



Biotecnia

ISSN: 1665-1456

Universidad de Sonora, División de Ciencias Biológicas y de la Salud

Martínez-García, Ricardo Adolfo; Espinosa-Solares, Teodoro; Flores-Velázquez, Jorge;
Rojano-Aguilar, Abraham; Reséndiz-Cantera, Omar; Arzeta-Ríos, Abraham Jesús
Mejoramiento del desempeño hidrodinámico de un digestor anaeróbico de laguna cubierta mediante CFD
Biotecnia, vol. 22, núm. 1, 2020, pp. 56-66
Universidad de Sonora, División de Ciencias Biológicas y de la Salud

DOI: <https://doi.org/10.7440/res64.2018.03>

Disponible en: <https://www.redalyc.org/articulo.oa?id=672971062007>

- Cómo citar el artículo
- Número completo
- Más información del artículo
- Página de la revista en redalyc.org



Sistema de Información Científica Redalyc
Red de Revistas Científicas de América Latina y el Caribe, España y Portugal
Proyecto académico sin fines de lucro, desarrollado bajo la iniciativa de acceso
abierto

Mejoramiento del desempeño hidrodinámico de un digestor anaeróbico de laguna cubierta mediante CFD

Improving the hydrodynamic performance of a covered lagoon anaerobic digester by CFD

Ricardo Adolfo Martínez-García¹, Teodoro Espinosa-Solares¹, Jorge Flores-Velázquez^{2,*}, Abraham Rojano-Aguilar¹, Omar Reséndiz-Cantera¹, Abraham Jesús Arzeta-Ríos¹

¹ Posgrado en Ingeniería Agrícola y Uso Integral del Agua, Universidad Autónoma Chapingo, Chapingo, México, 56230.

² Instituto Mexicano de Tecnología del Agua. Paseo Cuauhnahuac 8532, Jiutepec, Morelos. México. 7773293600.

RESUMEN

La digestión anaeróbica de residuos de explotaciones pecuarias presenta beneficios tales como, la reducción de olores y agentes patógenos, la producción de biogás y biofertilizantes. La producción de metano está influenciada, entre otros factores, por el desempeño hidrodinámico del digestor. El objetivo de esta investigación fue construir y validar un modelo numérico basado en Dinámica de Fluidos Computacional (CFD), a partir de un prototipo de un digestor anaeróbico de laguna cubierta. Las simulaciones del modelo en CFD fueron realizadas a partir de las características del reactor y las propiedades del fluido de trabajo. Para comprobar la concordancia del modelo, los resultados numéricos se relacionaron con datos experimentales generados mediante Velocimetría de Imágenes de Partículas (PIV) en un modelo a escala del digestor original. Con el modelo validado, se simuló cuatro alternativas de diseño. Los resultados mostraron mayor eficiencia del patrón de flujo al incluir recirculación. La reducción de espacio muerto entre configuraciones propuestas con respecto al original osciló entre 12,7-19,2%. La configuración de mejor desempeño hidrodinámico fue con recirculación de 2/3 de la alimentación en la entrada original y el otro tercio la distancia de 12 m y con un ángulo de 90° respecto a la línea de entrada.

Palabras clave: PIV, modelo a escala, espacio muerto, Mezclado, digestión

ABSTRACT

Anaerobic digestion of livestock waste has benefits such as reduction of odours and pathogens, production of biogas and biofertilizers. Methane production is influenced, among other factors, by the hydrodynamic performance of the digester. The objective of this research was to construct and validate a numerical model based on Computational Fluid Dynamics (CFD), from a prototype of a covered lagoon anaerobic digester. CFD model simulations were performed from reactor characteristics and working fluid properties. To check the agreement of the model, the numerical results were related to experimental data generated by Particle Imaging Velocimetry (PIV) in a scale model of the original digester. With the validated model, four design alternatives were simulated. The results showed greater efficiency of the

flow pattern by including recirculation. The reduction in dead space between proposed configurations with respect to the original, ranged from 12.7-19.2%. The best hydrodynamic performance configuration was with recirculation of 2/3 of the feed at the original inlet and the other third at 12 m and at an angle of 90° to the input line.

Keywords: PIV, scale model, dead space, mixing, digestion

INTRODUCCIÓN

La digestión anaeróbica de estiércol animal y lodos es una actividad con aportes directos e indirectos, tales como i) reducción de desechos con potencial de contaminación, ii) la posibilidad de generar un producto de uso potencial como fertilizantes, iii) reducción de olores y agentes patógenos y iv) la producción de un combustible renovable: el biogás. El proceso de digestión anaeróbica (DA) es una serie de procesos combinados y complejos en los que diferentes residuos son transformados en una mezcla compuesta principalmente de metano y dióxido de carbono que recibe el nombre de biogás (Benbelkacem et al., 2013).

La trascendencia del uso de estos dispositivos ha evolucionado introduciendo diferentes tipos y diseños de biodigestores atendiendo necesidades, planta de tratamientos (Lopez-Jimenez et al., 2015), tratamiento de biomasa (Ranganathan and Savithri, 2018; Rasouli et al., 2018; Rezvani et al., 2015) y desechos de granjas y lodos (Rasouli et al., 2018; Sajjadi et al., 2016). Los prototipos han adoptado formas tales como lagunas cubiertas, flujo de pistón, de flujo ascendente y diferentes geometrías con mezclado a través de dispositivos mecánicos, recirculación de gas y/o de efluentes (Wu et al., 2012; Wu, 2012). El desempeño de la DA puede ser definida por el tiempo de retención hidráulico en el reactor y el grado de contacto entre el sustrato de entrada y una población bacteriana viable; parámetros fuertemente afectados por el régimen hidrodinámico o mezclado en los reactores (Espinosa-Solares et al., 2008). Un mezclado apropiado es necesario para el óptimo funcionamiento y operación de los biodigestores, ya que asegura la distribución uniforme del sustrato y los microorganismos, evita la sedimentación de partículas pesadas en el fondo, impide la flotación de biomasa en la superficie de los lodos y mantiene el pH y temperatura deseada para el proceso microbiológico (Wu, 2010a).

*Autor para correspondencia: Jorge Flores-Velázquez
Correo electrónico: jorge_flores@tlaloc.imta.mx

Recibido: 26 de febrero de 2019

Aceptado: 14 de junio de 2019

Los patrones de flujo (PF) al interior del digestor son el indicador de la efectividad del mezclado. Se pretende lograr eficientes PF con el fin de mantener la uniformidad de los factores ambientales, además de promover la transferencia de masa del sustrato a los microorganismos (Chen et al., 2010). En consecuencia, los PF, explican el tipo de diseño que logra las mejores condiciones para la producción de biogás, evitando de esta manera la generación de zonas muertas (sin mezclado) dentro del reactor (Leonzio, 2018; Deka et al., 2018; Wu, 2014; Coughtrie et al., 2013).

La Dinámica de fluidos computacional (CFD) es un método numérico y herramienta aceptada y utilizada para la simulación de flujos de fluidos diversos. Así mismo está siendo usada para evaluar y optimizar diseños en diferentes procesos bio-físico-químicos, con la ventaja del ahorro en la construcción del prototipos (Bridgeman, 2012). Coughtrie et al. (2013) desarrollaron simulaciones en CFD para la visualización de los PF en un biodigestor anaeróbico cilíndrico, utilizando datos experimentales para validar los datos obtenidos por Karim et al. (2004), y usando Rastreo Automatizado de Partículas Radioactivas por Ordenador (CARPT). Otros grupos de investigación (Terashima et al., 2009; Yu et al., 2011; Bridgeman, 2012; Wu, 2012; Craig et al., 2013) han realizado simulaciones CFD para la visualización de los patrones de flujo en el mezclado principalmente en geometrías cilíndricas, con base cónica y con dispositivos de recirculación como tubos de aspiración, gas a presión y bombeo de lodos. A principios del año 2000, CFD surge como una herramienta auxiliar en la predicción de rendimientos de metano en reactores anaeróbicos de laguna cubierta (Wu and Chen, 2011). Sin embargo, los trabajos realizados analizan los digestores en su tamaño original, tanto en las simulaciones numéricas como en las validaciones experimentales (Craig et al., 2013; Yu et al., 2011; Ding et al., 2010; Zhang et al., 2016). Actualmente sigue siendo incipiente el estudio numérico en digestores de laguna cubierta (Wu and Chen, 2011). El objetivo del presente trabajo fue construir un modelo numérico para la simulación del proceso de mezclado, a través del uso de herramientas CFD y PIV para el análisis del comportamiento hidrodinámico de un digestor anaeróbico de laguna cubierta y así, proponer diseños que favorezcan la mezcla y reduzcan las zonas muertas.

