



Madera y bosques

ISSN: 1405-0471

ISSN: 2448-7597

Instituto de Ecología A.C.

Cuevas Cruz, Juan Carlos; Ramírez, Martín Aquino
Ecuaciones de aditividad para la estimación de biomasa aérea de *Pinus cembroides* Zucc
Madera y bosques, vol. 26, núm. 1, e2611821, 2020
Instituto de Ecología A.C.

DOI: 10.21829/myb.2020.2611821

Disponible en: <http://www.redalyc.org/articulo.oa?id=61763451013>

- Cómo citar el artículo
- Número completo
- Más información del artículo
- Página de la revista en redalyc.org

UAEH
redalyc.org

Sistema de Información Científica Redalyc
Red de Revistas Científicas de América Latina y el Caribe, España y Portugal
Proyecto académico sin fines de lucro, desarrollado bajo la iniciativa de acceso
abierto



Ecuaciones de aditividad para la estimación de biomasa aérea de *Pinus cembroides* Zucc.

Additive equations for estimating aboveground biomass of *Pinus cembroides* Zucc.

Juan Carlos Cuevas Cruz^{1*} y Martín Aquino Ramírez²

¹ Universidad Autónoma Chapingo. Centro Regional Universitario del Anáhuac. Texcoco, Estado de México, México.

² Instituto Nacional de Investigaciones Forestales, Agrícolas y Pecuarias. Campo Experimental Edzná. Campeche, Campeche, México. martin.aquino.colpos@gmail.com

* Autor de correspondencia. jcuevas_chapingo@hotmail.com

RESUMEN

Las ecuaciones alométricas son una herramienta importante para la estimación precisa de la biomasa aérea de los árboles y de sus componentes. En este documento se presentan ecuaciones de aditividad para estimar la distribución de la biomasa aérea total en árboles de *Pinus cembroides* Zucc. En octubre de 2017, un total de 21 árboles de distintas clases diamétricas (5 cm a 40 cm) fueron derribados y seccionados en tres componentes estructurales: fuste, ramas y ramillas con hojas, para obtener su biomasa. Se formularon dos sistemas de ecuaciones no lineales, en el que la aditividad se garantizó al establecer a la biomasa aérea total como la suma de las estimaciones de la biomasa de cada componente del árbol. Los sistemas de ecuaciones fueron ajustados simultáneamente con el Método Generalizado de Momentos (GMM, por sus siglas en inglés). El sistema que integró al diámetro normal y la altura total del árbol como variables predictoras explicó más del 92% de la variación observada en los datos de biomasa de los componentes y 98% de variabilidad de la biomasa aérea total. La proporción promedio de biomasa en el fuste, ramas y ramillas con hojas comprendió 43.2%, 41.2% y 15.5% de la biomasa aérea total del árbol, respectivamente. Las ecuaciones generadas en este estudio contribuirán a mejorar la precisión en la estimación de la biomasa e inventarios de carbono en los bosques de *P. cembroides*.

PALABRAS CLAVE: distribución de biomasa, Método Generalizado de Momentos, modelos no lineales, muestreo destructivo, pino piñonero, sistema de ecuaciones.

ABSTRACT

Allometric equations are an important tool for accurate estimation of aboveground biomass of trees and their components. This document presents additive equations for estimating aboveground biomass in *Pinus cembroides* Zucc trees. In October 2017, a total of 21 trees of different diameter classes (5 cm to 40 cm) were felled and sectioned into three structural components: stem, branches and twigs with leaves to obtain their biomass. Two systems of non-linear equations were developed, in which the additivity was guaranteed by establishing the total aboveground biomass (Bt) as the sum of the biomass estimates of each component of the tree. The system that integrated the diameter at breast height and the total height of the tree as predictor variables explained more than 92% of the variation observed in the biomass data of the components and 98% of variability of the Bt. The average proportion of biomass in the stem, branches and twigs with leaves comprised 43.2%, 41.2% and 15.5% of the tree Bt, respectively. The equations generated in this study will contribute to improve the precision in biomass estimation and carbon inventories in *P. cembroides* forests.

KEYWORDS: biomass distribution, Generalized Method of Moments, nonlinear models, destructive sampling, pinyon pine, system of equations.

INTRODUCCIÓN

La estimación de biomasa de los árboles es determinante en los estudios de productividad, ciclo de nutrientes y cuantificación de las contribuciones al secuestro de carbono por parte de los ecosistemas forestales (Tesfaye, Bravo-Oviedo, Bravo y Ruiz-Peinado, 2015; Meng, *et al.*, 2017). Así mismo, el conocimiento de las cantidades de biomasa sirve como un indicador ecológico para la sostenibilidad y para caracterizar la estructura y función de los bosques (Chave *et al.*, 2005). En los últimos años, se ha incrementado la necesidad de disponer de información más eficiente sobre la cantidad de almacenamiento de biomasa y de los flujos de carbono forestal en los diferentes ecosistemas terrestres, debido a su influencia para mitigar el cambio climático global.

Para estimar la biomasa aérea en árboles se han generado ecuaciones alométricas, las cuales se derivan de la aplicación de un muestreo destructivo y del uso de técnicas de regresión (Acosta-Mireles, Vargas-Hernández, Velázquez-Martínez y Etchevers-Barra, 2002; Vargas-Larreta *et al.*, 2017; Quiñonez-Barraza *et al.*, 2019). Las ecuaciones de biomasa se fundamentan en las relaciones alométricas empíricas de los atributos del árbol que son fácilmente medibles como el diámetro normal, la altura total y la densidad específica de la madera (Temesgen, Affleck, Poudel, Gray y Sessions, 2015; Eker, Poudel y Özçelik, 2017). A nivel local o del sitio, el uso de ecuaciones resulta la opción más práctica en tiempo y costo para evaluar la cantidad de biomasa aérea a partir de datos de inventario forestal (Riofrío, Herrero, Grijalva y Bravo, 2015; Daryaei y Sohrabi, 2016). Diferentes estudios señalan que las ecuaciones específicas por especie mejoran las estimaciones de biomasa que las ecuaciones generales, porque se toman en cuenta las condiciones ambientales, la densidad de la madera y la variabilidad genética en donde se desarrollaron los árboles; factores que influyen significativamente en las relaciones alométricas (Skovsgaard y Vanclay, 2013; Lin *et al.*, 2017; Mensah, Veldtman y Seifert, 2017).

Al estimar la biomasa de más de un componente del árbol es importante considerar la propiedad de aditividad puesto que se toman en cuenta las correlaciones inherentes entre los componentes medidos y la biomasa total, mejorando la precisión en las estimaciones (Carvalho y Parresol, 2003; Dong, Zhang y Li, 2014). Con la aditividad se asegura que la suma de los valores estimados de las ecuaciones de los componentes estructurales sea igual al valor estimado obtenido de la ecuación de la biomasa aérea total (Bi, Turner y Lambert, 2004).

En México, se han realizado considerables esfuerzos para generar ecuaciones para estimar la biomasa arbórea en las distintas especies de coníferas y latifoliadas (Douterlungne, Herrera-Gorocica, Ferguson, Siddique y Soto-Pinto, 2013; Aquino-Ramírez, Velázquez-Martínez, Castellanos-Bolaños, De los Santos-Posadas y Etchevers-Barra, 2015; Rojas-García, De Jong, Martínez-Zurimendi y Paz-Pellat, 2015; Quiñonez-Barraza *et al.*, 2019). La mayoría de las ecuaciones del género *Pinus* son restrictivas a especies con fines maderables (Chávez-Aguilar *et al.*, 2016; Vargas-Larreta *et al.*, 2017). Sin embargo, no existen ecuaciones para las especies de pinos piñoneros a pesar de su amplia distribución y plasticidad ambiental. Por lo cual, la información que se tiene de la capacidad de almacenamiento de biomasa y carbono de los bosques piñoneros es escasa.

