi: 10.1093/forestry/cpl048
- Cruz-Cobos, F., De los Santos-Posadas, H. M., & Valdés-Lazalde, J. R. (2008). Sistema compatible de ahusamiento-volumen para *Pinus cooperi* Blanco en Durango México. *Agrociencia*, 42(4), 473-485.
- Da Cunha, T. A., Vargas M., J. O., & Escalier, H. M. (2009). *Ajuste y selección de modelos de regresión para estimar volumen total de árboles*. Doc. Técnico 5-2009/FOMABO. Cochabamba, Bolivia: Escuela de Ciencias Forestales de la Universidad Mayor de San Simón.
- De los Santos, V. M. (1976). *Tablas de volumen para montes de la Península de Yucatán*. Tesis de Licenciatura. Universidad Autónoma Chapingo. Chapingo, Méx.
- Durlo, A. M., Jaques, S. F., & Denardi, L. (1998). Modelagem da copa de *Cebrela fissilis* Vellozo. *Ciencia Florestal*, 2(14), 79-89.
- Fang, Z., Borders, B. E., & Bailey, R. L. (2000). Compatible volume-taper models for loblolly and slash pine based on a system with

- segmented-stem form factors. *Forest Science*, 46, 1-12. doi: 10.1093/forestscience/46.1.1
- Harold, D., & Hocker, J. (1984). *Introducción a la biología forestal*. F. A. Bellomo L. (Trad). México, D. F.: AGT Editor.
- Hernández, P., D., De los Santos P., H. M., Ángeles P., G., Valdez L., J. R., & Volke, H. V. H. (2013). Funciones de ahusamiento y volumen comercial para *Pinus patula* Schltdl. et Cham. en Zacualtipán, Hidalgo. *Revista Mexicana de Ciencias Forestales*, 4(16), 34-45.
- Kozak, A. (2004). My last words on taper equations. *The Forestry Chronicle*, 80(4), 507-515. doi: 10.5558/tfc80507-4
- Kurinobu, S., Daryono, P., Mohammad, N., & Matsune, K. (2007). A stem taper equation compatible to volume equation for *Paraserianthes falcataria* in Pare, East Java, Indonesia: its implications for the plantation management. *Journal of Forest Research*, 12, 473-478. doi: 10.1007/s10310-007-0037-5
- Li, R., & Weiskittel, A. R. (2010). Comparison of model forms for estimating for stem taper and volume in the primary conifer species of the North American Acadian Region. *Annals of Forest Science*, 67(3), 302. doi: 10.1051/forest/2009109
- López M., J. C., Cruz C., F., Nájera L., J. A., & Hernández, F. J. (2015). Modelo de ahusamiento y volumen comercial para *Pinus oocarpa* y *Pinus douglasiana* en la región de Pueblo Nuevo, Durango. *Investigación y Ciencia*, 23(64), 47-53.
- Max, T. A., & Burkhart, H. E. (1976). Segmented polynomial regression applied to taper equations. *Forest Science*, 22, 283-289. doi: 10.1093/forestscience/22.3.283
- Milena L., A., Barrios, A., & Trincado, G. (2015). Modelos de perfiles fustales con una estructura de error autorregresivo para plantaciones de *Eucalyptus tereticornis* en Colombia. *Madera y Bosques*, 21(2), 73-88. doi: 10.21829/myb.2015.212446
- Nájera-Luna., J. A., & Hernández-Hernández, E. (2008). Relaciones morfométricas de un bosque coetáneo de la Región de El Santo, Durango. *Ra-Xamhai*, 4(1), 69-81.
- Parresol, B. R., Hotvedt, J. E., & Cao, Q. V. (1987). A volume and taper prediction system for bald cypress. *Canadian Journal of Forest Research*, 17, 250-259. doi: 10.1139/x87-042
- Patiño V., F., López T., J. L., & Gómez D. A. (1994). *Selva (Versión 4)* Paquete de cómputo para procesar datos de inventarios forestales para especies de la Península de Yucatán. Mérida, Yucatán: Instituto Nacional de Investigaciones Forestales y Agropecuarias.
- Prodan, M., Peters, R., Cox, F., & Real, P. (1997). *Mensura forestal*. Serie investigación y educación en desarrollo sostenible. San José, Costa Rica: Instituto Internacional de Cooperación para la Agricultura (IICA)- Deutsche Gesellschaft für Technische Zusammenarbeit (GTZ).
- Quiñonez-Barraza, G., De los Santos-Posadas, H. M., Álvarez-González, J. G., & Velázquez-Martínez, A. (2014). Sistema compatible de ahusamiento y volumen comercial para las principales especies de *Pinus* en Durango, México. *Agrociencia*, 48, 553-567.
- Ramírez-Martínez, A., Santiago-García, W., Quiñonez-Barraza, G., Ruiz-Aquino, F., & Rodríguez-Ortíz, G. (2016). Sistema compatible segmentado de ahusamiento-volumen comercial para *Pinus ayacahuite* Ehren. En F. Gallardo-López (Ed.). (2016). *Innovando el agro veracruzano 2016. Frente a los retos de la relación Sociedad-Naturaleza* (pp. 649-670). Veracruz, México: Colegio de Postgraduados.
- Rojo, A., Perales, X., Sánchez-Rodríguez, F., Álvarez-González, J. G., & Gadow, K. V. (2005). Stem taper functions for maritime pine (*Pinus pinaster* Ait.) in Galicia (Northwestern Spain). *European Journal of Forest Research*, 124, 177-186. doi: 10.1007/s10342-005-0066-6
- Santiago-García, W., De los Santos-Posadas, H. M., Ángeles-Pérez, G., Valdez-Lazalde, J. R., & Ramírez-Valverde, G. (2013). Sistema compatible de crecimiento y rendimiento para rodales coetáneos de *Pinus patula*. *Revista Fitotecnia Mexicana*, 36(2), 163-172.
- Secretaría de Medio Ambiente y Recursos Naturales [Semarnat]-Conafor, (2016). *Reporte de productos forestales maderables*. Reporte trimestral abril/junio de 2016. Gerencia de Fomento a la Productividad Forestal Sustentable. Zapopan, Jalisco, México. Recuperado de <http://www.cnf.gob.mx:8090/snif/portal/economica/sipre>
- SAS Institute Inc., (2009). *SAS/STAT® 9.2 User's Guide*. SAS Institute Inc. Raleigh, NC, EUA, autor.
- Tamarit U., J. C., De los Santos P., H. M., Aldrete, A., Valdez L., J. R., Ramírez M., H., & Guerra C., V. (2014). Sistema de cubicación para árboles individuales de *Tectona grandis* L. f. mediante funciones compatibles de ahusamiento-volumen. *Revista Mexicana de Ciencias Forestales*, 5(21), 58-74.
- Tapia, J., & Návar, J. (2011). Ajuste de modelos de volumen y funciones de ahusamiento para *Pinus pseudostrobus* Lindl. en bosques de pino de la Sierra Madre Oriental de Nuevo León, México. *Forestal Veracruzana*, 13(2), 19-28.
- Torres R., J. M., & Magaña T., O. S. (2001). *Evaluación de plantaciones forestales*. México, D. F.: Limusa.
- Trincado, G., & Burkhart, H. E. (2006). A generalized approach for modeling and localizing stem profile curves. *Forest Science*, 52(6), 670-682. doi: 10.1093/forestscience/52.6.670