MATERIALES Y MÉTODOS

En términos generales, la metodología usada consiste en la construcción y evaluación de un modelo numérico basado en Dinámica de fluidos computacional, mediante reflectometría (PIV) de un modelo a escala. La complejidad de esta evaluación consiste en homologar las características del fluido, para lo cual fue necesario definir las características reológicas del fluido prototipo mediante reómetro, y poder reproducirlas para su uso en el modelo a escala. Con estos datos, se realiza el "set up" en el modelo numérico con el fin de llevar a cabo la simulación de los flujos. La parametrización de los campos de velocidad, estuvo basada en la similitud de parámetros mediante la homologación de fluidos

con los respectivos números adimensionales. La Figura 1 muestra el diagrama con la estrategia experimental utilizada en esta investigación. Cada una de las etapas se describe a continuación.

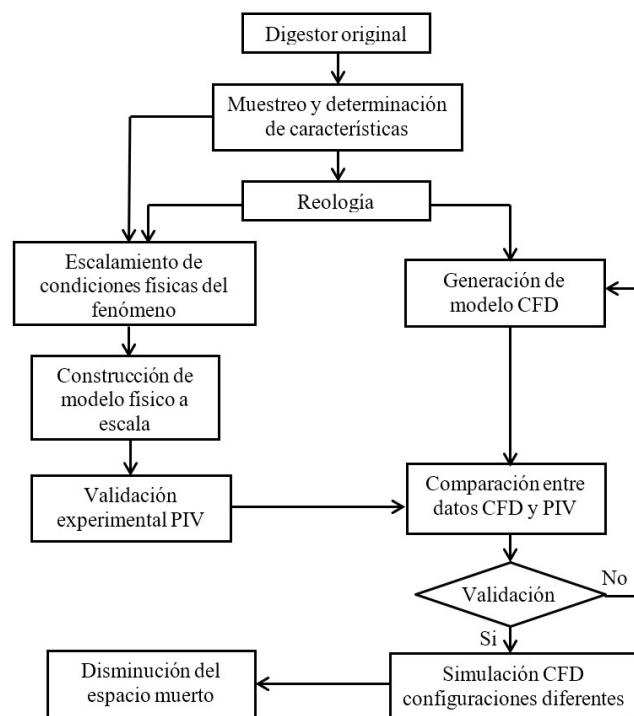


Figura 1. Estrategia experimental.

Figure 1. Experimental strategy.

Características del Digestor Prototipo Dimensiones y condiciones de operación

El presente trabajo se basó en un digestor anaeróbico tipo laguna cubierta con capacidad aproximada de 250 000 L (250 m³), en el cual se realiza la digestión de una mezcla en una proporción de 6% de sólidos totales que incluye estiércol bovino lechero y desecho de una fábrica en la elaboración de quesos bajo condiciones mesofílicas. Las características del fluido se describen en el apartado de caracterización reológica. En la Figura 2 se observan las características y dimensiones del reactor prototipo y sus proyecciones lateral y frontal, las flechas indican el lugar y la dirección de entrada y salida del flujo en el digestor. El diámetro de la tubería de entrada es de 0,15 m [6 in].

Caracterización reológica del fluido de trabajo del reactor prototipo

Se tomaron 20 L de muestra provenientes del fluido de trabajo del digestor prototipo. Se añadieron 3 g de azida de sodio (NaN₃) como conservador para evitar el desarrollo microbiano y por ende la modificación de las propiedades originales del fluido. Para la obtención de las curvas de flujo, se empleó un reómetro ANTON PAAR® Modelo RHEOPLUS/32 V2.62. (Österreich, Austria). Muestras de 3 mL fueron colocadas en una geometría de plato-cono y se analizaron en el

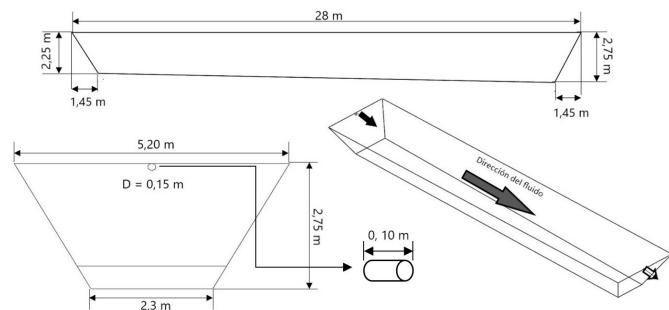


Figura 2. Características y dimensiones (m) del biodigestor original evaluado.

Figure 2. Characteristics and dimensions (m) of the original evaluated biogas digester.

intervalo de velocidades de cizalla de entre 1×10^{-4} y 1×10^3 s^{-1} con un tiempo de análisis de 10 s para cada punto. Las mediciones se realizaron por triplicado.

Simulación y Validación del Modelo del Digestor Prototipo

Desarrollo del modelo CFD

El modelo de flujo utilizado consiste en las ecuaciones de continuidad (Eq. 1) y Navier-Stokes para cantidad de movimiento lineal (Eq. 2) en su forma vectorial en estado estacionario, flujo incompresible e isotérmico (Çengel and Cimbala, 2012).

$$\nabla \cdot \vec{v} = 0 \quad (1)$$

$$\rho[\nabla \cdot (\vec{v}\vec{v})] = -\nabla P + \nabla \cdot (\vec{\tau}) + \vec{F} \quad (2)$$

Donde ρ densidad ($kg \cdot m^{-3}$), $\vec{v}$ vector de velocidad ($m \cdot s^{-1}$) P presión ($N \cdot m^{-2}$), $\vec{F}$ Fuerza de cuerpo ($N \cdot m^{-3}$) y el esfuerzo viscoso $\vec{\tau}$ se encuentra definido por la Eq. (3).

$$\vec{\tau} = \mu \left[(\nabla \vec{v} + \nabla \vec{v}^T) - \frac{2}{3} \nabla \cdot \vec{v} I \right] \quad (3)$$

Donde μ viscosidad dinámica (Pa·s), $\vec{v}$ vector de velocidad ($m \cdot s^{-1}$) e I vector unitario (adimensional). Para los cálculos fue utilizado el modelo de turbulencia $k-\omega$, para lo cual fueron resueltas las ecuaciones de transporte para la energía cinética de turbulencia (k) y tasa específica de disipación (ω) (Eq. 4 y 5) (Azargoshasb et al., 2015).

$$\nabla \cdot (\rho \vec{v} k) = \nabla \cdot (\Gamma_k \nabla k) + G_k - Y_k + S_k \quad (4)$$

$$\nabla \cdot (\rho \vec{v} \omega) = \nabla \cdot (\Gamma_\omega \nabla \omega) + G_\omega - Y_\omega + S_\omega \quad (5)$$

Donde ρ densidad ($kg \cdot m^{-3}$), $\vec{v}$ vector de velocidad ($m \cdot s^{-1}$), Γ_k difusividad efectiva de k ($kg \cdot m^{-1} \cdot s^{-1}$), k energía cinética de turbulencia ($m^2 \cdot s^{-2}$), G_k generación de k ($kg \cdot m^{-1} \cdot s^{-3}$), Y_k disipación de ($kg \cdot m^{-1} \cdot s^{-3}$), S_k término fuente de k ($kg \cdot m^{-1} \cdot s^{-3}$), ω tasa específica de disipación (s^{-1}), G_ω generación de ω ($kg \cdot m^{-3} \cdot s^{-2}$), Y_ω disipación de ω ($kg \cdot m^{-3} \cdot s^{-2}$) y S_ω término fuente de ($kg \cdot m^{-3} \cdot s^{-2}$).