Los bosques de *Pinus cembroides* Zucc. son característicos de las zonas áridas y de distribución latitudinal muy amplia sobre el altiplano del norte y centro de México (Luna-Cavazos, Romero-Manzanares y García-Moya, 2008). *P. cembroides* es considerada como la principal especie de pinos piñoneros del país, crece sobre laderas de montaña en suelos delgados y pedregosos con climas de tipo templado seco a templado subhúmedo, donde la época de sequía puede durar de siete a ocho meses (Constante-García, Villanueva-Díaz, Cenaro-Paredes, Cornejo-Oviedo y Valencia-Manzo, 2009). A pesar de su limitada capacidad productiva puede constituir una fuente complementaria de captura y almacenamiento de carbono (Pompa-García y



Yerena-Yamallel, 2014), además suministra bienes a los pobladores locales como leña y madera de cortas dimensiones, resina, árboles de navidad, alimento e ingresos económicos por la venta de su semilla (piñón). Por su amplia adaptabilidad y resistencia a condiciones extremas ha sido utilizada para proyectos de reforestación y restauración ecológica (Ríos, De Hoogh y Návar, 2008). No obstante, las poblaciones de esta especie se ven amenazadas o en peligro de desaparecer por las actividades antropogénicas como el cambio de uso del suelo, el pastoreo, los incendios, la extracción ilegal de la madera y principalmente por la recolección excesiva de la semilla (Rosas-Chavoya, Granados-Sánchez, Granados-Victorino y Esparza-Govea, 2016). Por lo anterior, son necesarias acciones que promuevan la conservación y el manejo sustentable de *P. cembroides*. Una alternativa viable es su incorporación a los programas de pago de servicios ambientales como la captura de carbono, puesto que estos bosques pueden considerarse como una posible fuente con potencial de mitigación ante el cambio climático (Pompa-García y Yerena-Yamallel, 2014), aunque los montos económicos por la venta de bonos de carbono serían mínimos, debido a su baja productividad. De manera que se requiere información detallada de la cantidad de los diferentes componentes estructurales del árbol y total para estimar con precisión los almacenes de carbono en los bosques de *P. cembroides*.

OBJETIVOS

Desarrollar un sistema de ecuaciones de aditividad para estimar la biomasa de los componentes estructurales por separado y la biomasa aérea total a nivel de árbol individual para *Pinus cembroides* Zucc. en el bosque de la comunidad agraria de Sombrerete, Cadereyta de Montes, Querétaro, México.

MATERIALES Y MÉTODOS

Área de estudio

El estudio se realizó en el mes de octubre de 2017, en una superficie de 8 ha de las 1333 ha de los bosques naturales

de la Comunidad Agraria de Sombrerete, Municipio de Cadereyta de Montes, Querétaro, México, ubicada entre los 20° 49' 80" y 20° 50' 0.05" N; y los 99° 39' 88.0" y 99° 40' 13.0" O, a 2600 m snm. El clima es de tipo semiseco (BS1kw) con lluvias en verano. La temperatura media anual se encuentra entre 12 °C y 18 °C, mientras que la temperatura del mes más frío llega a ser de -3 °C y la del mes más cálido de 22 °C, con una precipitación media anual de 600 mm (García, 2004). Los análisis de laboratorio realizados indicaron que el tipo de suelo predominante es el Phaeozem con una textura franco-arcillo-arenosa, pH de 7.3 y un contenido de materia orgánica de 5.04%. El tipo de vegetación corresponde a un bosque de pino dominado por *P. cembroides* y asociados a este, *Juniperus flaccida* Schltdl., *Yucca queretaroensis* Piña, *Agave lechuguilla* Torr. y *Opuntia* spp.

Obtención de muestras y medición de la biomasa

El método utilizado para la medición de biomasa aérea fue similar al propuesto por Picard, Saint-Andre y Henry (2012), que consiste en cortar a cada árbol a ras de suelo y separarlo en componentes estructurales. Un total de 21 individuos fueron derribados de distintas categorías diamétricas (CD) (5 cm a 40 cm). La distribución de los árboles fue de dos individuos para las CD de 5 cm, 10 cm y 30 cm y tres individuos para la CD de 15 cm; mientras que en las CD de 20 cm y 25 cm fue de cinco individuos y un individuo para las CD de 35 cm y 40 cm. Los árboles seleccionados para su derribo estaban libres de plagas y enfermedades y no mostraban algún daño físico o mecánico. Previo al derribo, el diámetro normal (D_n) fue medido con cinta diamétrica a una altura de 1.30 m desde el nivel del suelo, mientras que la altura total (H) fue medida con cinta métrica posterior al derribo como lo sugieren Acosta-Mireles *et al.* (2002) y Carrillo-Anzures, Acosta-Mireles, Jiménez-Cruz, González-Molina y Etchevers-Barra, (2016). Los componentes estructurales en que se dividió cada árbol fueron: fuste, ramas y ramillas con hojas (diámetro < 1 cm).

El fuste con corteza fue seccionado en trozas de 1.0 m de longitud desde la base hasta la punta o hasta la primera

bifurcación del árbol, se obtuvieron muestras de ramas y muestras de ramillas con hojas, para ello la copa se dividió en tres secciones transversales: baja, media y alta (Zhang, Wang, Wang y Quan, 2009). De acuerdo con el procedimiento sugerido por Acosta-Mireles *et al.* (2002), Aquino-Ramírez *et al.* (2015) y Carrillo-Anzures *et al.* (2016) todos los componentes estructurales se pesaron por separado directamente en campo para obtener los pesos frescos totales (kg) con una báscula digital de 200 kg (TECNOCOR modelo IPEN) y una precisión de ± 0.5 kg. Después, una rodaja (3 cm - 5 cm de grosor) fue obtenida en cada troza del fuste y tres rodajas al azar para las ramas en cada sección de la copa. De igual manera, para las ramillas con hojas se obtuvieron tres muestras al azar de 0.5 kg por sección. Las rodajas y muestras se pesaron inmediatamente con una báscula electrónica de 10 kg (TECNOCOR modelo PEN-20) con una precisión de ± 5 g y puestas en bolsas de papel debidamente identificadas; luego fueron transportadas al laboratorio y colocadas por 96 h en una estufa de secado de madera (Nyle modelo L500) a 75 °C o hasta lograr un peso constante. Finalmente, el peso seco de cada componente del árbol fue calculado extrapolando la relación peso seco a peso fresco de las muestras. La biomasa aérea total (Bt) de cada árbol correspondió a la suma total de los pesos secos (kg) de cada componente estructural (fuste, ramas y ramillas con hojas).

