



Ciencia e Ingeniería Neogranadina

ISSN: 0124-8170

ISSN: 1909-7735

Universidad Militar Nueva Granada

Correa Ortiz, Luis Carlos; Ocampo López, Olga Lucía; Alba Castro, Mauricio Fernando

**Análisis de tendencia de temperatura y precipitación para
el departamento de Caldas (Colombia), mediante *wavelets****

Ciencia e Ingeniería Neogranadina, vol. 31, no. 1, 2021, July-December, pp. 37-52

Universidad Militar Nueva Granada

DOI: <https://doi.org/10.18359/rcin.4900>

Available in: <https://www.redalyc.org/articulo.oa?id=91168742002>

- How to cite
- Complete issue
- More information about this article
- Journal's webpage in [redalyc.org](https://www.redalyc.org)

redalyc.org

Scientific Information System Redalyc

Network of Scientific Journals from Latin America and the Caribbean, Spain and
Portugal

Project academic non-profit, developed under the open access initiative



Análisis de tendencia de temperatura y precipitación para el departamento de Caldas (Colombia), mediante *wavelets**

Luis Carlos Correa Ortiz^a ■ Olga Lucía Ocampo López^b ■ Mauricio Fernando Alba Castro^c

Resumen: el cambio climático, entendido como una alteración del clima, debida o no a la actividad humana, sumada a la variabilidad climática, es un área de estudio primordial en estos momentos. Este estudio se hizo con el objetivo de generar información de tendencias de las variables temperatura y precipitación para el departamento de Caldas, Colombia, mediante la técnica de análisis *wavelets*. Para tal fin, se seleccionaron las estaciones del Ideam, ubicadas en el territorio, para los periodos 1971-2010, en el caso de precipitación; y para el periodo 1981-2010, en temperatura. Las estaciones registran datos diariamente, los cuales fueron transformados en datos mensuales, cuya tendencia se calculó mediante el análisis multirresolución (MRA), seleccionando la *wavelet* Daubechies (dB5) con seis niveles de descomposición. Los análisis evidencian tendencias lentas y crecientes en precipitación para las quince estaciones analizadas. Resultado similar se obtuvo para temperatura mínima. Mientras que, para temperatura máxima, se registraron tendencias lentas decrecientes, en una estación. Para los planes integrales de gestión de cambio climático, se recomienda el seguimiento a estas tendencias, en lo posible con series históricas de mayor longitud, para identificar señales de cambio y posibles efectos en el clima regional.

Palabras clave: análisis de tendencia; cambio climático; precipitación; temperatura; *wavelets*.

Recibido: 10/06/2020 **Aceptado:** 20/01/2021 **Disponible en línea:** 23/07/2021

-
- * Artículo de investigación, que presenta parte de los resultados del trabajo de grado "Plataforma sig de Cambio Climático para el departamento de Caldas", realizado como requisito parcial para optar al título de Magíster en Ingeniería de la Universidad Autónoma de Manizales.
- a Ingeniero electrónico, magíster en Educación y Desarrollo Humano, magíster en Ingeniería. Profesor asociado Facultad de Ciencias e Ingeniería, Universidad de Manizales, Manizales, Colombia. Correo electrónico: lcco@umanizales.edu.co ORCID: <https://orcid.org/0000-0001-9488-5249>
- b Ingeniera química, magíster en Ingeniería Química, doctora en Ingeniería. Docente asociada del Departamento de Mecánica y Producción, Universidad Autónoma de Manizales, Manizales, Colombia. Correo electrónico: olocampo@autonoma.edu.co ORCID: <https://orcid.org/0000-0002-6394-977X>
- c Ingeniero de sistemas y computación, doctor en Programación Declarativa e Ingeniería de la Programación. Docente titular del Departamento de Ciencias Computacionales, Universidad Autónoma de Manizales, Manizales, Colombia. Correo electrónico: malba@autonoma.edu.co ORCID: <https://orcid.org/0000-0001-5419-1621>

Cómo citar: L. C. Correa Ortiz, O. L. Ocampo López, y M. F. Alba Castro, «Análisis de tendencia de temperatura y precipitación para el departamento de Caldas (Colombia), mediante wavelets», Cien. Ing. Neogranadina, vol. 31, n.º 1, pp. 37-52, jul. 2021.

Temperature and precipitation trend analysis for the department of Caldas (Colombia), using wavelets

Abstract: Climate change, understood as an alteration of the climate, due or not to human activity, added to climate variability, is a primary area of study at this time. This study was carried out with the objective of generating information on trends of the temperature and precipitation variables for the department of Caldas, Colombia, using the *wavelets* analysis technique. For this purpose, the Ideam stations, located in the territory, were selected for the periods 1971-2010, in the case of precipitation; and for the period 1981-2010, for temperature. The stations record data daily, which was transformed into monthly data, their trend was calculated by multi resolution analysis (MRA), selecting the Daubechies *wavelet* (dB5) with six levels of degradation. The analysis shows slow and increasing trends in precipitation for the fifteen stations analyzed. A similar result was obtained for minimum temperature. While, for maximum temperature, slow decreasing trends were recorded in one station. For comprehensive climate change management plans, it is recommended to monitor these trends, if possible with longer historical series, to identify signs of change and possible effects on the regional climate.

Keywords: trend analysis; climate change; precipitation; temperature; *wavelets*.

Introducción

Al hablar de Colombia, emergen varios temas: biodiversidad, dos mares, variedad de pisos térmicos, todos los climas; un país emergente; con cierta bonanza petrolera y minera; recursos naturales en abundancia e importante inversión extranjera, entre otros. Sin embargo, el país no logra un desarrollo sostenible que permita disminuir la desigualdad —puesto 79 en el mundo [1]— y sacar a millones de sus habitantes de la pobreza, sin detrimento de los recursos naturales; particularmente, por la ausencia de políticas de largo plazo que faciliten al país una adecuada planificación.

Si bien, se han dado pasos importantes en esta dirección con los compromisos internacionales relacionados con desarrollo sostenible, como la Agenda 2030 y sus Objetivos de Desarrollo Sostenible (ODS), la implementación del Acuerdo de París sobre Cambio Climático y las recomendaciones de la Organización para la Cooperación y el Desarrollo Económicos (OCDE), como lo establece la Política de Crecimiento Verde [2]; los retos cada día son mayores por la vulnerabilidad del territorio a la variabilidad y el cambio climáticos.

El cambio climático es una realidad. Cada vez más los fenómenos asociados a la variabilidad climática tienen mayor intensidad: basta con dar un vistazo a las noticias para evidenciar drásticos aumentos y disminuciones de temperatura, sin contar con variaciones en la precipitación, que traen consigo múltiples desastres naturales (inundaciones y sequías), así como impacto en la agricultura [3]. Colombia no es la excepción y, si bien la política pública de los ámbitos internacional y nacional, ligada al manejo del riesgo que involucran estos fenómenos, se ha fortalecido, es mucho lo que resta por hacer en cuanto a adaptación y mitigación de los efectos del cambio climático en el país, por su grado de vulnerabilidad.

Recientemente, debido al fenómeno climático de El Niño, el país se vio sometido a una crisis sin precedentes, con grandes pérdidas en el sector agropecuario, debido a la sequía generada por este fenómeno [4]. También estuvo *ad portas* de un racionamiento eléctrico e hídrico, por el bajo nivel de ríos y embalses usados para la alimentación

de los acueductos de los municipios y la generación hidroeléctrica. Particularmente en el departamento de Caldas, el 75,22 % de los cultivos de café —uno de los productos tradicionales— se vio afectado por el evento de El Niño, mientras las cifras de pérdidas en ganadería tampoco fueron alentadoras (300 000 millones de pesos colombianos –COP, aproximadamente [5]).

A pesar de que este fenómeno es cíclico, se evidencia la falta de información que permita tomar decisiones efectivas, con base en el comportamiento, en general, del clima y la temperatura y la precipitación, en particular, en años futuros. Contar con esta información permitirá generar análisis, planes, programas y políticas públicas para la mitigación y posterior adaptación ante el cambio climático, como en el caso de los caficultores de la cuenca del río Chinchiná, en Caldas [6], [7]; políticas en las que se incluya el análisis más allá de lo físico-climático, considerando las dimensiones sociales, políticas y culturales del fenómeno [8].