Supuestos

1. El flujo y transferencia de calor se consideró en estado estacionario.
2. Las paredes del reactor en contacto con el fluido fueron definidas como lisas. El efecto de la resistencia de la fase gaseosa no fue tomado en cuenta.
3. La densidad, conductividad térmica y capacidad calorífica se consideraron constantes. La sustancia utilizada es solución de goma Xantana obtenida de la caracterización del modelo escalado
4. No se consideraron los cambios químicos derivados de la actividad de los microorganismos.
5. Se despreciaron los efectos multifase tales como sedimentación de sólidos, formación de burbujas y flujo de biogás.

Modelo reológico

Se fijó al líquido de trabajo como un fluido no newtoniano. De acuerdo con ANSYS (2009), en este tipo de fluidos el esfuerzo cortante ($\vec{\tau}$) puede ser descrito en términos de la viscosidad no newtoniana η :

$$\vec{\tau} = \eta(\bar{D}) \bar{D} \quad (6)$$

Donde η (Pa·s) es considerada como una función de la velocidad de cizalla $\dot{\gamma}$ (s^{-1}) y está relacionada con el segundo invariante del tensor de deformación $\bar{D}$ (adimensional) y es definida como:

$$\dot{\gamma} = \sqrt{\frac{1}{2} \bar{D} : \bar{D}} \quad (7)$$

El comportamiento reológico del líquido de trabajo se ajustó al modelo de Cross (Chhabra and Richardson, 2011):

$$\eta = \eta_\infty + \frac{\eta_\infty - \eta_0}{1 + (K\dot{\gamma})^n} \quad (8)$$

Donde η_0 viscosidad en la región newtoniana superior (Pa·s), η_∞ viscosidad en la región newtoniana inferior (Pa·s), k consistencia (s), velocidad de cizalla $\dot{\gamma}$ (s^{-1}) y n constante de velocidad de Cross (adimensional).

Se utilizó el software comercial ANSYS Fluent® 14.5. Los mallados fueron realizados en el software Meshing. La construcción del modelo CFD puede ser descrito como sigue:

- Definición del método de solución para configuración 3D, en estado estacionario, implícito y basado en la presión. Para este efecto fue seleccionado el método SIMPLE descrito por Patankar (1980).
- Activación de los modelos de ecuación de la energía y viscosidad turbulenta.
- Definición de las propiedades físicas del fluido de trabajo. Para incorporar el modelo reológico de Cross, se programó en lenguaje C estándar una función definida por el usuario (UDF).
- Definición de las condiciones de operación y activación de la gravedad en el modelo.
- Definición de las condiciones de frontera.
- Especificación de los controles de solución mediante el ajuste de los factores de relajación y selección de los esquemas de discretización.
- Se inicializaron los campos de flujo y se inició la simulación numérica hasta su convergencia.

La malla fue discretizada en 961 456 elementos y 1 330 264 nodos. El volumen mínimo de celda fue de $2.8611 \times 10^{-3} \text{ m}^3$ y el máximo de 0.57222 m^3 . Se realizó un mallado más fino en las regiones cercanas a las entradas de flujo donde se esperan los mayores gradientes de velocidad. El factor de crecimiento fue fijado en 1,10. Las características asociadas a la calidad de la malla se presentan en la Tabla 1.

Las simulaciones se llevaron a cabo con un equipo de cómputo Hewlett-Packard® Modelo Compaq 8100 Elite SFF PC. Memoria RAM DDR3 16,0 GB y procesador Intel® Core™ i5 650 3,20 GHz.

Tabla 1. Características del mallado.

Table 1. Characteristics of the mesh and quality.

	Mínima	Máxima	Media	Desviación Estándar
Calidad	0,0071364	0,999863	0,837415	98,09195
Relación de aspecto	1,1627	19,782	1,841559	0,479043
Relación jacobiana	1	118,79	1,000273	0,165709

Evaluación del Modelo Prototipo

Modelo a escala

Se estimaron los números adimensionales de las ecuaciones de Navier Stokes para el escalamiento del digestor prototipo (Ruzicka, 2008). Una vez obtenidos, se utilizó el principio de similitud que abarca, geométrica, cinemática y dinámica, para encontrar la escala idónea para la experimentación y las condiciones de operación para cada una de las variables involucradas, siendo 1:50 el factor de escala para la construcción del modelo en acrílico. Una vez encontradas las condiciones, se construyó un modelo en acrílico con el objetivo de permitir el paso de la luz láser utilizada en la validación mediante Velocimetría de Imágenes de Partículas (PIV).

Fluido modelo

Las soluciones de goma xantana son un fluido no newtoniano que presentan propiedades similares a medios utilizados en la digestión anaeróbica (Low et al., 2012), por

lo que se utilizó una solución al 0,05% de concentración para asemejar las condiciones del fluido original trasladado a la configuración escalada llevando a cabo la Reología del fluido, como se muestra en la figura 5.

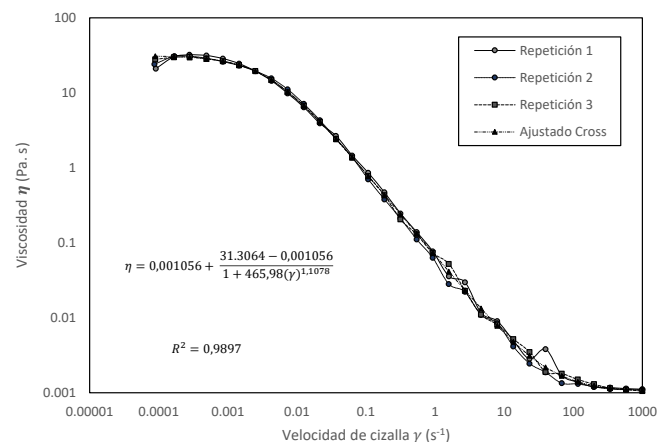


Figura 5. Curvas de flujo del fluido de trabajo del digestor prototipo.

Figure 5. Flow curves of the prototype digester working fluid.

Configuración del sitio experimental

Para validar el modelo CFD del reactor original, se utilizó Velocimetría de Imágenes de Partículas. El equipo utilizado fue un PIV marca DANTEC DYNAMICS® (Skovlunde, Denmark) modelo 2,20 18,0. La configuración experimental puede ser observada en la Figura 3.

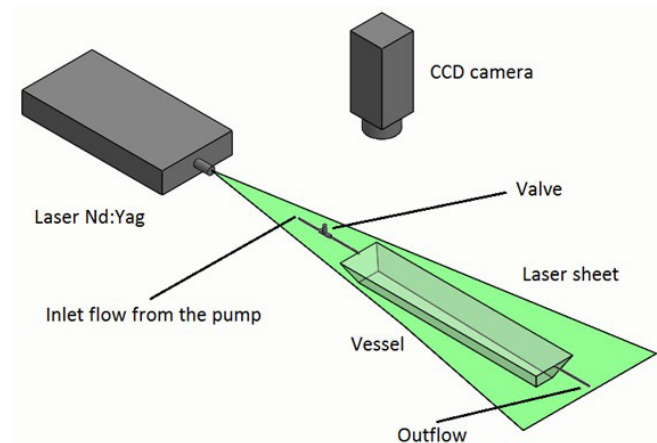


Figura 3. Arreglo experimental para la evaluación de patrones de flujo por PIV.

Figure 3. Experimental set up for flow pattern evaluation by PIV.

Para suministrar el flujo volumétrico necesario, se empleó una bomba sumergible con capacidad de bombeo de $600 \text{ L}\cdot\text{h}^{-1}$, la cual se acopló a una válvula reguladora de flujo de entrada al modelo en acrílico cuyo tamaño fue escalado 1:50 de acuerdo con las pruebas realizadas que se muestran en la tabla 4. Con la inclusión de la válvula reguladora, el tiempo de retención hidráulica fue cercano al medio minuto. Se agregaron partículas trazadoras conocidas como "semi-

Tabla 4. Valores de los parámetros de escalamiento y relaciones de similitud.**Table 4.** Scale down parameters values and similarity relationships.