Ecuaciones de biomasa

Los siguientes dos modelos alométricos ampliamente utilizados, fueron seleccionados para estimar la biomasa de los componentes de *P. cembroides* (Ec. 1 y Ec. 2). Estos modelos relacionan a la biomasa como una función del Dn y la H o la combinación de ambas variables (Dn^2H) (Bi, Turner y Lambert, 2004; Zhao, Kane, Markewitz, Teskey y Clutter, 2015):

$$y = \exp[\beta_0] \times (Dn^2 H)^{\beta_1} + \varepsilon \quad (1)$$

$$y = \exp[\beta_0] \times Dn^{\beta_1} \times H^{\beta_2} + \varepsilon \quad (2)$$

donde:

y = biomasa de cualquiera de los componentes estructurales del árbol (kg)

Dn = diámetro normal (cm)

H = altura total (m)

β_0 , β_1 y β_2 = parámetros de regresión

ε = error aleatorio

El primer sistema de ecuaciones de aditividad (S_1) fue basado en la ecuación 1 y formulado de la siguiente forma:

$$B_f = \exp[\beta_{10}] \times (Dn^2 H)^{\beta_{11}} + \varepsilon_1 \quad (3)$$

$$B_r = \exp[\beta_{20}] \times (Dn^2 H)^{\beta_{21}} + \varepsilon_2 \quad (4)$$

$$B_{rh} = \exp[\beta_{30}] \times (Dn^2 H)^{\beta_{31}} + \varepsilon_3 \quad (5)$$

Como consecuencia de la aditividad del sistema, la estimación de la Bt del S_1 será el resultado de la sumatoria de la estimación de la biomasa de los tres componentes, expresada de la siguiente manera:

$$B_t = \sum_{i=1}^3 \exp[\beta_{i0}] \times (Dn^2 H)^{\beta_{i1}} + \varepsilon_4 \quad (6)$$

Mientras que el segundo sistema de ecuaciones de aditividad (S_2) se fundamentó en la ecuación 2 y se especificó de la siguiente forma:

$$B_f = \exp[\beta_{10}] \times Dn^{\beta_{11}} \times H^{\beta_{12}} + \varepsilon_1 \quad (7)$$

$$B_r = \exp[\beta_{20}] \times Dn^{\beta_{21}} \times H^{\beta_{22}} + \varepsilon_2 \quad (8)$$

$$B_{rh} = \exp[\beta_{30}] \times Dn^{\beta_{31}} \times H^{\beta_{32}} + \varepsilon_3 \quad (9)$$

Y la aditividad de la Bt fue expresado como:

$$B_t = \sum_{i=1}^3 \exp[\beta_{i0}] \times Dn^{\beta_{i1}} \times H^{\beta_{i2}} + \varepsilon_4 \quad (10)$$



donde:

β_f = biomasa en fuste (kg)

β_r = biomasa en ramas (kg)

β_{rh} = biomasa en ramillas con hojas (kg)

β_t = biomasa total (kg) en kg respectivamente;

β_{ij} = coeficientes de regresión

ε_1 - ε_4 = términos del error

En los dos sistemas de ecuaciones los errores son aditivos y están inherentemente correlacionados, los cuales son expresados como un vector

$$\varepsilon = [\varepsilon_1, \varepsilon_2, \varepsilon_3]'$$

con un valor esperado

$$E(\varepsilon) = 0$$

y una matriz de varianza y covarianza

$$E(\varepsilon\varepsilon') = \Sigma$$

(Bi *et al.*, 2004; Wang, Bi, Ximenes, Ramos y Li, 2017). La propiedad de aditividad se obtuvo en los dos sistemas de ecuaciones al expresar a la biomasa aérea total (Bt) como la suma de la biomasa de cada uno de los componentes estructurales del árbol (B_f , B_r , B_{rh}) (Parresol, 2001).

Ajuste y comparación

Los dos sistemas propuestos fueron ajustados simultáneamente usando el método generalizado de momentos (GMM, por sus siglas en inglés) con el procedimiento PROC MODEL del programa SAS/ETS® (SAS Institute Inc., 2004). Con este método se estiman parámetros en ecuaciones no lineales con términos de error aditivo más eficientes en condiciones heterocedásticas sin ninguna especificación de su naturaleza (Greene, 1999), especialmente en muestras pequeñas, donde el principal problema de estimación es la obtención de funciones de ponderación de los componentes de biomasa que describan con precisión el diseño de la matriz de varianza del error (Bi *et al.*, 2004; Bi *et al.*, 2015). Para evaluar y comparar las

ecuaciones desarrolladas en cada sistema se obtuvieron cuatro estadísticos: el coeficiente de determinación ajustado (R^2_{adj}), la raíz de los cuadrados medios del error (RMSE), el sesgo promedio (\bar{S}) y el error relativo promedio porcentual (\bar{E}) (Chave *et al.*, 2005; Zhao *et al.*, 2015). El sistema más apropiado fue el que presentó en sus ecuaciones el ajuste más alto (R^2_{adj}) con un valor de \bar{S} cercano a cero y los valores más bajos de RMSE y \bar{E} (Ec. 11, Ec. 12, Ec. 13, Ec. 14). Estos estadísticos se calcularon como:

$$R^2_{Adj} = 1 - \frac{\sum_{j=1}^n (y_j - \hat{y}_j)^2 / (n-p)}{\sum_{j=1}^n (y_j - \bar{y})^2 / (n-1)} \quad (11)$$

$$RMSE = \sqrt{\sum_{j=1}^n (\hat{y}_j - y_j)^2 / n - p} \quad (12)$$

$$\bar{S} = \sum_{j=1}^n (y_j - \hat{y}_j) / n \quad (13)$$

$$\bar{E}(\%) = \frac{100}{n} \sum_{j=1}^n \frac{\hat{y}_j - y_j}{y_j} \quad (14)$$

donde:

y_j = biomasa total del árbol observada

\hat{y}_j = biomasa total del árbol predicha

\bar{y} = biomasa total del árbol media

n = número de observaciones

p = número de parámetros del modelo

RESULTADOS

Variación en la distribución de biomasa aérea

Los árboles derribados de *P. cembroides* en el presente estudio registraron un intervalo de diámetros de 3 cm a 40 cm con una media de 20.2 cm \pm 8.6 cm y alturas de 1.2 m a 9.4 m con un valor medio de 6.9 m \pm 1.9 m; mientras que la biomasa total fue de 2.8 kg por árbol a 700.1 kg por árbol con un valor promedio de 180.8 kg \pm 163.8 kg. Por otra

parte, la distribución de biomasa entre los componentes estructurales (fuste, ramas y ramillas con hojas) mostraron importante variación debido a los tamaños del árbol (Fig. 1). El fuste y las ramas fueron los principales componentes del árbol donde se acumuló la mayor cantidad de biomasa y la de menor cantidad fueron las ramillas con hojas. La proporción en cuanto a la cantidad de biomasa del fuste manifestó una amplitud de valores entre 26.1% y 68.7% con un promedio de 43.2%. En cambio, la proporción de la cantidad de biomasa en ramas fue mayor que en el fuste, siendo de 18.8% en las categorías diamétricas de 10 cm y de 64.6% en las categorías diamétricas de 40 cm, con una media de 41.2%; algo similar sucedió con la proporción de la biomasa en las ramillas con hojas y se presentó una variación de 6.3% a 32.1%, en las categorías diamétricas de 5 cm a 10 cm con un valor medio de 15.5%.

Evaluación de las ecuaciones de biomasa

El valor estimado, error estándar y la significancia de cada parámetro para los dos sistemas de ecuaciones de aditividad (S_1 y S_2) son presentados en la tabla 1. Todos los parámetros

fueron significativamente diferentes de cero ($p < 0.001$). Los coeficientes de R^2_{adj} obtenidos en las ecuaciones de distribución de biomasa se encontraron en un intervalo de 0.85% - 0.97% y para las ecuaciones de biomasa aérea total fueron superiores a 0.97% (Tabla 1). La ecuación para predecir la biomasa de ramillas con hojas, que incluyó al Dn^2H como variable predictora fue la que mostró el valor más bajo de R^2_{adj} (0.85) y valores altos de \bar{S} y \bar{E} .