Aquí, es importante destacar la labor del Instituto de Hidrología, Meteorología y Estudios Ambientales (Ideam), el cual en 2015 publicó su *Tercera comunicación nacional de cambio climático*, donde se incluyeron nuevos escenarios de cambio climático para Colombia, a nivel departamental [9].

A partir de lo expuesto, el presente estudio se enfoca en realizar un análisis de tendencia de las variables temperatura y precipitación en los periodos 1971-2010 y 1981-2010, respectivamente.

Temperatura, precipitación y cambio climático

La temperatura es uno de los parámetros que hacen parte de la medición del clima [10]. En este sentido, el cambio climático ejerce influencia en los cambios en la temperatura. Se señala que esta última es “el resultado de un complejo equilibrio de energía, debido a las radiaciones solares, a la composición de la atmósfera, a los cambios en los continentes, a las corrientes oceánicas y a la órbita de la tierra” [11, p. 73]. Por tanto, la pérdida de este equilibrio origina cambios climáticos.

Se considera que el cambio de la temperatura es uno de los efectos esenciales del cambio climático

[10]. Al respecto, investigadores como L. Alexander *et al.* [12] analizaron datos de la temperatura diaria en diferentes países en 1951-2003. Encontraron que, en el 70 % de las áreas analizadas de la tierra, durante este periodo, se produjo un calentamiento (incremento de las temperaturas extremas asociadas, especialmente, con calor). De igual forma, en la investigación de análisis de escenarios, adscrita a los reportes del Intergovernmental Panel on Climate Change (IPCC), conjeturan que los cambios de temperatura no serán uniformes en las regiones del mundo [13]. Sin embargo, con altos niveles de confianza, aseguran que la región ártica experimentará un incremento importante de temperaturas.

Asimismo, el análisis de escenarios realizado muestra que las temperaturas medias de la atmósfera sufrirán calentamiento en toda la tropósfera, especialmente en la tropósfera alta y en las latitudes más septentrionales [13]. Contrariamente, se espera una disminución de la temperatura en la estratósfera. Las investigaciones realizadas por el Ideam, para Colombia, calculó un incremento de la temperatura media de un orden de 0,13 °C por década en el periodo 1971-2000, mientras los escenarios proyectan que la temperatura promedio del aire en el país aumentará, con respecto al período de referencia 1971-2000, en 1,4 °C para el 2011-2040; en 2,4 °C, para 2041-2070; y 3,2 °C para el 2071-2100 [14].

Las precipitaciones también hacen parte de las dimensiones del clima [11]. En el contexto del cambio climático, de acuerdo con simulaciones del IPCC [10], los eventos de precipitaciones intensas se incrementarán, si se mantiene el aumento de los gases de efecto invernadero. Efectivamente, se ha construido evidencia de que el cambio climático, especialmente el influido por el ser humano, está transformando las precipitaciones y el ciclo hidrológico [13]. Esto ha generado que, en algunos espacios terrestres, las precipitaciones sean extremas y se produzcan inundaciones, mientras que, en territorios donde solía llover, el fenómeno de la lluvia se ha reducido [15]. Por tanto, el cambio en las precipitaciones ha generado cambios de patrones con respecto a los fenómenos de sequía e inundación en muchas regiones [7].

Existe dependencia de la sensibilidad de las precipitaciones al cambio de temperatura por cada grado [16]. En este sentido, la relación entre las precipitaciones y la temperatura global es aproximadamente lineal [13]. El cambio de precipitaciones puede estar en 1-3 % por cada grado de variación en la temperatura (relación establecida para el siglo XXI). En Colombia, Corredor [17] presenta estudios sobre precipitación máxima en Colombia; y Corredor y Peñaranda [18] dan a conocer un análisis espacial de precipitación en la cuenca alta del río Bogotá. A su turno, el Ideam estimó que, para el presente siglo, los volúmenes de precipitación decrecerían en 15-36 % para amplias zonas de las regiones Caribe y Andina; mientras que existirían incrementos de precipitación hacia el centro y norte de la Región Pacífica [14].

Análisis de tendencia en variables climatológicas y *wavelets*

En términos generales, el análisis de tendencia alude a la recolección y posterior procesamiento de la información asociada a un fenómeno, con el fin de evidenciar un patrón, dinámica o comportamiento. Si bien se encuentra relacionado con la predicción del comportamiento del fenómeno analizado, es útil también para describir e identificar dicho comportamiento en el pasado y el presente [19].

Existe una amplia gama de modelos estadísticos para realizar pronósticos que varían en su nivel de complejidad, desde los modelos propuestos por la estadística clásica, pasando por la regresión, hasta abarcar los modelos de series temporales que involucran, incluso, redes neuronales. Todos ellos, sin embargo, requieren una apreciable cantidad de información confiable, caracterizada y normalizada adecuadamente, para producir una buena estimación [20].

Para el caso concreto de series climatológicas, las características previamente descritas, en relación con la información, no se cumplen a cabalidad; pues se presentan deficiencias tanto en calidad como en cantidad: datos faltantes, cambios y datos atípicos [21]. Esto demanda un análisis

exploratorio —gráfico y cuantitativo— de los datos, antes de realizar cualquier tipo de análisis. Es importante mencionar, además, que dichos análisis no solo son de naturaleza temporal sino espacial. Diferentes estudios realizan estos análisis de tendencias; es así como Velasco y Granados [22] realizaron un análisis de tendencia en precipitación para la cuenca alta y media del río Magdalena.

El análisis de tendencia es particularmente difícil cuando se tiene una serie de tiempo de naturaleza no estacionaria, como en este caso. Por ello, resulta más útil evaluar tanto la tendencia como los ciclos estacionarios de la serie de forma separada. De allí, que métodos tradicionalmente usados en el análisis de señales tengan aplicabilidad en estos casos, tales como la transformada de Fourier en tiempo discreto (DTFT), la transformada de Fourier a corto plazo (STFT) y la transformada *wavelet* (WT) [23].

En particular, la WT permite realizar un análisis en tiempo frente a frecuencia de la serie de tiempo. La teoría que subyace a la WT es similar a la STFT, con la diferencia fundamental que ofrece una función *ventana* flexible, denominada *wavelet madre*, la cual puede adaptarse a las características de la señal; mientras que la STFT representa un método ineficiente para el análisis tiempo frente a frecuencia, al tener una ventana *fija*, lo que genera solapamiento de los componentes de baja y alta frecuencia que no estén en el rango de frecuencia de la ventana [24].

Debido a que la información climatológica, precipitación y temperatura para este caso es de naturaleza discreta, se usa la transformada *wavelet* discreta (DWT). La DWT divide la señal en dos: por una parte, la tendencia, copia de la señal original, pero con menor resolución (información de baja frecuencia, llamada también *aproximaciones*, A). Por otra, las fluctuaciones, que guardan información sobre la diferencia entre la señal modificada y la señal original (altas frecuencias, variaciones en intervalos cortos de tiempo, también denominadas *detalles*, D).

Los dos tipos de *wavelet* madre más utilizados en estudios meteorológicos son las *wavelets* Daubechies y Morlet [25]. A continuación, se presenta un breve desarrollo matemático alrededor de

la DWT, con especial énfasis en las *wavelets* Haar y Daubechies, las usadas en el presente trabajo y descritas en Oliveira [26].

Sea f una serie discreta, o lo que es lo mismo, $f = \{f_1, f_2, \dots, f_N\} \in R^N$ con $N = 2^k$, donde k es lo suficientemente grande. La serie promedio de Haar de primer nivel puede definirse como una nueva señal A^1 , que se obtiene al promediar los elementos de f dos a dos y sustituyendo los valores que se promedian por sus respectivos promedios. La serie en detalle de Haar de primer nivel puede definirse como $D^1 = f - A^1$, la diferencia entre la señal original y la calculada promedio calculado. Por ejemplo, si $f = \{2, 5, 7, 3\}$, $A^1 = \{3,5; 3,5; 5; 5\}$. La nueva serie tiene una menor resolución que la serie original. $D^1 = \{-1,5; 1,5; 2; -2\}$.