	$\pi_1=Re$	$\pi_2=Fr$	l (m)	t (s)	μ (Pa.s)	ρ (kg.m ⁻³)	$\dot{m}$ (kg.s ⁻¹)	g (m.s ⁻²)
Original	74,43	0,284	28	1	0,7128	1027	6,08569	9,81
Escalado	76,17	0,289	05,6	01,4237	0,00195	1000	0,00035	9,81
Relación	0,9772	0,9827	50	7,0239	365,54	0,973709	16228,5	1

Re: número Reynolds (adimensional); Fr: número de Froude (adimensional); μ : viscosidad; ρ : densidad; $\dot{m}$: flujo másico; g : gravedad.

llas" con el objetivo de reflejar la luz emitida por el láser y la cámara pudiera captar su movimiento. Las partículas usadas como trazadores fueron cristales de poliamidas con un promedio de 50 μ m de diámetro, cuya densidad aproximada es de 1030 kg.m⁻³. Se tomaron cien imágenes en configuración de doble exposición (double frame). El tiempo entre pulsos fue de 1×10^{-2} s, la frecuencia de repetición del pulso láser enviado por el sincronizador fue de 2,5 Hz.

Evaluación del Modelo CFD con PIV

Uno de los principales factores que definen la eficiencia del reactor, son sus patrones de flujo y la velocidad de los mismos. Ambos parámetros fueron considerados en forma escalar y gráfica, tanto en la evaluación como en el análisis. Se analizaron las imágenes obtenidas mediante el equipo PIV a través del Software DynamicStudio™. Para cada imagen se efectuó análisis de correlación cruzada, además de las técnicas de validación de picos y de la media móvil. Para la generación de los mapas vectoriales y las líneas de corriente se utilizaron los vectores obtenidos mediante el promedio del total de imágenes. Los datos generados de la experimentación se compararon de manera visual y a través de los perfiles de velocidad con los resultados obtenidos de la simulación CFD.

Aplicación del Modelo CFD

Con el modelo construido, y para cumplir el objetivo se realizan 4 escenarios de simulación al modelo computacional en CFD con 4 configuraciones de diseño. Estas modificaciones fueron realizadas con el objetivo de incrementar la eficiencia en el desempeño hidrodinámico del reactor prototipo. Las modificaciones fueron implementadas con el fin de favorecer la eficiencia del reactor, anexando opciones de entrada y salida para recirculación del material, con la intención de provocar un disturbio y movimiento del mate-

rial al interior del digestor de manera que se redujeran los espacios muertos.

Las configuraciones analizadas consistieron en analizar primeramente el diseño original (Figura 4, a), consecutivamente se simuló diferentes recirculaciones, por un costado del digestor (Figura 4, b), dos recirculaciones, una en cada costado del digestor y en diferentes ángulos de entrada (Figura 4, c y d) y dos recirculaciones cerca de la superficie del fluido (Figura 4, e), las condiciones experimentales se muestran en la Tabla 2.

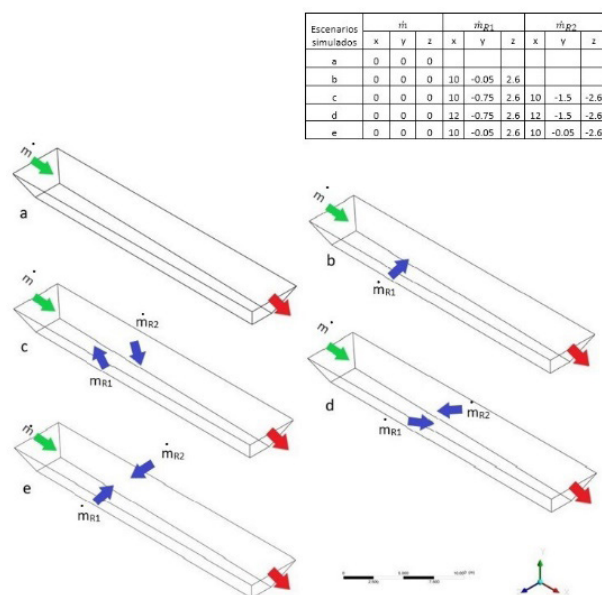


Figura 4. Posición de la entrada y salida del modelo original (a) y 4 escenarios numéricos simulados (b-e) con diferentes configuraciones de entrada y salida simuladas en CFD para mejoramiento del desempeño hidrodinámico: flujo másico (kg. s⁻¹); recirculación 1; recirculación 2, x, y z, localización de los puntos de entrada y salida.

Figure 4. Entrance and exit position in the prototype model (a) and 4 numerical sceneries (b-e) simulated with different CFD simulated entrance and exit configurations for hydrodynamic performance improvement: mass flow (kg. s⁻¹); re-circulation 1; re-circulation 2, x, and z, enter and exit localization pints.

Tabla 2. Parámetros para las configuraciones analizadas en CFD.**Table 2.** Parameters for the digester configurations analyzed in CFD.

	$\dot{m}$	$\dot{m}_{r1}$	$\dot{m}_{r2}$	$r1_{x,y,z}$	$r2_{x,y,z}$	$r1_{i,j,k}$	$r2_{i,j,k}$	N_e	N_n
A	6,09	-	-	-	-	-	-	961456	1330264
B	4,87	2,43	-	10; -0,05; 2,6	-	0; 0; -2,4343	-	1008360	1396037
C	4,87	1,21	1,21	10; -0,75; 2,6	10; -1,5; -2,6	0; 0; -1,2138	0; 0; 1,2138	1086213	1500789
D	4,87	1,21	1,21	12; -0,75; 2,6	12; -1,5; -2,6	0,86; 0; -0,86	-0,86; 0; 0,86	1094724	1512515
E	4,87	1,21	1,21	10; -0,05; 2,6	10; -0,05; -2,6	0; 0; -1,2138	0; 0; 1,2138	1045221	1447336

$\dot{m}$: flujo másico (kg. s⁻¹); r_1 : recirculación 1; r_2 : recirculación 2; N_e : número de elementos; N_n : Número de nodos 2,6.

Determinación de Espacio Muerto

Debido a que la viscosidad es función de la velocidad de cizalla, y esta última es función de la velocidad de flujo, se definieron los espacios muertos con base en la viscosidad presentada en cada una de las celdas (Lopez-Jimenez et al., 2015). Con la curva de flujo experimental obtenida mediante la reología, se calculó la pendiente de la tangente a la curva y mediante su representación logarítmica se obtuvo el punto de inflexión que representa el punto a partir del cual la viscosidad del material disminuye con tasas menores de velocidades de cizalla (Azargoshab et al., 2015; Sajjadi et al., 2016; Deka et al., 2018; Wu, 2014).

Para definir un espacio muerto se ha empleado el concepto de tiempo de retención hidráulica (HRT), que es el tiempo que le toma al material realizar el recorrido desde la entrada hasta la salida del digestor, matemáticamente se define como:

$$HRT = \frac{V}{Q}$$

donde V es el volumen total del digestor y Q es el flujo volumétrico de entrada al digestor.

El flujo volumétrico Q provoca que el material tenga una determinada velocidad promedio dentro del digestor, cuya magnitud es resultado del vector $\vec{v}$ que tiene compo-

Tabla 3. Parámetros del modelo de Cross para las propiedades de flujo del fluido.

Table 3. Cross model parameters for fluid flow properties.