Fernández T., E., Fassola, H. E., & García C., M. (2011). Ecuaciones de volumen total para *Populus deltoides* de plantaciones del Bajo Delta del Paraná. *Revista de Investigaciones Agropecuaria*, 37, 172-179.

Uranga-Valencia, L. P., De los Santos P., H. M., Valdez-Lazalde, J. R., López-Upton, J., & Navarro-Garza, H. (2015). Volumen total y ahusamiento para *Pinus patula* Schiede ex Schltdl. et Cham. en tres condiciones de bosque. *Agrociencia*, 49, 787-801.

Zimmerman, D., & Nunez-Anton, V. (2001). Parametric modelling of growth curve data: An overview. *Test*, 10(1), 1-73. doi: 10.1007/BF02595823

Manuscrito recibido el 10 de octubre de 2016

Aceptado el 22 de mayo de 2018

Publicado el 26 de noviembre de 2018

Este documento se debe citar como:

Hernández R., J., Hernández R., A., García C., J., Martínez A., L., Tamarit U., J. C., & García E., G. G. (2018). Sistema compatible de ahusamiento-volumen comercial para *Swietenia macrophylla* King (caoba) en Quintana Roo, México. *Madera y Bosques*, 24(3), e2431441. doi: 10.21829/myb.2018.2431441



Madera y Bosques por Instituto de Ecología, A.C. se distribuye bajo una Licencia Creative Commons Atribución-NoComercial-CompartirIgual 4.0 Internacional.