La serie Haar de segundo nivel podrá calcularse promediando los cuatro elementos ya sea de f o de A^1 , $A^2 = \{4,25; 4,25; 4,25; 4,25\}$ y la serie en detalle de Haar de segundo nivel será $D^2 = A^1 - A^2 = \{-0,75; -0,75; 0,75; 0,75\}$.

Finalmente, la serie original podrá reconstruirse como $f = A^2 + D^2 + D^1$ [21]. Lo descrito mediante este sencillo ejemplo es el eje central de los análisis con *wavelets* y se conoce como análisis de multi-resolución (MRA, por sus siglas en inglés).

En mayor detalle, sea $\{v_1^1, \dots, v_{N/2}^1, w_1^1, \dots, w_{N/2}^1\}$ una base ortonormal en R^N y

$$f = (f \cdot v_1^1)v_1^1 + \dots + (f \cdot v_{N/2}^1)v_{N/2}^1 + (f \cdot w_1^1)w_1^1 + \dots + (f \cdot w_{N/2}^1)w_{N/2}^1$$

$$f = a_1 v_1^1 + \dots + a_{N/2} v_{N/2}^1 + d_1 w_1^1 + \dots + d_{N/2} w_{N/2}^1$$

Esto es $f = A^1 + D^1$, el primer nivel de MRA de Haar, donde A^1 es la primera serie promedio (ecuación 1).

$$A^1 = \sum_{j=1}^{N/2} (f \cdot v_j^1) v_j^1 \quad (1)$$

Además, D^1 es la serie del primer detalle (ecuación 2).

$$D^1 = \sum_{j=1}^{N/2} (f \cdot w_j^1) w_j^1 \quad (2)$$

En el segundo nivel del MRA de f , $f = A^2 + D^2 + D^1$, donde A^2 puede expresarse mediante la ecuación 3.

$$A^2 = \sum_{j=1}^{N/4} (f \cdot v_j^2) v_j^2 \quad (3)$$

La serie del segundo detalle en la ecuación 4.

$$D^2 = \sum_{j=1}^{N/4} (f \cdot w_j^2) w_j^2 \quad (4)$$

Esto puede continuar de forma inductiva hasta llegar a un MRA de nivel m tal que $f = A^m + D^m + \dots + D^2 + D^1$, donde $m \leq k$ y $N = 2^k$. Si se desea recuperar la señal original, bastará tomar la

$$\begin{aligned} v_1^1 &:= \{\alpha_1, \alpha_2, \alpha_3, \alpha_4, 0, \dots, 0\} \\ v_2^1 &:= \{0, 0, \alpha_1, \alpha_2, \alpha_3, \alpha_4, 0, \dots, 0\} \\ &\vdots \\ v_{N/2-1}^1 &:= \{0, \dots, 0, \alpha_1, \alpha_2, \alpha_3, \alpha_4\} \\ v_{N/2}^1 &:= \{\alpha_3, \alpha_4, 0, \dots, 0, \alpha_1, \alpha_2\} \end{aligned}$$

serie promedio más baja, A^k , y agregarle los detalles D^k, D^{k-1}, \dots, D^1 . En la descomposición MRA para cada f solo se calculan las tendencias a_j , y las fluctuaciones d_j , para $1 \leq j \leq 2^{\frac{N}{2m}}$ [26].

El concepto previo se aplica para las *wavelets* de Daubechies, comenzando en el nivel 2 (db2), en el cual se define una base ortonormal $\{v_1^1, \dots, v_{N/2}^1, w_1^1, \dots, w_{N/2}^1\}$, donde:

$$\begin{aligned} w_1^1 &:= \{\beta_1, \beta_2, \beta_3, \beta_4, 0, \dots, 0\} \\ w_1^1 &:= \{\beta_1, \beta_2, \beta_3, \beta_4, 0, \dots, 0\} \\ &\vdots \\ w_{N/2-1}^1 &:= \{0, \dots, 0, \beta_1, \beta_2, \beta_3, \beta_4\} \\ w_{N/2}^1 &:= \{\beta_3, \beta_4, 0, \dots, 0, \beta_1, \beta_2\} \end{aligned}$$

Los coeficientes de escalamiento son:

$$\alpha_1 = \frac{1 + \sqrt{3}}{4\sqrt{2}} \quad \alpha_2 = \frac{3 + \sqrt{3}}{4\sqrt{2}} \quad \alpha_3 = \frac{3 - \sqrt{3}}{4\sqrt{2}} \quad \alpha_4 = \frac{1 - \sqrt{3}}{4\sqrt{2}}$$

Y los coeficientes *wavelets* son:

$$\beta_1 = \alpha_4 \quad \beta_2 = -\alpha_3 \quad \beta_3 = \alpha_2 \quad \beta_4 = -\alpha_1$$

Las subseries de tendencia A^1 y las de fluctuaciones D^1 se definen igual que en Haar los a_j^1 son una media ponderada de los cuatro elementos consecutivos de la serie f mientras que los d_j^1 son una diferencia ponderada para $i = 1, 2, \dots, N/2$. Finalmente, de forma inductiva pueden deducirse las *wavelets* Daubechies de niveles superiores (dbJ) con $J = 4, 5, \dots, 10$ [26].

Metodología

Inicialmente, fue necesario seleccionar las estaciones del Ideam para el departamento de Caldas. El criterio de selección de las estaciones fue que tuviesen información recolectada en el periodo 1971-2010, para el caso de precipitación, y en el periodo 1981-2010, para la temperatura. La tabla 1 consigna las estaciones consideradas en el presente estudio; mientras que la figura 1 muestra su ubicación.

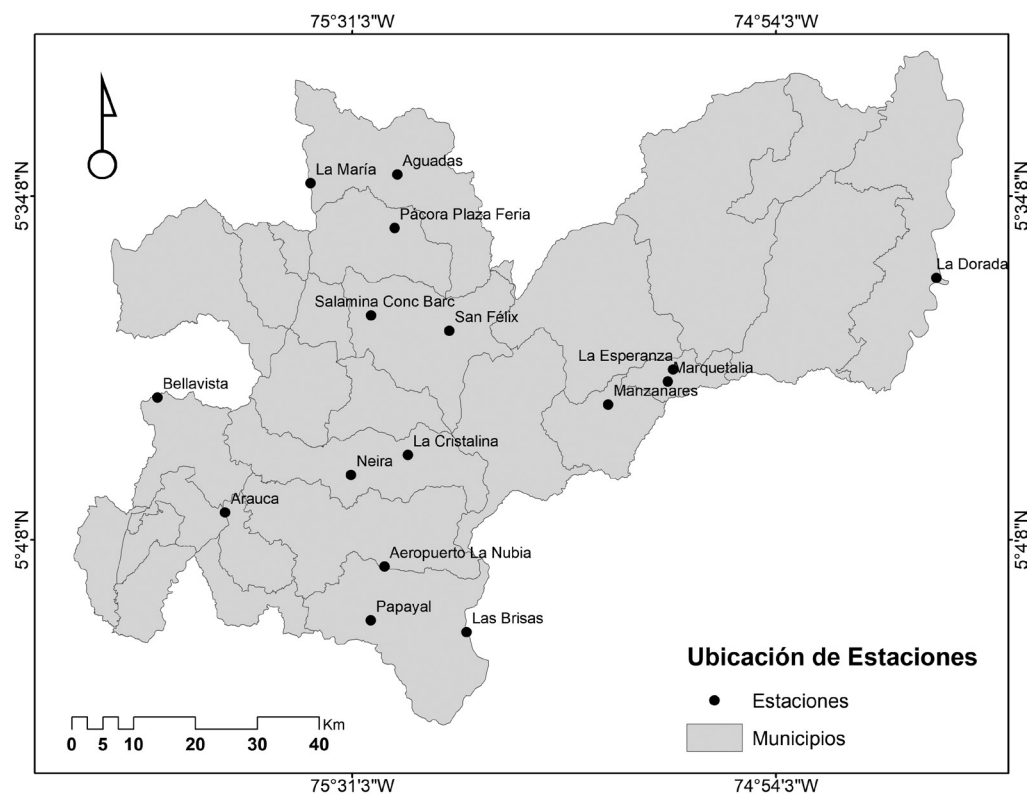


Figura 1. Mapa de localización de las estaciones.
Fuente: elaboración propia.