Repetición	η_0	η_{inf}	k	n	R^2
R1	32,7361	0,001053	421,27	1,0620	0,9820
R2	29,983	0,001065	510,58	1,1533	0,9947
R3	31,2	0,001050	466,1	1,108	0,9925
Promedio	31,3064	0,001056	465,9833	1,1078	0,9897

η_0 : viscosidad en la región newtoniana superior (Pa·s); n : constante de velocidad de Cross (adimensional); k : energía cinética de turbulencia ($m^2 \cdot s^{-2}$)

nentes en x,y,z (u,v,w), por lo tanto, para calcular la velocidad límite para definir un espacio muerto se emplea la siguiente relación matemática:

$$v_{dead\ zone} \leq \frac{Long.\ reactor}{\sqrt{3} (HRT)}$$

La tabla 5 muestra los resultados donde se considera como espacio muerto aquellas regiones donde $\vec{v} \leq v_{dead\ zone}$.

RESULTADOS Y DISCUSIÓN

Caracterización Reológica del Fluido de Trabajo Original

El comportamiento reológico de las tres repeticiones de la muestra del reactor prototipo, se presentan en la Tabla 3. Los datos indican que el flujo másico presenta un comportamiento no Newtoniano. Lo anterior tiene sentido y es comparable con los resultados de otras investigaciones similares con resultados para soluciones de estiércol de ganado (Hreiz

Tabla 5. Espacio muerto en las configuraciones analizadas.

Table 5. Dead space in the analyzed configurations.

Espacio muerto por viscosidad	Espacio muerto (%)	Reducción absoluta de espacio muerto (%)	Reducción respecto al original (%)
A	32,65	-	-
B	26,38	6,27	19,21
C	28,30	4,35	13,32
D	28,18	4,47	13,69
E	28,51	4,14	12,67

et al., 2017; Dai et al., 2014; Baroutian et al., 2013). También queda de manifiesto que las curvas de flujo muestran coeficientes de correlaciones del 98% al modelo reológico de Cross (), lo cual muestra la misma tendencia que lo reportado por Eshtiagh (2018).

En la Figura 5 se presentan las características generales del modelo. Se observa un plato inferior () a altas velocidades de cizalla, donde el fluido tiende a comportarse como un fluido newtoniano con una viscosidad de 0,001056 Pa·s, valor similar a la viscosidad del Agua (0,001 Pa·s); el plato newtoniano superior () a velocidades de cizalla muy bajas corresponde a un valor de 31.3064 Pa·s. Entre ambos platos newtonianos se presenta una región de adelgazamiento por cizalladura, coincidiendo con lo reportado para soluciones de estiércol de diferente tipo de ganado (Chen, 1986; Achkari-Begdouri and Goodrich, 1992; El-Mashad et al., 2005; Hreiz et al., 2017).

Simulación y Validación del Modelo del Digestor Prototipo

Modelo a escala

Se definieron un conjunto de variables adimensionales a partir de las variables involucradas en las ecuaciones de Navier-Stokes. Los parámetros definidos fueron V, P_0, l y τ . Los parámetros se utilizaron para definir las siguientes variables adimensionales:

$$u^* = \frac{u}{V} \quad (9)$$

$$v^* = \frac{v}{V} \quad (10)$$

$$w^* = \frac{w}{V} \quad (11)$$

$$p^* = \frac{P}{P_0} \quad (12)$$

$$x^* = \frac{x}{l} \quad (13)$$

$$y^* = \frac{y}{l} \quad (14)$$

$$z^* = \frac{z}{l} \quad (15)$$

$$t^* = \frac{t}{\tau} \quad (16)$$

Donde $\bar{D}$ tensor de deformación (adimensional), l longitud de referencia (m), P presión (N·m⁻²), P^* presión adimensional, P_0 presión de referencia (N·m⁻²), t tiempo (s), t^* tiempo adimensional, u velocidad en el eje x (m·s⁻¹), u^* velocidad adimensional en el eje x , v velocidad en el eje y (m·s⁻¹), V velocidad de referencia (m·s⁻¹), v^* velocidad adimensional en el eje y , w velocidad en el eje z (m·s⁻¹), w^* velocidad adimensional en el eje z , x^* longitud en x adimensional, y^* longitud en y adimensional, z^* longitud en z adimensional, $\dot{\gamma}$ velocidad de cizalla (s⁻¹) y τ tiempo de referencia (s).

Las ecuaciones de Navier-Stokes se reescribieron en términos de las variables adimensionales y se dividieron entre el término $(\rho V^2)/l$, quedando finalmente las ecuaciones para las direcciones x (Eq. 17), (Eq. 18) y (Eq. 19):

$$\left[\frac{l}{\tau V} \right] \frac{\partial u^*}{\partial t} + \left(u^* \frac{\partial u^*}{\partial x^*} + v^* \frac{\partial u^*}{\partial y^*} + w^* \frac{\partial u^*}{\partial z^*} \right) = \left[\frac{\mu}{\rho V l} \right] \left(\frac{\partial^2 u^*}{\partial x^{*2}} + \frac{\partial^2 u^*}{\partial y^{*2}} + \frac{\partial^2 u^*}{\partial z^{*2}} \right) - \left[\frac{P_0}{\rho V^2} \right] \left(\frac{\partial P^*}{\partial x^*} \right) \quad (17)$$

$$\left[\frac{l}{\tau V} \right] \frac{\partial v^*}{\partial t} + \left(u^* \frac{\partial v^*}{\partial x^*} + v^* \frac{\partial v^*}{\partial y^*} + w^* \frac{\partial v^*}{\partial z^*} \right) = \left[\frac{\mu}{\rho V l} \right] \left(\frac{\partial^2 v^*}{\partial x^{*2}} + \frac{\partial^2 v^*}{\partial y^{*2}} + \frac{\partial^2 v^*}{\partial z^{*2}} \right) - \left[\frac{P_0}{\rho V^2} \right] \left(\frac{\partial P^*}{\partial y^*} \right) + \left[\frac{gl}{V^2} \right] \quad (18)$$

$$\left[\frac{l}{\tau V} \right] \frac{\partial w^*}{\partial t} + \left(u^* \frac{\partial w^*}{\partial x^*} + v^* \frac{\partial w^*}{\partial y^*} + w^* \frac{\partial w^*}{\partial z^*} \right) = \left[\frac{\mu}{\rho V l} \right] \left(\frac{\partial^2 w^*}{\partial x^{*2}} + \frac{\partial^2 w^*}{\partial y^{*2}} + \frac{\partial^2 w^*}{\partial z^{*2}} \right) - \left[\frac{P_0}{\rho V^2} \right] \left(\frac{\partial P^*}{\partial z^*} \right) \quad (19)$$

Donde los números entre corchetes son números adimensionales que representan la relación de fuerzas dominantes en el fenómeno. $l/\tau V$ es el número de Strouhal (St). $\mu/\rho V l$ es el inverso del número de Reynolds (Re). $P_0/(\rho V^2)$ es el número de Euler (Eu) y gl/V^2 es el inverso del cuadrado del número de Froude (Fr). El St es un parámetro que hace referencia a flujos en estado no estacionario y debido a que en este trabajo se realizó bajo estado estacionario, no se tomó como parámetro de escalamiento. El Eu relaciona la diferencia de presión con la presión dinámica, por lo que en este trabajo no se tomó en cuenta como criterio de escalamiento debido a que se trata de un fluido incompresible donde no se consideran cambios en su presión. Por lo tanto, se tomaron el Re y el Fr como parámetros de escalamiento.

En la Tabla 4 se pueden observar los valores de los parámetros de escalamiento, así como también las relaciones de similitud empleadas en el modelo escalado. La misma tabla muestra la relación entre los valores de Re y Fr entre el modelo escalado y el digestor original, al ser cercanos a la unidad permiten una confiabilidad estadística en la representación del fenómeno real.

Características del fluido modelo

La caracterización reológica de la solución de goma xantana al 0.05% mostró alto ajuste al modelo de Cross. Se adimensionalizó la ecuación del modelo reológico de Cross para comparar el fluido modelo con el original. La viscosidad adimensional se fijó de acuerdo con la Eq. (8).