Los resultados de bondad de ajuste indicaron los mejores estadísticos en las ecuaciones del S_2 que las obtenidas del S_1 . Las ecuaciones del S_2 explicaron la mayor variabilidad de los datos observados con coeficientes de R^2_{adj} superiores a 0.92, así mismo, valores bajos de RMSE (< 25 kg), \bar{S} (< 0.01 kg) y \bar{E} ($< 19\%$). Por lo tanto, el S_2 fue seleccionado para la estimación de la biomasa de los componentes estructurales y biomasa aérea total de *P. cembroides*. Las curvas de predicción expresaron excelente comportamiento con los datos observados de biomasa (Fig. 2). Por otro lado, el diagnóstico gráfico de los residuales contra valores predichos en todas las ecuaciones no mostró tendencias visibles que indiquen heterocedasticidad (Fig. 3).

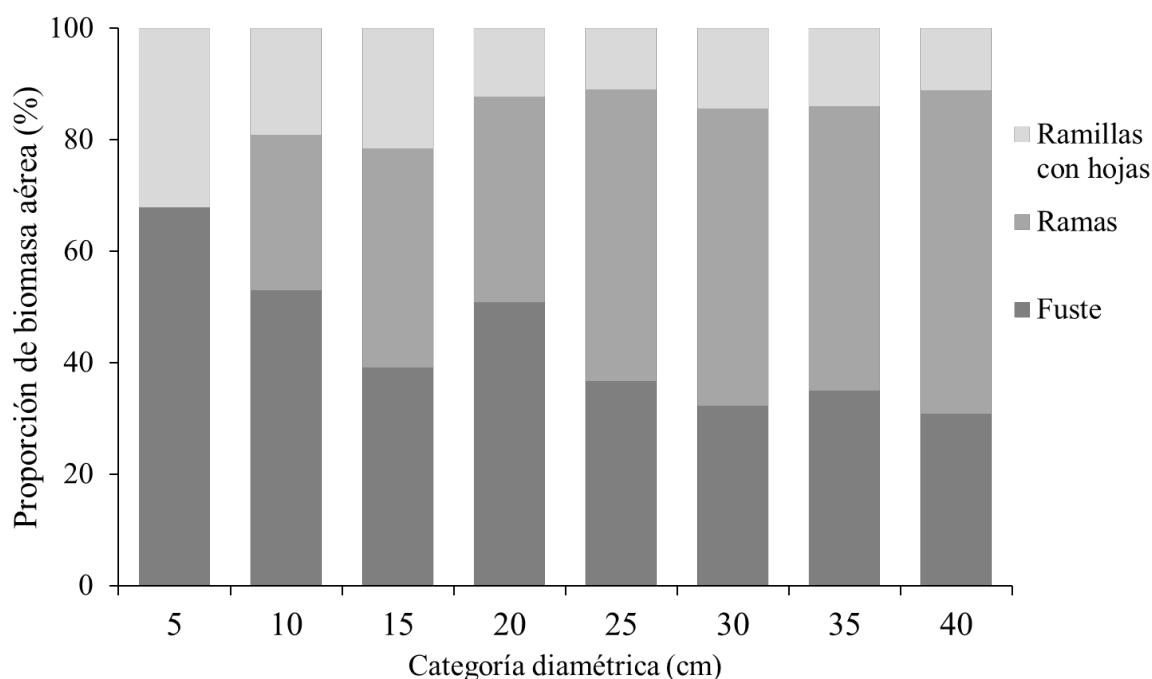


FIGURA 1. Proporción relativa de la biomasa aérea (%) distribuida en el fuste, las ramas y las ramillas con hojas para las diferentes categorías diamétricas en *Pinus cembroides*.



TABLA 1. Parámetros estimados y estadísticos de bondad de ajuste de las ecuaciones de aditividad para estimar la biomasa de los componentes estructurales y la biomasa aérea total de *Pinus cembroides*.

Sistema de ecuaciones	Componente del árbol	Parámetro	Estimador	Error estándar	Valor de t	Pr > t	RMSE (kg)	\bar{S} (kg)	\bar{E} (%)	R^2_{Adj}
S ₁	Fuste	β_{10}	2.766848	0.2151	12.86	<0.0001	9.4955	0.5266	1.72	0.9641
		β_{11}	0.848754	0.0233	36.43	<0.0001				
	Ramas	β_{20}	4.182507	0.2549	16.41	<0.0001	23.8367	-0.0715	30.27	0.9408
		β_{21}	1.0513449	0.0276	38.05	<0.0001				
	Ramillas con hojas	β_{30}	2.838132	0.3376	8.41	<0.0001	7.1995	-0.4596	21.41	0.8597
		β_{31}	0.738552	0.0357	20.71	<0.0001				
	Total						25.3352	-0.0035	5.00	0.9761
	S ₂	β_{10}	-2.007449	0.3337	5.68	<0.0001	8.6137	-0.0001	4.75	0.9704
		β_{11}	1.776093	0.1028	17.28	<0.0001				
		β_{13}	0.364976	0.2675	1.36	<0.0001				
		β_{20}	-5.193296	0.4592	11.31	<0.0001	22.4340	0.0103	16.58	0.9476
		β_{21}	2.36942	0.1743	13.59	<0.0001				
		β_{23}	1.11539	0.4266	2.61	0.0176				
		β_{30}	2.07281	0.4878	4.25	0.0005	5.1074	0.0005	19.12	0.9294
		β_{31}	2.463058	0.1935	12.73	<0.0001				
		β_{33}	-1.17492	0.4276	-2.75	0.0132				
	Total						23.0285	0.0116	5.76	0.9802

S₁=sistema de ecuaciones de aditividad basado en el modelo $y = \exp[\beta_0] \times (Dn^2 H)^{\beta_1} + \varepsilon$; S₂= sistema de ecuaciones de aditividad basado en el modelo $y = \exp[\beta_0] \times Dn^{\beta_1} \times H^{\beta_2} + \varepsilon$;

RMSE=raíz de los cuadrados medios del error; \bar{S} = sesgo promedio; \bar{E} = error relativo; R^2_{Adj} =coeficiente de determinación ajustado