Tabla 1. Listado de estaciones incluidas en este estudio
a. Precipitación

Código	Nombre	Tipo	Municipio	Coordenadas	Altitud	Fecha de instalación
26155110	Aeropuerto La Nubia	Sinóptica Principal	Manizales	(5,02977778, 75,46991667)	2104	15-06-68
26180190	Aguadas	Pluviométrica	Aguadas	(5,60002778, 75,45119444)	2400	15-08-70
26150060	Arauca	Pluviométrica	Palestina	(5,10852778, 75,70166667)	917	15-02-62
26145020	Bellavista	Climática principal	Anserma	(5,27594444, 75,80013889)	217	15-09-63
23047010	La Dorada	Limnimétrica	La Dorada	(5,45, 74,66666667)	168	15-01-63
26160120	La Cristalina	Pluviométrica	Neira	(5,19219444, 75,43577778)	2411	15-09-70
23050130	La Esperanza	Pluviométrica	Marquetalia	(5,31666667, 75,05)	1400	15-08-66
26160160	La María	Pluviométrica	Aguadas	(5,5875, 75,5775)	1480	15-01-62
23020080	Manzanares	Pluviométrica	Manzanares	(5,26561111, 75,14408333)	1974	15-01-70
23050080	Marquetalia	Pluviométrica	Marquetalia	(5,29891667, 75,05747222)	1550	15-02-63
26160100	Neira	Pluviométrica	Neira	(5,16316667, 75,51844444)	198	15-09-70
26160090	Plaza FERIA Pácora	Pluviométrica	Pácora	(5,52244444, 75,45508333)	712	15-08-70

Código	Nombre	Tipo	Municipio	Coordenadas	Altitud	Fecha de instalación
26150150	Papayal	Pluviométrica	Villamaría	(4,95166667, 75,48972222)	2304	15-09-70
26160080	Salamina Conc. Barc.	Pluviométrica	Salamina	(5,39544444, 75,48930556)	1890	15-08-70
26185040	San Félix	Climática ordinaria	Salamina	(5,37294444, 75,37533333)	2690	15-08-70

b. Temperatura

Código	Nombre	Tipo	Municipio	Coordenadas	Altitud	Fecha de instalación
26155110	Aeropuerto La Nubia	Sinóptica principal	Manizales	(5,02977778, 75,46991667)	2104	15-06-68
26145020	Bellavista	Climática principal	Anserma	(5,27594444, 75,80013889)	217	15-09-63
26155150	Las Brisas	Climática principal	Villamaría	(4,93452778, 75,35038889)	4133	15-10-81
26185040	San Félix	Climática ordinaria	Salamina	(5,37294444, 75,37533333)	2690	15-08-70

Fuente: MINTIC (2020) [27].

Los datos obtenidos del repositorio de datos del Ideam contienen información diaria de precipitación, temperatura mínima y temperatura máxima, aun con valores faltantes que no fueron completados. Esta información fue transformada a mensual, mediante suma —en el caso de la precipitación— y calculando el promedio —en el caso de temperatura—. Se eligieron conjuntos de datos mensuales porque incluyen el análisis de variaciones mensuales a corto plazo, como los ciclos intra e interanuales [25]. Posteriormente, una revisión de la literatura permitió determinar el procedimiento para el análisis de tendencia en las series disponibles, el cual puede ser descrito genéricamente de la siguiente forma [28]:

- Se seleccionó la *wavelet* madre, longitud y niveles de descomposición.
- Se realizó la descomposición.
- Se graficaron la serie original, los detalles y la última aproximación.
- Se realizó un análisis gráfico de la tendencia.

En cuanto a la selección de la *wavelet* madre que se utilizaría, la revisión de antecedentes muestra que la *wavelet* Daubechies es ampliamente usada en estudios climáticos. De modo que fue seleccionada para el presente trabajo [25]. De igual forma,

las *wavelets* suaves (de longitud cinco o superior) se prefieren, porque las tendencias se suponen graduales y representan procesos de cambio lento. Por esta razón, se seleccionó la *wavelet* Daubechies 5 (dB5). En cuanto a los niveles de descomposición, se usó la ecuación 5.

$$L = \frac{\log\left(\frac{N}{2^v-1}\right)}{\log(2)} \quad (5)$$

Donde:

N es el número de datos de la serie, para este caso, 480.

v es la longitud de la *wavelet* madre. Ello da como resultado 5,773, es decir, seis niveles de descomposición [25].

Para el cálculo de la MRA se utilizó el *software* Matlab®, específicamente función *multi-level 1-D wavelet decomposition*. Como se explicó en el referente teórico, la longitud de la serie para el análisis *wavelet* debe ser una potencia de dos. Dado que la potencia de dos más cercana es 512, diversos métodos pueden ser utilizados para dicha extensión, tales como *zero-padding*, *smooth padding*, *periodic extension*, and *boundary value replication (symmetrization)* [29]. Esta adición puede generar una distorsión en la serie, conocida como *efecto borde*. De acuerdo con la revisión bibliográfica, el método

de *symmetrization* produce el menor error relativo medio, al momento de reconstruir la señal. Por tal razón, fue el utilizado en este estudio [21].

Resultados

Para el análisis, se empleó como método la DWT, específicamente la *wavelet* Daubechies de longitud cinco (dB5) y nivel seis. Dado que se analizaron quince estaciones, solo se presenta como evidencia en esta sección la descomposición de la información de la estación Aeropuerto La Nubia para ambas variables; resultados similares se encontraron en las demás estaciones evaluadas.

En cuanto a los datos de precipitación, la figura 2 presenta la serie original, los detalles D1 a D6, así como la aproximación A6. La figura muestra que el componente de tendencia está contenido dentro de

la parte de aproximación de la transformada *wavelet*, lo que implica que las tendencias están cambiando paulatina y gradualmente; y probablemente son de largo plazo. Las fluctuaciones bruscas pueden considerarse ruido y se reflejan en los detalles inferiores (D1-D3), mientras los detalles superiores pueden indicar periodicidades que afectan la tendencia.

En lo que se refiere a los datos de temperatura (discriminados en temperatura mínima y máxima), la figura 3 presenta la serie original, los detalles D1 a D6 y la aproximación A6. El análisis preliminar lleva a una conclusión similar a la precedente, la tendencia puede observarse en el componente de aproximación y, los detalles, que muestran las fluctuaciones bruscas, pueden considerarse ruido y se reflejan en los detalles inferiores (D1-D3), mientras que los detalles superiores pueden indicar periodicidades que afectan la tendencia.