Donde:

$$\eta_{\infty}^* = \frac{\eta_{\infty}}{\eta_0 - \eta_{\infty}} \quad (20)$$

$$\eta_0^* = \frac{\eta_0}{\eta_0 - \eta_{\infty}} \quad (21)$$

Los parámetros del modelo de Cross utilizados para la solución de goma xantana al 0.05% fueron:

$$\eta_0 = 7, \eta_{inf} = 0,00105; k = 151,5151; n = 1,074; \gamma R^2 = 0,9176$$

Evaluación del Modelo Numérico

Existen diferentes metodologías para la evaluación de modelos numéricos, desde modelos a escala, datos experimentales o modelos teóricos. La elección de esto estará en función de las características del proceso físico a simular. En este caso se usó reflectometría; para dicho fin fue necesario la caracterización reológica del fluido mediante potenciómetro, para introducirlo en un modelo a escala y semejar la dinámica del digestor prototipo.

Debido a la complejidad del fluido se optó por la evaluación mediante números adimensionales como los muestran las tablas 3 y 4. Una de las ventajas del CFD es la visualización en detalle de los procesos físicos, en este caso se explota esta ventaja al presentar de manera visual el comportamiento dinámico del digestor con las hipótesis correspondientes. Otra de las ventajas del CFD es la cantidad de datos escalares que aporta, los cuales se muestra en las tablas 1—5, la evaluación del modelo y los resultados objeto de este trabajo, con la ventaja del detalle visual del proceso, como se muestra en la figura 7

La Figura 6 muestra las líneas de corriente (a) y los vectores de velocidad (b) obtenidas mediante las dos técnicas (CFD y PIV). Se aprecian las formas de los contornos, y características de velocidad del flujo [17], resultado de la simulación mediante CFD y el correspondiente usando PIV.

Tanto las líneas de flujo como los vectores de velocidad presentan similitud física entre las resultantes de las simulaciones en CFD y los datos obtenidos experimentales en PIV. El principio de similitud es un concepto que puede emplearse en la verificación de modelos, el cual incluye similitud geométrica, cinemática y dinámica. Para proporcionar un punto de comparación cuantitativo, la Figura 7 muestra un gráfico tridimensional con las velocidades de flujo en v vs el plano a a una profundidad de 0,006 m en el modelo experimental (equivalente a 0,3 m de profundidad en el digestor original).

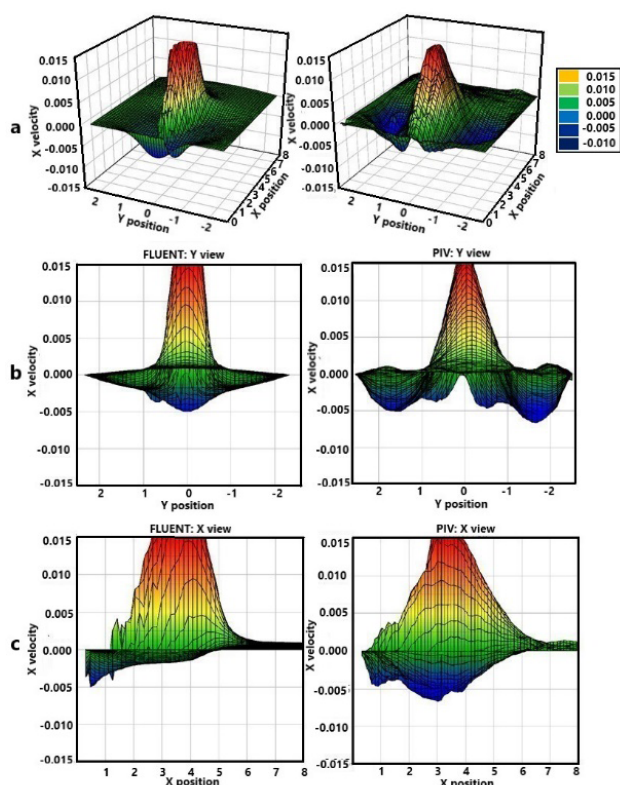
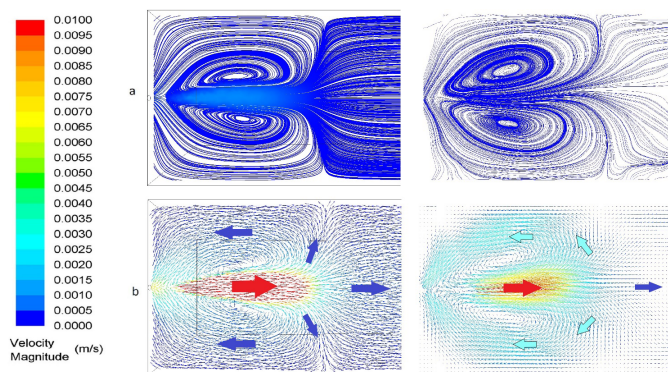


Figura 7. Comparación de velocidades entre el modelo CFD (izquierda) y el experimento PIV (derecha). a) Velocidad en vs plano . b) Velocidad en vs posición en , y c) Velocidad en vs posición en .

Figure 7. Velocity comparison between CFD simulations (left) and experimental PIV (right). a) x velocity vs plane x,y, b) x velocity vs y position and c) x velocity in x position.



igura 6. Comparación entre simulaciones CFD (izquierda) y el experimento PIV (derecha). a) Líneas de flujo y b) Vectores de velocidad (m s⁻¹).

Figure 6. Comparison between CFD simulations (left) and experimental PIV (right). A) Flow lines and b) velocity vectors (m s⁻¹).

Desde el punto de vista de posición y magnitud de flujos, las gráficas reflejan la similitud entre los perfiles de velocidad observados en los modelos CFD y los datos experimentales de PIV, la concordancia entre direcciones y magnitudes de los vectores aporta confiabilidad en los resultados simulados, y permite inferir un modelo robusto desde el punto de vista numérico.

Actualmente se han desarrollado trabajos enfocados a la simulación hidrodinámica de los digestores anaeróbicos

(Bridgeman, 2012; Meroney and Colorado, 2009; Wu and Chen, 2008; Yu et al., 2011; Wu and Chen, 2011). El avance de la tecnología y la variación de geometrías y tamaños de los biodigestores cada vez es más frecuente la validación experimental de los patrones de flujo y proceso de mezclado. Destacan los trabajos de Coughtrie et al. (2013), Vesvikar and Al-Dahhan (2005) quienes utilizaron los resultados experimentales obtenidos por Karim et al. (2004) mediante la aplicación del método CARPT. La PIV también ha sido empleada como técnica de validación en la modelación CFD del mezclado por gas no confinado (Dapelo et al., 2015). Los demás trabajos con validación se basan principalmente en una medida indirecta como lo es la potencia consumida por motores que impulsan los agitadores mecánicos en digestores completamente agitados (Wu and Chen, 2008; Bridgeman, 2012; Yu et al., 2011; Terashima et al., 2009).

Escenarios de Mejora Simulados en CFD

De acuerdo al objetivo planteado, se realizaron 4 escenarios de simulación con el fin de favorecer la recirculación del flujo del fluido y con ello la eficiencia del digestor (Figura 2). Las características del flujo y posición se muestran en la figura dos, de manera puntual dichas configuraciones fueron:

- Prototipo original
- Entrada de flujo másico ($2.4343 \text{ kg}\cdot\text{s}^{-1}$) por el lado derecho
- Dos entradas de flujo másico ($1.2138 \text{ kg}\cdot\text{s}^{-1}$) en dirección hacia el fondo y superficie
- Dos entradas de flujo másico ($1.2138 \text{ kg}\cdot\text{s}^{-1}$) en dirección opuesta entre si
- Dos entradas de flujo másico ($1.2138 \text{ kg}\cdot\text{s}^{-1}$) en dirección diferente

En las cinco simulaciones se observa la formación de dos vórtices producto de la velocidad de flujo a la entrada, alrededor de estos vórtices la velocidad del flujo es baja. La formación de vórtices también fu reportada por Wu, (2014) y Wu and Chen (2011), trabajos donde se investigó el flujo en un digestor anaeróbico de laguna cubierta, en dicho trabajo se reportó la formación de un vórtice en la parte central de la laguna. Los efectos reológicos del material ajustado al modelo de Cross quedan de manifiesto en las características de los flujos, reflejado principalmente en las entradas, tanto en la principal como en las de recirculación Sajjadi et al. (2016), ya que la viscosidad disminuye debido a que las velocidades del fluido de trabajo se incrementan y con ello las velocidades de cizalla, mientras que en las zonas alejadas de las regiones de entrada, la velocidad es considerablemente baja, este efecto se observa en las figuras donde los vectores azules son los de menor velocidad, mientras que los de color rojo presentan mayor velocidad de flujo.