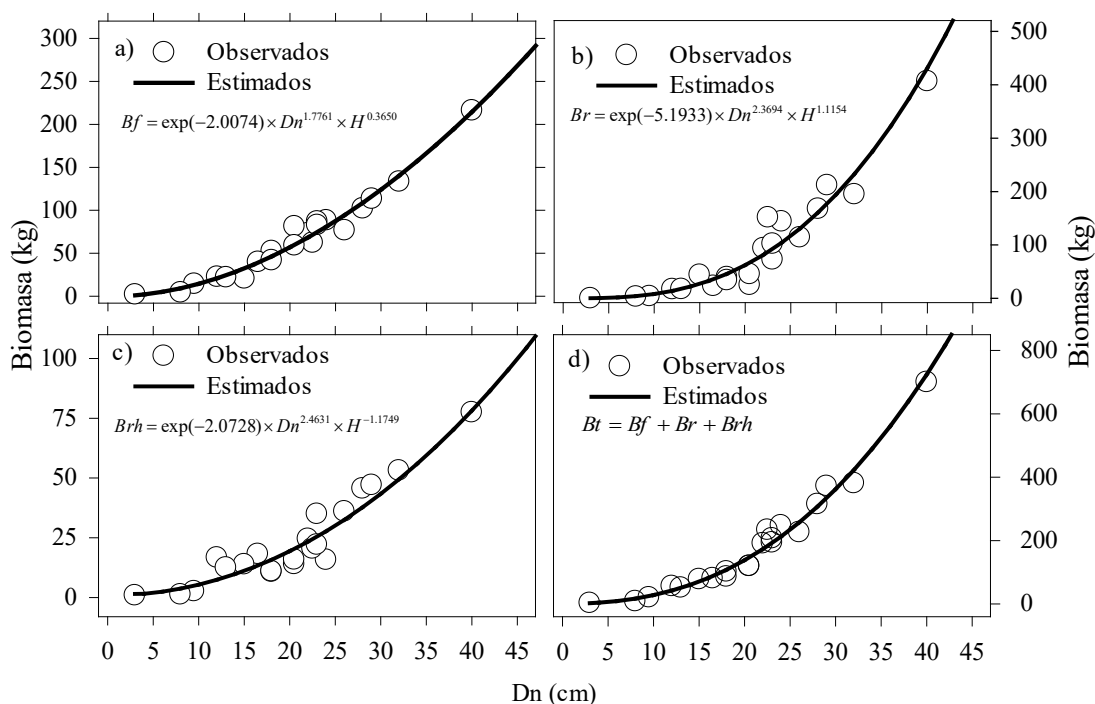


FIGURA 2. Comparación entre los valores observados y las curvas de predicción desarrolladas a partir de las ecuaciones alométricas de aditividad para a) la biomasa de fuste (Bf), b) biomasa de ramas (Br), c) biomasa de ramillas con hojas (Brh) y d) biomasa total (Bt) de *Pinus cembroides*.

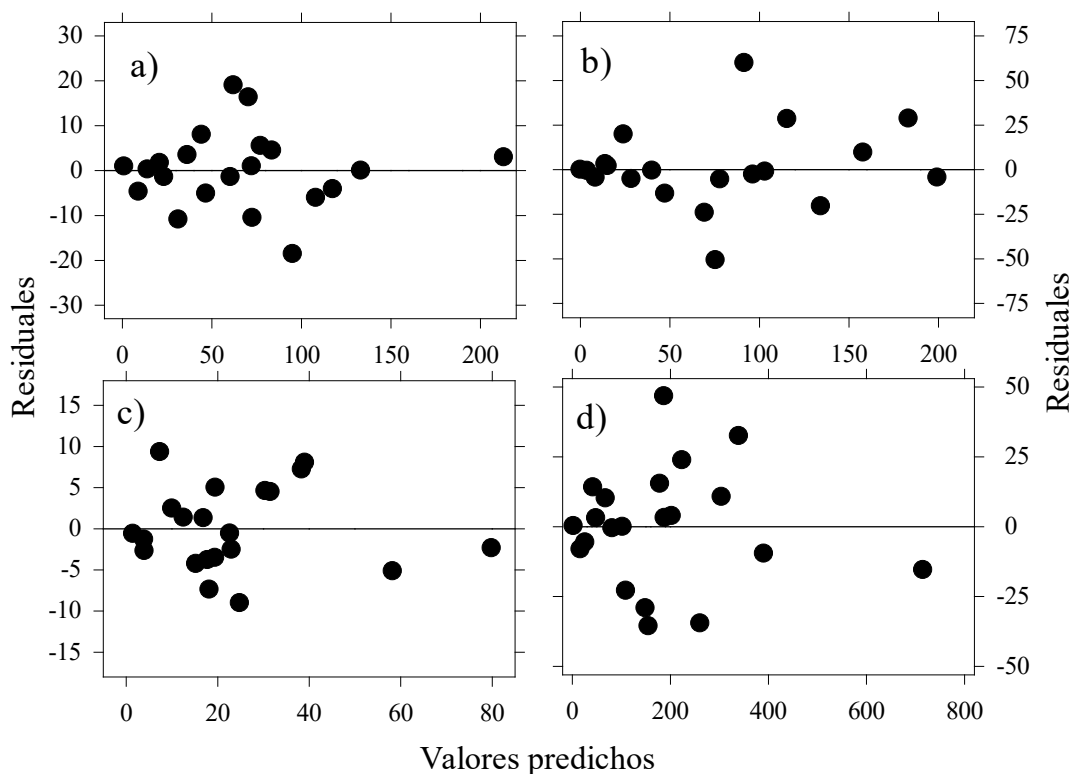


FIGURA 3. Valores predichos y residuales en la biomasa del a) fuste, b) ramas, c) ramillas con hojas y d) total en *Pinus cembroides*.



DISCUSIÓN

Los dos conjuntos de ecuaciones de aditividad obtenidos en este estudio proporcionan una herramienta operacional para estimar con precisión la biomasa aérea de los árboles individuales de *P. cembroides*. La variación explicada por las ecuaciones de aditividad fue alta, esto se debe a que en su estructura se incluyeron como variables independientes al Dn y a la H . El uso de estas variables en la predicción de la biomasa ha sido discutido ampliamente por diferentes autores, debido a que pueden mejorar significativamente los resultados de ajuste y la capacidad de predicción (Bi *et al.*, 2004; Li y Zhao, 2013), en lugar de emplear únicamente al Dn como variable predictora. Además, al incluir a la H en las ecuaciones se tiene información relacionada sobre la competencia y/o fertilidad del sitio ocasionando estimaciones menos sesgadas (Tesfaye *et al.*, 2015).

El uso del Dn como única variable predictora para la estimación de biomasa a nivel del árbol, ha mostrado buenos estadísticos de ajuste para diferentes especies de coníferas (Návar, González, Graciano, Dale y Parresol, 2004; Acosta-Mireles *et al.*, 2002; Díaz-Franco *et al.*, 2007). Sin embargo, la inclusión de la H como segunda variable predictora tiene la ventaja de ser un factor predictivo que debe tomarse en cuenta en la cuantificación de la biomasa, debido a que se espera que en árboles con el mismo Dn , pero distinto ahusamiento, tengan alometrías diferentes (Nogueira, Fearnside, Nelson, Barbosa y Keizer, 2008; Temesgen *et al.*, 2015). Además, la altura es importante para explicar las diferencias específicas en la arquitectura o la plasticidad fenotípica de los árboles dependiendo de las condiciones de crecimiento (Archibald y Bond, 2003). Una de las principales razones para omitir la altura del árbol es su dificultad para medirla en condiciones de dosel cerrado (Díaz-Franco *et al.*, 2007; Hunter, Keller, Victoria y Morton, 2013; Larjavaara y Muller-Landau, 2013). No obstante, existen diferentes métodos que garantizan su correcta medición (Sullivan *et al.*, 2018).

El sistema S_2 basado en el modelo

$$y = \beta_0 \times Dn^{\beta_1} \times H^{\beta_2}$$

fue el que obtuvo mejores estadísticos de bondad de ajuste, expresando la relación entre la biomasa de los componentes con las variables dasométricas del árbol, por lo tanto, fue seleccionado para estimar la biomasa de los componentes específicos y del árbol individual de *P. cembroides*. Este modelo ha sido considerado como uno de los más flexibles ya que mejora la precisión de las estimaciones de la Bt y de los componentes de la copa, especialmente la biomasa de ramas y de las hojas (Zhou, Brandle, Schoeneberger y Awada, 2007; Dong, Zhang y Li, 2015).