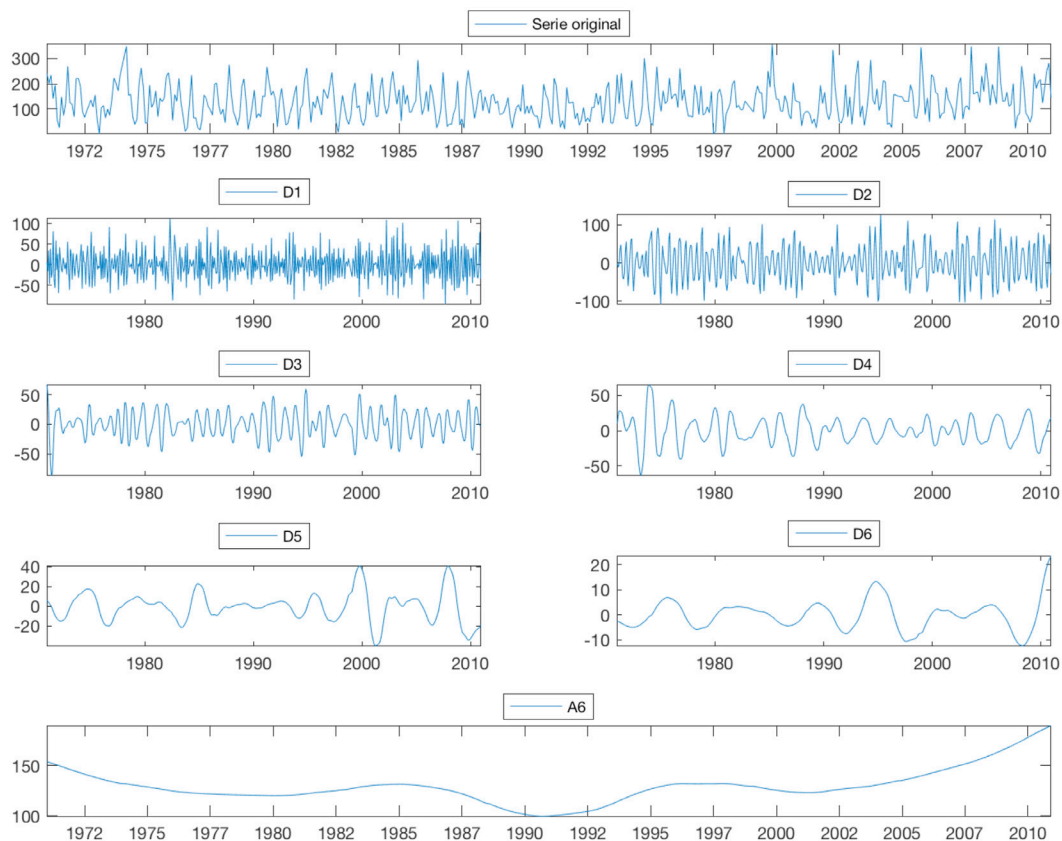
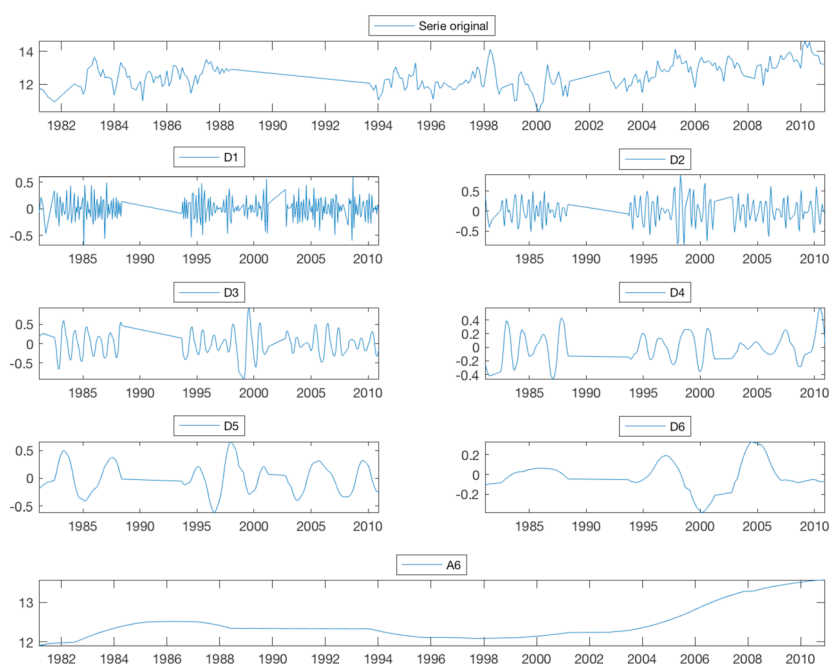


Figura 2. Serie de precipitación para la estación Aeropuerto La Nubia y su DWT, usando dB5 con seis niveles de descomposición (D1-D6) y una de aproximación (A6).

Fuente: elaboración propia.

a. Mínima



b. Máxima

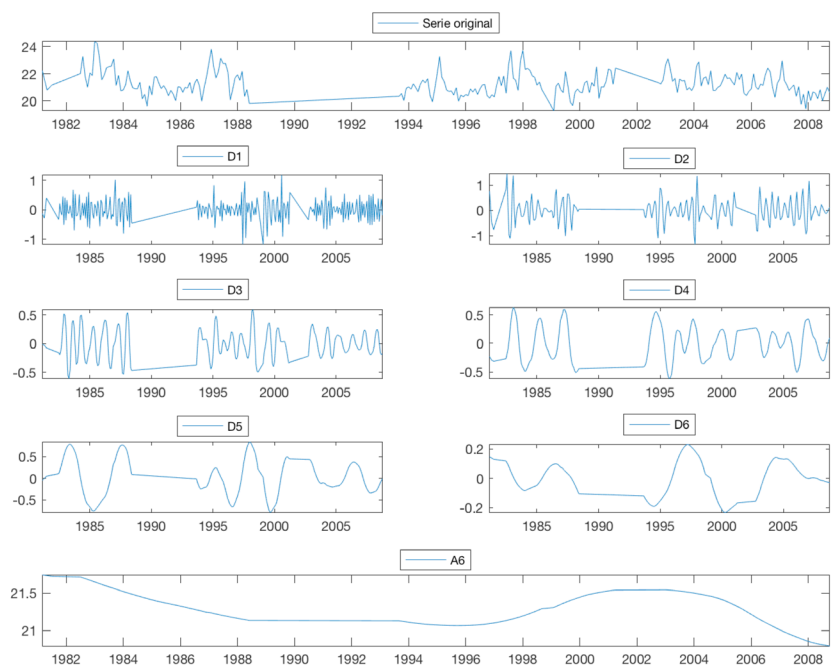


Figura 3. Series de temperatura (a) mínima y (b) máxima, para la estación Aeropuerto La Nubia y su DWT, usando dB5 con seis niveles de descomposición (D1-D6) y una de aproximación (A6).

Fuente: elaboración propia.

La figura 4 consigna los resultados obtenidos en precipitación para las 15 estaciones analizadas, que muestran una tendencia creciente para todas las estaciones. La prueba clásica de Mann-Kendall detectó tendencias crecientes y significativas en las siguientes estaciones: Aeropuerto La Nubia, Aguadas, Bellavista, La Dorada, Manzanares, Marquetalia y Neira.

La figura 5 sintetiza el producto del análisis de la temperatura para las cuatro estaciones que hicieron parte de este estudio. Revela una tendencia lenta creciente en la temperatura mínima en todas las estaciones. Entretanto, para la temperatura

máxima, se detectaron tendencias lentas decrecientes en el Aeropuerto La Nubia, aunque también se detectaron tendencias lentas crecientes en las demás estaciones.

El análisis de tendencias con la técnica no paramétrica clásica de Mann-Kendall permite confirmar tendencias crecientes en las temperaturas máximas en las siguientes estaciones: Bellavista, Las Brisas y San Félix. Al mismo tiempo, con esta prueba no paramétrica se confirmaron, además, tendencias positivas en las temperaturas mínimas para las mismas estaciones.