Las líneas de flujo determinan las trayectorias seguidas por el material al interior del digestor, la Figura 9 muestra las líneas de flujo para las cinco diferentes configuraciones analizadas. En esta representación queda de manifiesto la ubicación de los vórtices. Cabe destacar que, de acuerdo a

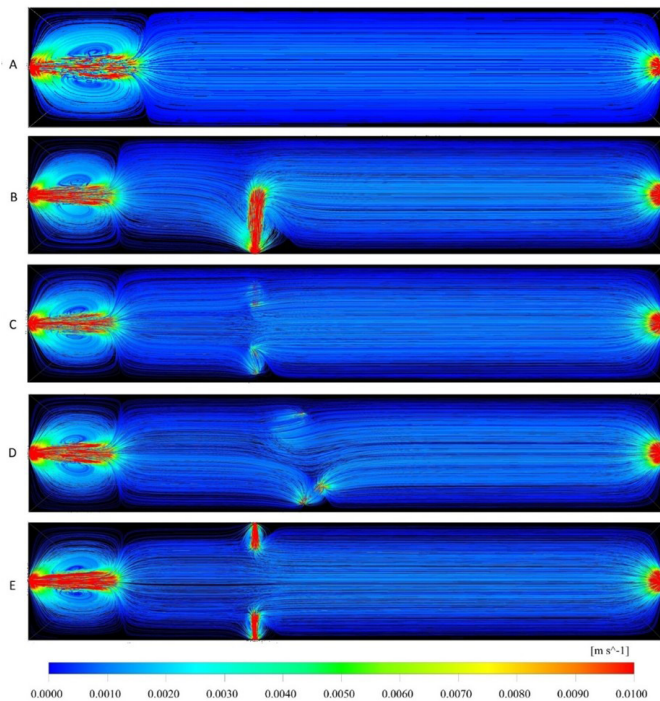


Figura 9. Comparación de las líneas de flujo de las cinco configuraciones analizadas.

Figure 9. Comparison of flow lines of the five analyzed configurations.

las simulaciones, estos dos vórtices se encuentran conectados entre sí en la parte inferior a la superficie. Los vórtices también implican un disturbio hidrodinámico en el digestor, siendo un indicador de mezclado interno, para el caso de simulaciones en digestores anaeróbicos completamente mezclados, ha sido reportada la aparición de vórtices alrededor de las zonas de las hélices (Wu, 2010b; Meroney and Colorado, 2009; Terashima et al., 2009).

Para evaluar el desempeño hidrodinámico de los diferentes digestores se determinaron las regiones de espacio muerto. En la Tabla 5 se presentan los porcentajes de elementos con velocidades consideradas como de espacio muerto. La configuración original es la que presenta la mayor cantidad (32.65%), esto debido a que solo cuenta con una entrada que provoque el movimiento del fluido. Dentro de las configuraciones con recirculación, todas provocan la reducción de los espacios muertos, sin embargo, la más destacada es la configuración "b" al presentar el menor porcentaje de volumen muerto (26.38%), esto es por el efecto inercial provocado por la entrada del material, generando movimiento circular que puede comprobarse al observar las líneas de flujo en la Figura 8. Cabe destacar que los volúmenes muertos no solo representan una deficiente distribución de los microorganismos en el sustrato, sino también una acumulación de los metabolitos inhibidores producidos por los propios microorganismos, y por lo tanto menor producción de biogás. De esta forma, al implementar la configuración "d" en el digestor original, se mejorará el desempeño y los rendimientos de biogás.

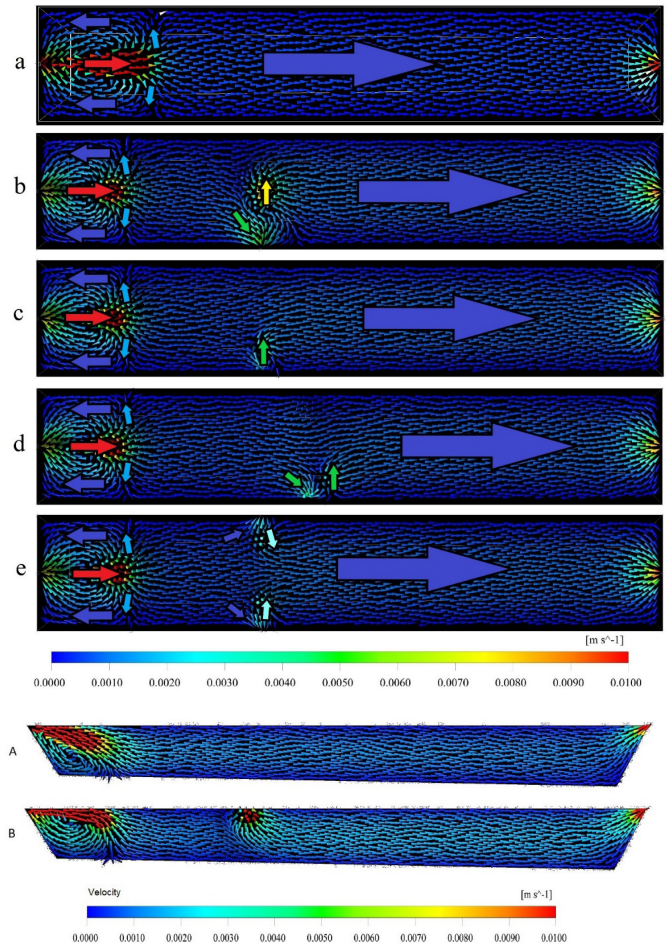


Figura 8. Vista en planta de los mapas vectoriales de velocidad en las cinco configuraciones analizadas y perfil longitudinal de vectores de velocidad en la configuración a y b.

Figure 8. Top view of velocity vector maps from the five analyzed configurations and velocity vectors longitudinal profile at a and b configurations.

CONCLUSIONES

El modelo numérico predice el comportamiento hidrodinámico del reactor original, con ajustes confiables en el modelo generado. La reducción de espacio muerto de las configuraciones propuestas con respecto a la original fue en el rango del 12,7 al 19.2%; la mejor configuración fue aquella con la 2/3 de la alimentación en la entrada original y el otro tercio la distancia de 12 m y con un ángulo de 90° respecto a la línea de entrada.

El objetivo del trabajo fue presentar alternativas en el diseño, no obstante, se pueden plantear hipótesis para incrementar el porcentaje de flujo mezclado y disminuir el flujo muerto y pistón, tales como la inyección de un gas inerte, represas, presas y deflectores para incrementar la fracción de volumen mezclado, aunque esto no fue probado en el presente trabajo.

REFERENCIAS

- Achkari-Begdouri, A., Goodrich, P.R. 1992. Rheological properties of Moroccan dairy cattle manure. *Bioresource Technology*, 40(2), 149-156.