Las ecuaciones de aditividad del S_2 explican de 92% a 97% de la variabilidad de la biomasa de los componentes y 98% de la variabilidad de la biomasa aérea total, valores que son diferentes a los señalados por Návar (2011) en modelos de potencia para estimar la partición de biomasa en *P. cembroides*, *Pinus pinceana* Gordon, *Pinus pseudostrobus* Brongn., *Pinus brutia* Ten y *Cupressus arizonica* Greene, incluyendo únicamente al Dn como variable predictora en especies de bosques templados secos del noreste de México, con coeficientes de determinación de 0.87, 0.60 y 0.81 para la biomasa del fuste, biomasa de hojas y ramas, y en la biomasa total, respectivamente. Estas diferencias pueden atribuirse a la alta variabilidad que se registra al integrar en un solo modelo de distribución de biomasa a cinco especies de coníferas, representadas por un número reducido de árboles por especie. Por el contrario, los resultados en este estudio son semejantes a los hallados por Chávez-Pascual, Rodríguez-Ortiz, Enríquez-del Valle, Velasco-Velasco y Gómez-Cárdenas (2017) en *Pinus oaxacana* Mirov bajo manejo en Ixtlán Oaxaca, México, quienes ajustaron modelos de la variable combinada generalizada para estimar la biomasa del fuste con corteza, biomasa de ramas y biomasa de hojas con coeficientes de determinación de 0.97, 0.93 y 0.98, respectivamente; y un valor de 0.97 para el R^2_{adj} en la ecuación de la biomasa total. Así mismo, a los obtenidos por Vargas-Larreta *et al.* (2017) quienes utilizaron ecuaciones de aditividad con la misma estructura a los de este estudio, con coeficientes de determinación de 0.85 a 0.95 para la biomasa aérea total y coeficientes de 0.63 a 0.97 en la distribución de biomasa en 11 especies de coníferas del noroeste de México.

La aditividad o la compatibilidad es una característica deseable al desarrollar un sistema de ecuaciones de biomasa para eliminar la inconsistencia entre la suma de los valores predichos para los diferentes componentes (fuste, ramas y follaje) y la predicción total del árbol (Bi *et al.*, 2004; Dong *et al.*, 2015), propiedad que frecuentemente es ignorada. En México son limitados los estudios que toman en cuenta estas relaciones de aditividad, por ejemplo, Návar *et al.* (2004), desarrollaron ecuaciones aditivas ponderadas para el cálculo de la biomasa en plantaciones de *Pinus durangensis* Martínez, *Pinus cooperi* Blanco y *Pinus engelmannii* Carr. de la Sierra Madre Occidental en Durango, México, de igual manera, Monroy-Rivera y Návar-Cháidez (2004) generaron ecuaciones de aditividad para componentes de biomasa en plantaciones comerciales de *Hevea brasiliensis* en Veracruz, México y Aquino-Ramírez *et al.* (2015) propusieron un sistema de ecuaciones de partición de biomasa con aditividad para tres especies de árboles tropicales en Pluma Hidalgo Oaxaca, México. Recientemente, Vargas-Larreta *et al.* (2017) ajustaron simultáneamente sistemas de ecuaciones para la biomasa de los componentes y la biomasa total para asegurar la aditividad, en 17 especies forestales en los bosques templados del noroeste de México, así mismo, Flores-Medina *et al.* (2018) desarrollaron ecuaciones alométricas considerando la aditividad para estimar biomasa por fracción de grosor y total en cuatro especies en etapa de regeneración del suroeste de Durango, México.

La proporción de biomasa en las ramas se incrementó conforme aumentaron los tamaños del árbol. En las categorías diamétricas de 25 cm a 40 cm la asignación de biomasa superó más de 40% a la biomasa del fuste (Fig. 1). Estos resultados son consistentes con el estudio realizado por Grier, Elliott y McCullough, (1992) en un bosque mixto de Piñón-*Juniperus* en el norte de Arizona, encontraron que la asignación de biomasa en las ramas de *Pinus edulis* Engelm fue de 43.7% en rodales jóvenes con *Dn* promedio de 16 cm y se incrementó a 51.1% en rodales maduros con *Dn* promedio de 25 cm. Los patrones de asignación de biomasa en los pinos piñoneros son diferentes a la mayoría de las especies del género *Pinus* donde la mayor cantidad de

biomasa se concentra principalmente en el fuste (Chávez-Aguilar *et al.*, 2016; Vargas-Larreta *et al.*, 2017). Lo anterior se atribuye a que los árboles que crecen en espacios abiertos tienden a presentar copas extendidas (Návar, 2009), porque las ramas no tienen una buena poda natural lo que favorece un crecimiento libre y, en consecuencia, el árbol destina una mayor proporción de biomasa a los tejidos relacionados con el soporte del follaje y a las estructuras reproductivas (Loveall y Harrington, 2008).

Las ecuaciones de biomasa con aditividad presentadas en este estudio aportarán información más eficiente para mejorar la cuantificación de la biomasa y carbono, con el propósito de ayudar en el manejo sustentable de los bosques piñoneros de *P. cembroides*. Se recomienda la aplicación de las ecuaciones dentro del intervalo de diámetros en el que fueron construidas porque las relaciones alométricas no son constantes y pueden cambiar de diferentes maneras según la especie, el tamaño, calidad del sitio y la edad (Riofrío *et al.*, 2015), lo que ocasionaría resultados con menor precisión.

CONCLUSIONES

El sistema de ecuaciones alométricas (S_2) propuesto que integró al diámetro normal y la altura total del árbol como variables predictoras permite estimaciones robustas de la biomasa de los componentes estructurales y la biomasa aérea total de *Pinus cembroides*, asegurando la aditividad de los componentes.

En los árboles de *P. cembroides* la proporción de biomasa por componentes fue de 43.2%, 41.2% y 15.5% para fuste, ramas y ramillas con hojas, sin embargo, en las categorías diamétricas de 25 cm a 40 cm la acumulación de biomasa fue mayor en ramas que la del fuste con más de 40%.

Las ecuaciones desarrolladas en este estudio pueden aplicarse de manera sencilla y precisa a datos de árboles individuales e inventarios forestales para estimaciones de biomasa y carbono, lo que contribuirá al desarrollo de prácticas de manejo sustentable y estrategias de conservación de la especie, donde la producción de madera no es la función principal.



RECONOCIMIENTOS

Los autores expresan su agradecimiento a las autoridades de los Bienes Comunales de Sombrerete, municipio de Cadereyta, Querétaro, México por las facilidades y apoyo recibido para la realización de este estudio.