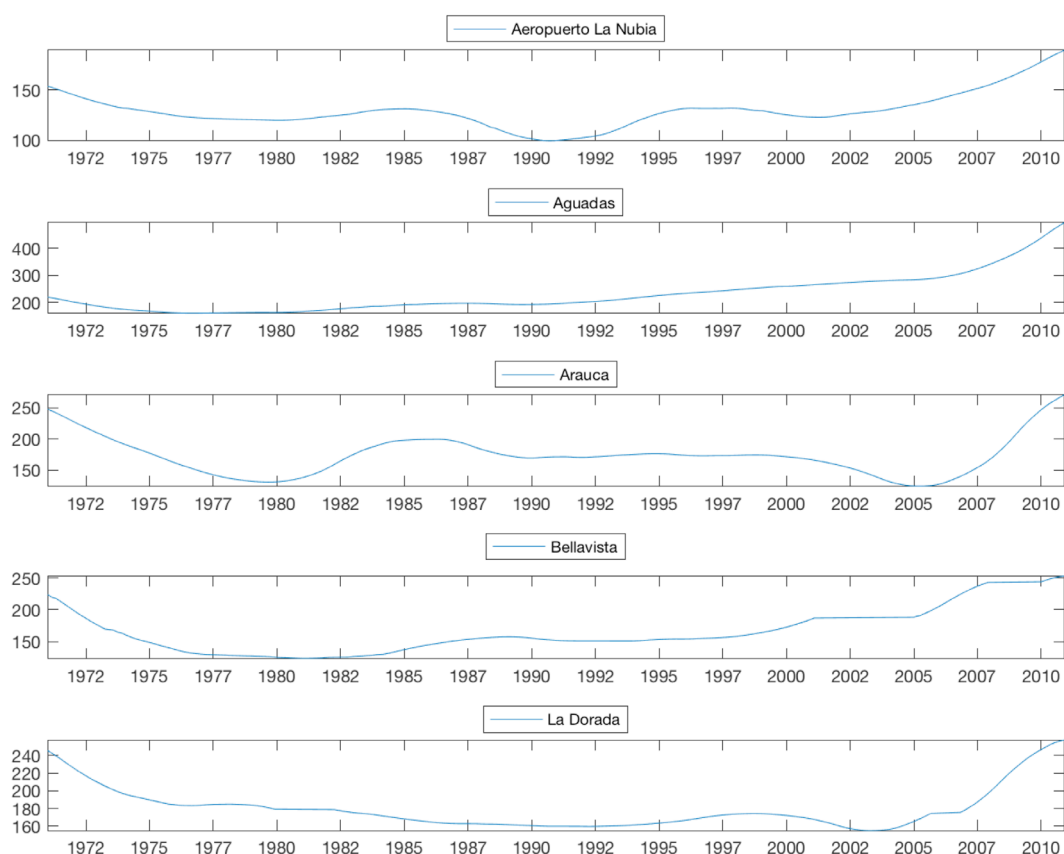


Figura 4. Tendencias en precipitación para las 15 estaciones analizadas.

Fuente: elaboración propia.

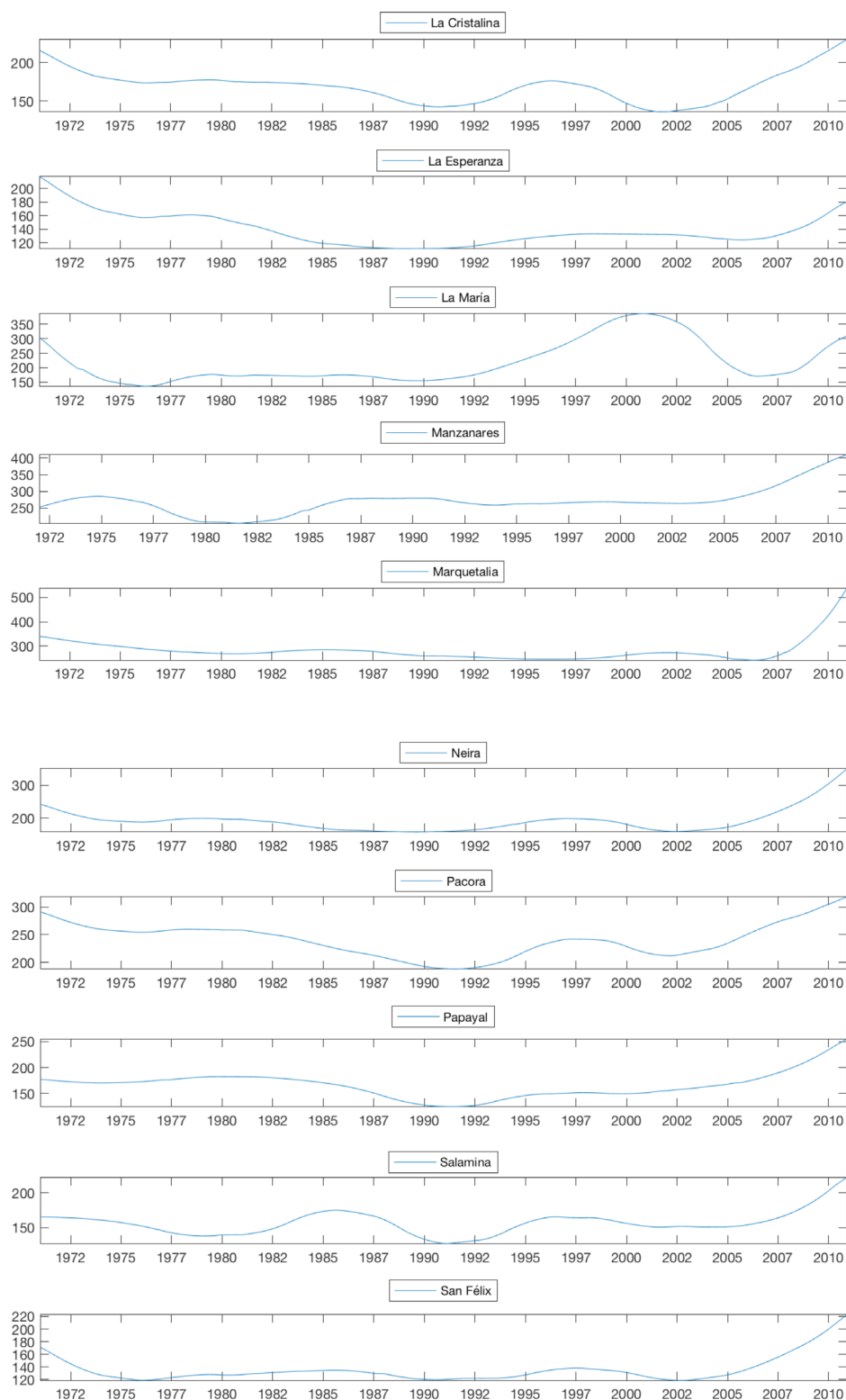


Figura 4. Tendencias en precipitación para las 15 estaciones analizadas (continuación).

Fuente: elaboración propia.