- ANSYS, I. 2009. ANSYS Fluent. 12.0 Theory guide, United States.
- Azargoshab, H., Mousavi S.M., Amani T., Jafari A., Nosrati M. 2015. Three-phase CFD simulation coupled with population balance equations of anaerobic syntrophic acidogenesis and methanogenesis reactions in a continuous stirred bioreactor. *Journal of Industrial and Engineering Chemistry*. Volume 27, 25 July 2015, Pages 207-217
- Baroutian, S., Eshtiaghi, N., Gapes, D.J. 2013. Rheology of a primary and secondary sewage sludge mixture: Dependency on temperature and solid concentration. *Bioresource Technology*, 140, 227-233.
- Benbelkacem, H., Garcia-Bernet, D., Bollon, J., Loisel, D., Bayard, R., Steyer, J.-P., Gourdon, R., Buffière, P., Escudié, R. 2013. Liquid mixing and solid segregation in high-solid anaerobic digesters. *Bioresource Technology*, 147, 387-394.
- Bridgeman, J. 2012. Computational fluid dynamics modelling of sewage sludge mixing in an anaerobic digester. *Advances in Engineering Software*, 44(1), 54-62.
- Chen, X.-g., Zheng, P., Guo, Y.-j., Mahmood, Q., Tang, C.-j., Ding, S. 2010. Flow patterns of super-high-rate anaerobic bioreactor. *Bioresource Technology*, 101(20), 7731-7735.
- Chen, Y.R. 1986. Rheological properties of sieved beef-cattle manure slurry: Rheological model and effects of temperature and solids concentration. *Agricultural Wastes*, 15(1), 17-33.
- Chhabra, R.P., Richardson, J.F. 2011. *Non-Newtonian Flow and Applied Rheology: Engineering Applications*. Elsevier Science.
- Coughtrie, A.R., Borman, D.J., Sleight, P.A. 2013. Effects of turbulence modelling on prediction of flow characteristics in a bench-scale anaerobic gas-lift digester. *Bioresource Technology*, 138, 297-306.
- Craig, K.J., Nieuwoudt, M.N., Niemand, L.J. 2013. CFD simulation of anaerobic digester with variable sewage sludge rheology. *Water Research*, 47(13), 4485-4497.
- Dai, X., Gai, X., Dong, B. 2014. Rheology evolution of sludge through high-solid anaerobic digestion. *Bioresource Technology*, 174, 6-10.
- Dapelo D. and Bridgeman J. 2018. Assessment of mixing quality in full-scale, biogas-mixed anaerobic digestion using CFD. *Bioresource Technology* 265 (2018) 480-489. <https://doi.org/10.1016/j.biortech.2018.06.036>
- Dapelo, D., Alberini, F., Bridgeman, J. 2015. Euler-Lagrange CFD modelling of unconfined gas mixing in anaerobic digestion. *Water Research*, 85, 497-511.
- Denka K. I., Zhai X., Wu B. 2018. Influence of Mixing on Anaerobic Digestion Efficiency in Stirred Tank Digesters: A Review, *Water Research*. 143, 503-517. doi: 10.1016/j.watres.2018.06.065
- Ding, J., Wang, X., Zhou, X.-F., Ren, N.-Q., Guo, W.-Q. 2010. CFD optimization of continuous stirred-tank (CSTR) reactor for biohydrogen production. *Bioresource Technology*, 101(18), 7005-7013.
- El-Mashad, H.M., van Loon, W.K.P., Zeeman, G., Bot, G.P.A. 2005. Rheological properties of dairy cattle manure. *Bioresource Technology*, 96(5), 531-535.
- Eshtiaghi, N., Yap, S.D., Markis, F., Baudez, J.-C., Slatter, P. 2012. Clear model fluids to emulate the rheological properties of thickened digested sludge. *Water Research*, 46(9), 3014-3022.
- Espinosa-Solares, T., Morales-Contreras, M., Robles-Martínez, F., García-Nazariega, M., Lobato-Calleros, C. 2008. Hydrodynamic Characterization of a Column-type Prototype Bioreactor. *Applied Biochemistry and Biotechnology*, 147(1-3), 133-142.
- Heiz, R., Adouani, N., Fünfschilling, D., Marchal, P., Pons, M.-N. 2017. Rheological characterization of raw and anaerobically digested cow slurry. *Chemical Engineering Research and Design*, 119, 47-57.
- Karim, K., Varma, R., Vesvikar, M., Al-Dahhan, M.H. 2004. Flow pattern visualization of a simulated digester. *Water Research*, 38(17), 3659-3670.
- Leonzio G. 2018. Study of mixing systems and geometric configurations for anaerobic digesters using CFD analysis. *Renewable Energy* 123 (2018) 578e589.
- López-Jiménez, P.A., Escudero-González, J., Montoya M. T., Fajardo M. V., Gualtieri B.C. 2015. Application of CFD methods to an anaerobic digester: The case of Ontinyent WWTP, Valencia, Spain. *Journal of Water Process Engineering* 7 (2015) 131-140. <http://dx.doi.org/10.1016/j.jwpe.2015.05.006>
- Low, S.C., Parthasarathy, R., Slatter, P., Eshtiaghi, N. 2012. Hydrodynamics Study of Sludge in Anaerobic Digesters. *Chemical Engineering Transactions*, 29, 1321-1326.
- Meroney, R.N., Colorado, P.E. 2009. CFD simulation of mechanical draft tube mixing in anaerobic digester tanks. *Water Research*, 43(4), 1040-1050.
- Patankar, S.V. 1980. *Numerical heat transfer and fluid flow*. Hemisphere Pub. Corp.
- Ranganathan P. and Savithri S. 2018. Computational Fluid Dynamics simulation of hydrothermal liquefaction of microalgae in a continuous plug-flow reactor. *Bioresource Technology* 258 (2018) 151-157. <https://doi.org/10.1016/j.biortech.2018.02.076>
- Rasouli M., Mousavi M. S., Azargoshab H., Jamialahmadi O., Ajabshirchi, Y. 2018. CFD simulation of fluid flow in a novel prototype radial mixed plug-flow reactor. *Journal of Industrial and Engineering Chemistry*. Volume 64, 25 August 2018, Pages 124-133. <https://doi.org/10.1016/j.jiec.2018.03.008>
- Rezvani F., Azargoshab H., Jamialahmadi O., Hashemi-Najafabadi S. 2015. Experimental study and CFD simulation of phenol removal by immobilization of soybean seed coat in a packed-bed bioreactor. *Biochemical Engineering Journal* 101 (2015) 32-43. <http://dx.doi.org/10.1016/j.bej.2015.04.019>
- Ruzicka, M.C. 2008. On dimensionless numbers. *Chemical Engineering Research and Design*, 86(8), 835-868.
- Sajjadi B., Aziz A. R. A., Parthasarathy R. 2016. Fluid dynamic analysis of non-Newtonian flow behavior of municipal sludge simulant in anaerobic digesters using submerged, recirculating jets. *Chemical Engineering Journal* 298 (2016) 259-270
- Vesvikar, M.S., Al-Dahhan, M. 2005. Flow pattern visualization in a mimic anaerobic digester using CFD. *Biotechnology and Bioengineering*, 89(6), 719-732.
- Wu B. 2014. CFD simulation of gas mixing in anaerobic digesters. *Computers and Electronics in Agriculture* 109 (2014) 278-286. <http://dx.doi.org/10.1016/j.compag.2014.10.007>
- Wu, B. 2010a. CFD simulation of gas and non-Newtonian fluid two-phase flow in anaerobic digesters. *Water Research*, 44(13), 3861-3874.
- Wu, B. 2010b. CFD simulation of mixing in egg-shaped anaerobic digesters. *Water Research*, 44(5), 1507-1519.

- Wu, B. 2012. Advances in the use of CFD to characterize, design and optimize bioenergy systems. *Computers and Electronics in Agriculture* 93, 195–208.
- Wu, B., Chen, S. 2008. CFD simulation of non-Newtonian fluid flow in anaerobic digesters. *Biotechnology and Bioengineering*, 99(3), 700-711.
- Wu, B., Chen, Z. 2011. An integrated physical and biological model for anaerobic lagoons. *Bioresource Technology*, 102(8), 5032-5038.
- Yu, L., Ma, J., Chen, S. 2011. Numerical simulation of mechanical mixing in high solid anaerobic digester. *Bioresource Technology*, 102(2), 1012-1018.
- Zhang, Y., Yu, G., Yu, L., Siddhu, M.A.H., Gao, M., Abdeltawab, A.A., Al-Deyab, S.S., Chen, X. 2016. Computational fluid dynamics study on mixing mode and power consumption in anaerobic mono- and co-digestion. *Bioresource Technology*, 203, 166-172.