REFERENCIAS

- Acosta-Mireles, M., Vargas-Hernández, J., Velázquez-Martínez, M., & Etchevers-Barra, J. D. (2002). Estimación de la biomasa aérea mediante el uso de relaciones alométricas en seis especies arbóreas en Oaxaca, México. *Agrociencia*, 36, 725-736.
- Aquino-Ramírez, M., Velázquez-Martínez, A., Castellanos-Bolaños, J. F., De los Santos-Posadas, H., & Etchevers-Barra, J. D. (2015). Partición de la biomasa aérea en tres especies arbóreas tropicales. *Agrociencia*, 49(3), 299-314.
- Archibald, S. & Bond, W.J., 2003. Growing tall vs growing wide: tree architecture and allometry of *Acacia karroo* in forest, savanna, and arid environments. *Oikos*, 102(1), 3-14. doi: 10.1034/j.1600-0706.2003.12181.x
- Bi, H., Murphy, S., Volkova, L., Weston, C., Fairman, T., Li, Y., Law, R., Norris, J., Lei, X., & Caccamo, G. (2015). Additive biomass equations based on complete weighing of sample trees for open eucalypt forest species in south-eastern Australia. *Forest Ecology Management*, 349, 106-121. doi: 10.1016/j.foreco.2015.03.007
- Bi, H., Turner, J., & Lambert, M. J. (2004). Additive biomass equations for native eucalypt forest trees of temperate Australia. *Trees*, 18(4), 467-479. doi: 10.1007/s00468-004-0333-z
- Carrillo-Anzures, F., Acosta-Mireles, M., Jiménez-Cruz, C. D. R., González-Molina, L., & Etchevers-Barra, J. D. (2016). Ecuaciones alométricas para estimar la biomasa y el carbono de la parte aérea de *Pinus hartwegii* en el Parque Nacional Ixta-Popo, México. *Revista Mexicana de Ciencias Agrícolas*, 7(3), 681-691. doi: 10.29312/remexca.v7i3.327
- Carvalho, J. P. & Parresol, B. R. (2003). Additivity in tree biomass components of Pyrenean Oak (*Quercus pyrenaica* Willd.). *Forest Ecology Management*, 179, 269-276. doi: 10.1016/S0378-1127(02)00549-2
- Constante-García, V., Villanueva-Díaz, J., Cenaro-Paredes, J., Cornejo-Oviedo, E. H., & Valencia-Manzo, S. (2009). Dendrocronología de *Pinus cembroides* Zucc y reconstrucción de precipitación estacional para el sureste de Coahuila. *Revista Ciencia Forestal en México*, 34(106), 17-39.
- Chave, J., Andalo, C., Brown, S., Cairns, M.A., Chambers, J.Q., Eamus, D., Fölster, H., Fromard, F., Higuchi, N., Kira, T., Lescure, J. P., Nelson, B.W., Ogawa, H., Puig, H., Riéra, B., & Yamakura, T. (2005). Tree allometry and improved estimation of carbon stocks and balance in tropical forests. *Oecologia*, 145(1), 87-99. doi: 10.1007/s00442-005-0100-x
- Chávez-Aguilar, G., Ángeles-Pérez, G., Pérez-Suárez, M., López-López, M. A., García-Moya, E., & Wayson, C. (2016). Distribución de biomasa aérea en un bosque de *Pinus patula* bajo gestión forestal en Zacualtípán, Hidalgo, México. *Madera y Bosques*, 22(3), 23-36. doi: 10.21829/myb.2016.2231454
- Chávez-Pascual, E. Y., Rodríguez-Ortiz, G., Enríquez-del Valle, J. R., Velasco-Velasco, V. A. & Gómez-Cárdenas, M. (2017). Compartimentos de biomasa aérea en rodales de *Pinus oaxacana* bajo tratamientos silvícolas. *Madera y Bosques*, 23(3), 147-161. doi: 10.21829/myb.2017.2331627
- Daryaei, A. & Sohrabi, H. (2016). Additive biomass equations for small diameter trees of temperate mixed deciduous forests. *Scandinavian Journal of Forest Research*, 31(4), 394-398. doi: 10.1080/02827581.2015.1089932
- Díaz-Franco, R., Acosta-Mireles, M., Carrillo-Anzures, F., Buendía-Rodríguez, E., Flores-Ayala, E., & Etchevers-Barra, J. D. (2007). Determinación de ecuaciones alométricas para estimar biomasa y carbono en *Pinus patula* Schl. et Cham. *Madera y Bosques*, 13(1), 25-34. doi: 10.21829/myb.2007.1311233
- Dong, L., Zhang, L., & Li, F. (2015). Developing additive systems of biomass equations for nine hardwood species in Northeast China. *Trees*, 29(4), 1149-1163. doi: 10.1007/s00468-015-1196-1
- Dong, L., Zhang, L., Li, F. (2014). A compatible system of biomass equations for three conifer species in Northeast, China. *Forest Ecology and Management*, 329, 306-317. doi: 10.1016/j.foreco.2014.05.050
- Douterlungne, D., Herrera-Gorocica, A. M., Ferguson, B. G., Siddique, I., & Soto-Pinto, L. (2013). Ecuaciones alométricas para estimar biomasa y carbono de cuatro especies leñosas neotropicales con potencial para la restauración. *Agrociencia*, 47(4), 385-397.
- Eker, M., Poudel, K. P., & Özçelik, R. (2017). Aboveground biomass equations for small trees of brutian pine in Turkey to facilitate harvesting and management. *Forests*, 8(12), 477. doi: 10.3390/f8120477
- Flores-Medina, F., Vega-Nieva, D., Corral-Rivas, J., Álvarez-González, J., Ruiz-González, A., López-Sánchez, C., & Carrillo Parra, A. (2018). Desarrollo de ecuaciones alométricas de biomasa para la regeneración de cuatro especies en Durango, México. *Revista Mexicana de Ciencias Forestales*, 9(46). doi: 10.29298/rmcf.v9i46.119
- García, E. (2004). *Modificaciones al sistema de clasificación climática de Köppen* (5a ed.). México: UNAM.