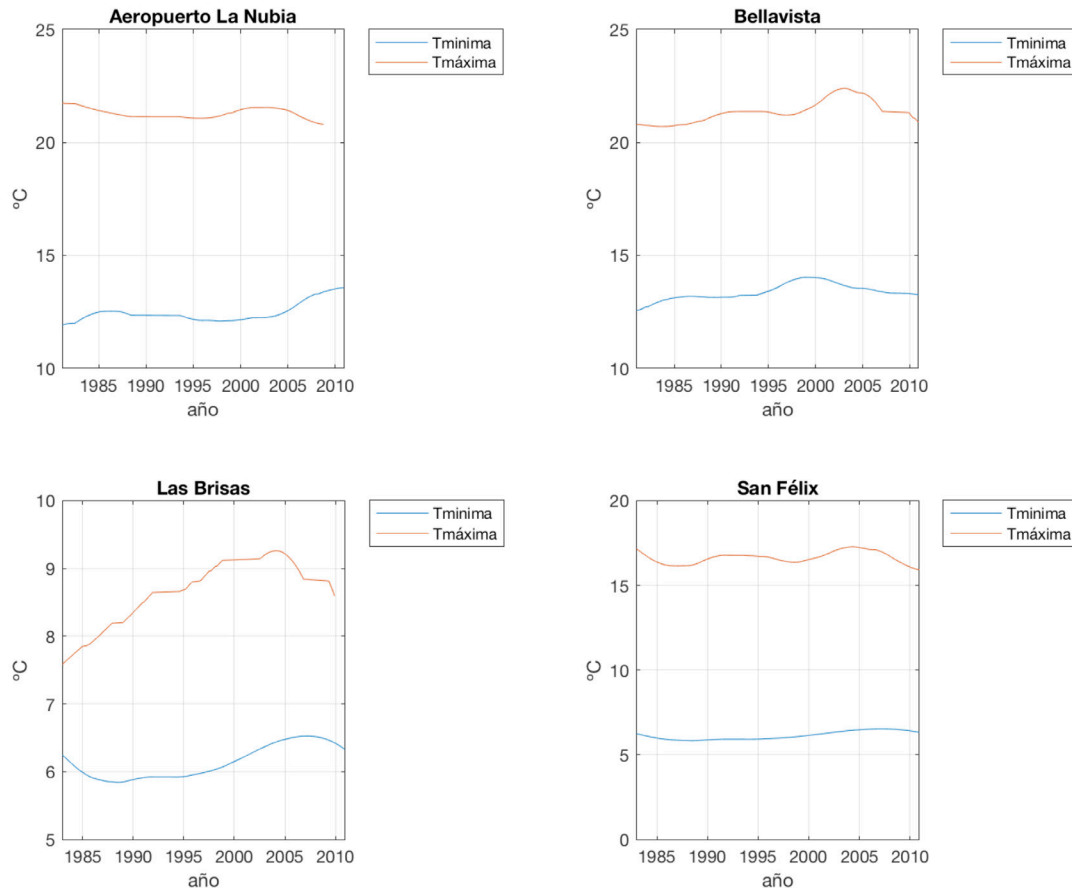


Figura 5. Tendencias en temperatura para las cuatro estaciones analizadas.

Fuente: elaboración propia.

En Colombia, diferentes estudios han detectado tendencias crecientes de largo plazo en la variable temperatura [30] y en las series de temperatura mínima [31] y máxima [32]. Para la región cafetera colombiana, Pérez y su equipo [33] identificaron tendencias crecientes en las series anuales de temperatura del aire con el estadístico de Mann-Kendall. Para el departamento de Caldas, el análisis de tendencias climáticas con RCLimindex, realizado por Ocampo-López y su equipo [34], reportó tendencias crecientes solo en dos estaciones de diez analizadas para el valor mensual máximo de temperatura máxima diaria. Entretanto, para el valor mensual máximo de temperatura mínima diaria, se identificaron tendencias crecientes en seis estaciones de las diez evaluadas.

Por otra parte, los estudios para Colombia han reportado un aumento generalizado en las precipitaciones para el periodo 1971–2010 con la herramienta RCLimindex [35]. Para Caldas, el análisis con RCLimindex identificó para la precipitación anual total y el número de días húmedos, tendencias crecientes en 22 estaciones de 55 evaluadas [34]; se confirman tendencias crecientes en Aguadas y San Félix que fueron estaciones también evaluadas en este estudio. No obstante, los resultados de tendencias reportados aquí coinciden con estudios previos para esta región colombiana [36].

Conclusión

Pueden utilizarse múltiples técnicas para el análisis de tendencia de series de datos no estacionarias.

Herramientas estadísticas como la prueba no paramétrica de Mann-Kendall son ampliamente utilizadas, así como el cálculo del periodograma, usando el análisis de Fourier, tanto la transformada de Fourier (FT) como la transformada de Fourier de tiempo reducido (STFT, por sus siglas en inglés). Este último método ofrece mejores resultados que la FT. Sin embargo, se queda corto en el análisis al tener una ventana de longitud fija [25].

Como herramienta, el análisis de Fourier no permite discernir comportamientos cíclicos de corta duración en la series analizadas. Este análisis puede resultar útil para series de datos diarios o estacionales donde pueden emerger este tipo de comportamientos periódicos. La descomposición *wavelet* (MRA), en cambio, arroja una tendencia lenta y gradual en ambas variables, precipitación y temperatura, a la luz de las estimaciones por la sexta aproximación. Las descomposiciones (detalles) de nivel más bajo evidencian el ruido presente en las series de datos y como es eliminado, si bien las de orden superior pueden evidenciar comportamientos cíclicos de corta duración.

Los resultados obtenidos en este trabajo son consistentes con la revisión de antecedentes [34]-[37], así como con lo plasmado en las Agendas Municipales y Departamental de Cambio Climático para Caldas, en cuanto a las líneas base de precipitación y temperatura [38].

El análisis sobre la variable precipitación arrojó una tendencia lenta y positiva para las estaciones estudiadas. En cuanto a temperatura, la tendencia fue lenta y positiva para la temperatura mínima; mientras que para la temperatura máxima las tendencias crecientes no fueron evidentes en todas las estaciones evaluadas. El uso de una *wavelet* más suave (como en el caso de la dB5 usada aquí) permite identificar mejor tendencias en datos climáticos, ya que se supone que las variaciones son graduales y de cambios lentos.

Finalmente, como trabajo futuro, para el análisis de tendencia es recomendable incorporar herramientas tradicionales al análisis *wavelet* (análisis de autocorrelación y pruebas como Mann-Kendall), a fin de tener criterios adicionales para la selección de los niveles de la *wavelet* a usar para mejorar el filtrado. De igual forma, posibles correlaciones

entre variables adicionales, no necesariamente climáticas (como el uso del suelo), podrían enriquecer los hallazgos de tendencia y ampliar el espectro hacia estudios de naturaleza predictiva.

Referencias

- [1] Programa de las Naciones Unidas para el Desarrollo –PNUD, *Informe sobre Desarrollo Humano 2019. Más allá del ingreso, más allá de los promedios, más allá del presente. Desigualdades del desarrollo humano en el siglo XXI*. Nueva York: Oficina del Informe sobre Desarrollo Humano del PNUD, 2020. Disponible en http://hdr.undp.org/sites/default/files/hdr_2019_es.pdf
- [2] Consejo Nacional de Política Económica y Social (Conpes), “Política de Crecimiento Verde (Conpes 3934)”, 2018. Disponible en <https://colaboracion.dnp.gov.co/CDT/Conpes/Econ%C3%B3micos/3934.pdf>
- [3] O. Ocampo, “El cambio climático y su impacto en el agro”, *Revista De Ingeniería*, n.º 33, pp. 115-123, 2011. Doi: <https://www.doi.org/10.16924/riua.v0i33.184>
- [4] Redacción Medioambiente, “Así frenó la economía el fenómeno de El Niño”, *El Espectador*, 2018 [En línea]. Disponible en: <https://www.elespectador.com/noticias/medio-ambiente/asi-freno-la-economia-el-fenomeno-de-el-nino-articulo-803891> [Accedido: 06-Mar-2020].
- [5] Colprensa, “Por fenómeno de El Niño, ganaderos piden prórrogas para pago de créditos”, *La Patria*, 2014 [En línea]. Disponible en: <http://www.lapatria.com/nacional/por-fenomeno-de-el-nino-ganaderos-piden-prorrogas-para-pago-de-creditos-109841> [Accedido: 06-Mar-2020].
- [6] S. Turbay *et al.*, “Adaptación a la variabilidad climática entre los caficultores de las cuencas de los ríos Porce y Chinchiná, Colombia”, *Investigaciones Geográficas*, no. 85, pp. 95-112, 2015. Doi: <https://www.doi.org/10.14350/rig.42298>
- [7] G. Poveda *et al.*, “Socio-environmental Vulnerability and Adaptation to Climate Change in the Coffee Growing Communities of the Central Andes of Colombia”, En *Vulnerability Studies in the Americas: Extreme Weather and Climate Change*, P. Mussetta and M. Hurlbert, Eds. Cambridge (MA): Cambridge Scholars Publishing, 2020, pp. 158-180.
- [8] P. Mussetta *et al.*, “Vulnerabilidad al cambio climático. Dificultades en el uso de indicadores en dos cuencas de Colombia y Argentina”, *Empiria. Revista de Metodología de Ciencias Sociales*, no. 36, p. 119-147, 2017. Doi: <https://www.doi.org/10.5944/empiria.36.2017.17862>