- Greene, W. H. (1999). *Econometric Analysis* (4a ed.). Upper Saddle River, N.J.: Prentice Hall.
- Grier, C. C., Elliott, J. K., & McCullough, G. D. (1992). Biomass distribution and productivity of *Pinus edulis-Juniperus monosperma* woodlands of north-central Arizona. *Forest Ecology and Management*, 50(1992), 331-350. Recuperado de https://www.srs.fs.usda.gov/pubs/ja/ja_grier001.pdf
- Hunter, M. O., Keller, M., Victoria, D., & Morton, D. C. (2013). Tree height and tropical forest biomass estimation. *Biogeosciences*, 10(12), 8385-8399. doi: 10.5194/bg-10-8385-2013
- Larjavaara, M., & Muller-Landau, H. C. (2013). Measuring tree height: a quantitative comparison of two common field methods in a moist tropical forest. *Methods in Ecology and Evolution*, 4(9), 793-801. doi: 10.1111/2041-210X.12071
- Li, H., & Zhao, P. (2013). Improving the accuracy of tree-level aboveground biomass equations with height classification at a large regional scale. *Forest Ecology and Management*, 289, 153-163. doi: 10.1016/j.foreco.2012.10.002
- Lin, K., Lyu, M., Jiang, M., Chen, Y., Li, Y., Chen, G., Xie, J., & Yang, Y. (2017). Improved allometric equations for estimating biomass of the three *Castanopsis carlesii* H. forest types in subtropical China. *New Forest*, 48(1), 115-135. doi: 10.1007/s11056-016-9559-z
- Loveall, M. & Harrington, J. T. (2008). Description and prediction of individual tree biomass on pinon (*Pinus edulis*) in northern New Mexico. In G. J. Gottfried, J. D. Shaw, & P. L. Ford (Comps.), *Ecology, management, and restoration of piñon juniper and ponderosa pine ecosystems: Combined proceedings of the 2005 St. George, Utah and 2006 Albuquerque, New Mexico workshops* (pp. 28-34) (Proc. Pap. RMRS-P-51). Rocky Mountain Research Station, Fort Collins, CO: USDA For. Serv. Recuperado de https://www.fs.fed.us/rm/pubs/rmrs_p051/rmrs_p051_028_034.pdf
- Luna-Cavazos, M., Romero-Manzanares, A., & García-Moya, E. (2008). Afinidades en la flora genérica de piñonales del norte y centro de México: un análisis fenético. *Revista Mexicana de Biodiversidad*, 79(2), 449-458.
- Meng, S., Liu Q., Zhou, G., Jia, Q., Zhuang, H., & Zhou, H. (2017). Aboveground tree additive biomass equations for two dominant deciduous tree species in Daxing'anling, northernmost China. *Journal of Forest Research*, 22(4), 233-240. doi: 10.1080/13416979.2017.1333277
- Mensah, S., Veldtman, R., & Seifert, T. (2017): Allometric models for height and aboveground biomass of dominant tree species in South African Mistbelt forests. *Southern Forests: a Journal of Forest Science*, 79(1), 19-30. doi: 10.2989/20702620.2016.1225187
- Monroy-Rivera, C., & Nívar-Cháidez, J. de J. (2004). Ecuaciones de aditividad para estimar componentes de biomasa de *Hevea brasiliensis* Muell. Arg. en Veracruz, México. *Madera y Bosques*, 10(2), 29-43. doi: 10.21829/myb.2004.1021273
- Nívar, J. (2011). Plasticity of biomass component allocation patterns in semiarid Tamaulipan thornscrub and dry temperate pine species of northeastern Mexico. *Polibotanica*, 31, 121-141. Recuperado de <http://polibotanica.mx/pages/en/index/31-40/num.-31.php?lang=EN>
- Nívar, C. J. J., González, B. N., Graciano, L. J. J., Dale, V., & Parresol, B. (2004). Additive biomass equations for pine species of forest plantations of Durango, Mexico. *Madera y Bosques*, 10(2), 17-28. doi: 10.21829/myb.2004.1021272
- Nogueira, E. M., Fearnside, P. M., Nelson, B. W., Barbosa, R. I., & Keizer, E. W. H. (2008). Estimates of forest biomass in the Brazilian Amazon: new allometric equations and adjustments to biomass from wood-volume inventories. *Forest Ecology and Management*, 256(11), 1853-1867. doi: 10.1016/j.foreco.2008.07.022
- Parresol, B. R. (2001). Additivity of nonlinear biomass equations. *Canadian Journal Forest Research*, 31(5), 865-878. doi: 10.1139/x00-202
- Picard, N, Saint-Andre L., & Henry, M. (2012). Manual for building tree volume and biomass allometric equations from field measurement to prediction. Montpellier: Food and Agricultural Organization of the United Nations, Rome, and Centre Coopération Internationale en Recherche Agronomique pour le Développement,
- Pompa-García, M. & Yarena-Yamalliel, J. I. (2014). Concentración de carbono en *Pinus cembroides* Zucc: Fuente potencial de mitigación del calentamiento global. *Revista Chapingo Serie Ciencias Forestales y del Ambiente*, 20(3), 169-175. doi: 10.5154/r.rchscfa.2014.04.014
- Quiñonez-Barraza, G., Zhao, D., de los Santos-Posadas, H. M., Santiago-García, W., Tamarit-Urias, J. C., & Nájera-Luna, J. A. (2019). Sistema compatible de ahusamiento, volumen, peso verde, biomasa y concentración de carbono para *Quercus sideroxyla* Bonpl. *Revista Chapingo Serie Ciencias Forestales y del Ambiente*, 25(1), 49-69. doi: 10.5154/r.rchscfa.2018.06.050
- Riofrío, J., Herrero, C., Grijalva, J., & Bravo, F. (2015). Aboveground tree additive biomass models in Ecuadorian highland agroforestry systems. *Biomass and Bioenergy*, 80, 252-259. doi: 10.1016/j.biombioe.2015.05.026



- Ríos C., E. de los, De Hoogh, R., & Nívar C., J. J. (2008). Ensayo de especies con pinos piñoneros en el nordeste de México. *Revista Chapingo Serie Ciencias Forestales y del Ambiente*, 14(2), 97-104. Recuperado de https://chapingo.mx/revistas/forestales/contenido.php?section=article&id_articulo=496&doi=0000
- Rojas-García, F., De Jong, B. H., Martínez-Zurimendi, P., & Paz-Pellat, F. (2015). Database of 478 allometric equations to estimate biomass for Mexican trees and forests. *Annals of forest science*, 72(6), 835-864. doi: 10.1007/s13595-015-0456-y
- Rosas-Chavoya, M., Granados-Sánchez, D., Granados-Victorino, R. L., & Esparza-Govea, S. (2016). Clasificación y ordenación de bosques de pino piñonero del estado de Querétaro. *Revista Mexicana de Ciencias Forestales*, 7(33), 52-73. doi: 10.29298/rmcf.v7i33.90
- SAS Institute Inc. 2004. SAS/ETS® 9.1 User's Guide. Cary, NC. 2416 p.
- Skovsgaard, J. P. & Vanclay, J. K. (2013). Forest site productivity: a review of spatial and temporal variability in natural site conditions. *Forestry*, 86(3), 305-315. doi: 10.1093/forestry/cpt010
- Sullivan, M. J., Lewis, S. L., Hubau, W., Qie, L., Baker, T. R., Banin, L. F., ..., & Phillips, O. L. (2018). Field methods for sampling tree height for tropical forest biomass estimation. *Methods in ecology and evolution*, 9(5), 1179-1189. doi: 10.1111/2041-210X.12962
- Temesgen, H., Affleck, D., Poudel, K., Gray, A., & Sessions, J. (2015). A review of the challenges and opportunities in estimating above ground forest biomass using tree-level models. *Scandinavian Journal of Forest Research*, 30(4), 326-335. doi: 10.1080/02827581.2015.1012114
- Tesfaye, M. A., Bravo-Oviedo, A., Bravo, F., & Ruiz-Peinado, R. (2015). Aboveground biomass equations for sustainable production of fuelwood in a native dry tropical afro-montane forest of Ethiopia. *Annals of Forest Science*, 73(2), 411-423. doi: 10.1007/s13595-015-0533
- Vargas-Larreta, B., López-Sánchez, C. A., Corral-Rivas, J. J., López-Martínez, J. O., Aguirre-Calderón, C. G., & Álvarez-González, J. G. (2017). Allometric equations for estimating biomass and carbon stocks in the temperate forests of North-Western Mexico. *Forests*, 8 (8), 269. doi: 10.3390/f8080269
- Wang, X., Bi, H., Ximenes, F., Ramos, J., & Li, Y. (2017). Product and residue biomass equations for individual trees in rotation age *Pinus radiata* stands under three thinning regimes in New South Wales, Australia. *Forests*, 8(11), 439. doi: 10.3390/f8110439
- Zhang, Q., Wang, C., Wang, X., & Quan, X. (2009). Carbon concentration variability of 10 Chinese temperate tree species. *Forest Ecology Management*, 258(5), 722-727. doi: 10.1016/j.foreco.2009.05.009
- Zhao, D. H., Kane, M., Markewitz, D., Teskey, R., & Clutter, M. (2015). Additive tree biomass equations for Midrotation loblolly pine plantations. *Forest Science*, 61(4), 613-623. doi: 10.5849/forsci.14-193
- Zhou, X., Brandle, J. R., Schoeneberger, M. M., & Awada, T. (2007). Developing above-ground woody biomass equations for open-grown, multiple-stemmed tree species: shelterbelt-grown Russian-olive. *Ecological Modelling*, 202(3-4), 311-323. doi: 10.1016/j.ecolmodel.2006.10.024

Manuscrito recibido el 12 de julio de 2018

Aceptado el 12 de abril de 2019

Publicado el 17 de febrero de 2020

Este documento se debe citar como:

Cuevas C., J. C. & Aquino R., M. (2020). Ecuaciones de aditividad para la estimación de biomasa aérea de *Pinus cembroides* Zucc. *Madera y Bosques*, 26(1), e2611821. doi: 10.21829/myb.2020.2611821



Madera y Bosques por Instituto de Ecología, A.C. se distribuye bajo una Licencia Creative Commons Atribución-NoComercialCompartirIgual 4.0 Internacional.