- [9] Ideam, PNUD, DNPC-MADS, “Resumen ejecutivo Tercera Comunicación Nacional de Colombia a la Convención Marco de las Naciones Unidas sobre Cambio Climático (CMNUCC)”. Tercera Comunicación Nacional de Cambio Climático. Bogotá, Colombia. 2017.
- [10] Intergovernmental Panel on Climate Change –IPCC. Summary for Policymakers. En: *Global Warming of 1.5 °C. An IPCC Special Report on the Impacts of Global Warming of 1.5 °C above Pre-Industrial Levels and Related Global Greenhouse Gas Emission Pathways, in the Context of Strengthening the Global Response to the Threat of Climate Change, Sustainable Development, and Efforts to Eradicate Poverty*. 2018. [V. Masson, P. Zhai, H. O. Pörtner, et al. (Eds.)]. World Meteorological Organization, Ginebra, Suiza, 32 pp. Disponible en https://www.ipcc.ch/site/assets/uploads/sites/2/2019/05/SR15_SPM_version_report_LR.pdf
- [11] J. L. Useros, “El cambio climático: sus causas y efectos medioambientales”, *Anales de la Real Academia de Medicina y Cirugía de Valladolid*, vol. 50, pp. 71-98, 2012.
- [12] L. Alexander, et al. “Global Observed Changes in Daily Climate Extremes of Temperature and Precipitation”, *Journal of Geophysical Research*, vol. 111, n.º 5, 2006. Doi: <https://www.doi.org/10.1029/2005jd006290>
- [13] M. Collins et al. “Long-term Climate Change: Projections, Commitments, and Irreversibility”. En *Climate Change 2013: The Physical Science Basis. Contribution of Working Group I to the Fifth Assessment Report of the Intergovernmental Panel on Climate Change*, T. F. Stocker et al. Eds. Cambridge (MA): Cambridge University Press, 2013, pp. 1029-1136. Doi: <https://www.doi.org/10.1017/CBO9781107415324.024>
- [14] Instituto de Hidrología, Meteorología y Estudios Ambientales –Ideam, “Escenarios de cambio climático - Ideam”, *Ideam.gov.co*, 2020 [En línea]. Disponible en: <http://www.ideam.gov.co/web/tiempo-y-clima/escenarios-cambio-climatico> [Accedido: 06-May-2020].
- [15] K. Trenberth, “Changes in Precipitation with Climate Change”, *Climate Research*, vol. 47, no. 1, pp. 123-138, 2011. Doi: <https://www.doi.org/10.3354/cr00953>
- [16] H. Shiogama et al., “Emission Scenario Dependency of Precipitation on Global Warming in the MIROC3.2 Model”, *Journal of Climate*, vol. 23, no. 9, pp. 2404-2417, 2010. Doi: <https://www.doi.org/10.1175/2009jcli3428.1>
- [17] J. Corredor, “Análisis preliminar de precipitación máxima en Colombia”, *Ciencia e Ingeniería Neogranadina*, vol. 17, no. 1, pp. 79-93, 2007. Doi: <https://www.doi.org/10.18359/rcin.1087>
- [18] J. Corredor y V. Peñaranda, “Identificación de los parámetros del modelo del número de curva y su incertidumbre mensual en la cuenca alta del río Bogotá”, *Ciencia e Ingeniería Neogranadina*, vol. 22, no. 1, pp. 75, 2012. Doi: <https://www.doi.org/10.18359/rcin.250>
- [19] O. Castellanos-Domínguez, A. Fúquene-Montañez y D. Ramírez-Martínez, *Análisis de tendencias: de la información hacia la innovación*. Bogotá: Universidad Nacional de Colombia, 2011.
- [20] E. Moreno-Sarmiento, “Predicción con series de tiempo y regresión”, *Panorama*, vol. 2, no. 4, 2013. Doi: <https://www.doi.org/10.15765/pnrm.v2i4.262>
- [21] L. Castro y Y. Escobar, “Análisis de tendencia y homogeneidad de series climatológicas”, *Ingeniería de Recursos Naturales y del Ambiente*, 2010, n.º 9, pp. 15-25.
- [22] A. Velasco-Rivera y M. Granados-Ortiz, “Tendencias e incidencia de los fenómenos macroclimáticos en la hidrología del alto y medio Magdalena”, *Ciencia e Ingeniería Neogranadina*, vol. 16, n.º 2, pp. 29-44, 2006. doi: <https://www.doi.org/10.18359/rcin.1231>
- [23] A. Araghi, M. Mousavi Baygi, J. Adamowski, J. Malard, D. Nalley and S. Hasheminia, “Using wavelet transforms to estimate surface temperature trends and dominant periodicities in Iran based on gridded reanalysis data”, *Atmospheric Research*, vol. 155, pp. 52-72, 2015. doi: <https://www.doi.org/10.1016/j.atmosres.2014.11.016>
- [24] C. Torrence y G. Compo, “A Practical Guide to Wavelet Analysis”, *Bulletin of the American Meteorological Society*, vol. 79, n.º 1, pp. 61-78, 1998. Doi: [https://www.doi.org/10.1175/1520-0477\(1998\)079<0061:apgtwa>2.0.co;2](https://www.doi.org/10.1175/1520-0477(1998)079<0061:apgtwa>2.0.co;2)
- [25] D. Nalley, J. Adamowski y B. Khalil, “Using discrete wavelet transforms to analyze trends in streamflow and precipitation in Quebec and Ontario (1954-2008)”, *Journal of Hydrology*, vol. 475, pp. 204-228, 2012. Doi: <https://www.doi.org/10.1016/j.jhydrol.2012.09.049>
- [26] N. Olivera, *Wavelets de Haar y Daubechies y sus aplicaciones*, Tesis de grado, Matemática Computacional, Universidad Jaime I, Castellón de la Plana, España, 2018. Disponible en <http://hdl.handle.net/10234/177642>
- [27] Ministerio de Tecnologías de la Información y Comunicaciones –MinTIC, “Datos Abiertos - Catalogo Estaciones Ideam”, *Datos.gov.co*, 2020 [En línea]. Disponible en: <https://www.datos.gov.co/Ambiente-y-Desarrollo-Sostenible/Catalogo-Estaciones-IDEAM/n6vw-vkfe>. [Accedido: 06-Mar-2020].

- [28] A. Rahman, A. Anik, Z. Farhana, S. Devnath y Z. Ahmed, "Pattern Recognition of Rainfall Using Wavelet Transform in Bangladesh", *Open Journal of Statistics*, vol. 08, n.º 01, pp. 134-145, 2018. Doi: <https://www.doi.org/10.4236/ojs.2018.81009>
- [29] Mathworks, "Border Effects- Matlab & Simulink- MathWorks América Latina", *La.mathworks.com*, 2020 [En línea]. Disponible en: <https://la.mathworks.com/help/wavelet/ug/dealing-with-border-distortion.html> [Accedido: 06-Mar-2020].
- [30] J. D. Pabón, "Cambio climático en Colombia: tendencias en la segunda mitad del siglo XX y escenarios posibles para el siglo XXI", *Rev. Acad. Colomb. Cienc.*, vol. 36, n.º 139, pp. 262-278, 2012.
- [31] G. Hurtado, *Análisis del comportamiento promedio y tendencias de largo plazo de las temperaturas mínimas medias para las regiones hidroclimáticas de Colombia*. Bogotá: Ideam, 2012.
- [32] G. Hurtado, *Análisis del comportamiento promedio y tendencias de largo plazo de la temperatura máxima media para las regiones hidroclimáticas de Colombia*, Bogotá: Ideam, 2012.
- [33] E. P. Pérez, V. H. Ramírez y A. J. Peña, "Variabilidad espacial y temporal de la temperatura del aire en la zona cafetera colombiana", *Investigaciones Geográficas, Boletín del Instituto de Geografía*, vol. 89, n.º 2016, pp. 23-40, 2016. Doi: <https://www.doi.org/10.14350/rig.38707>
- [34] O. L. Ocampo-López, J. J. Vélez-Upegui, T. Foreiro-Hernández y J.P. Marín-Salazar, "Análisis de tendencias climáticas on RClimdex en el departamento de Caldas Colombia", *Sci. T.*, vol. 25, n.º 04, pp. 595-603, 2020.
- [35] R. Mayorga, G. Hurtado y H. Benavides, "Evidencias de cambio climático en Colombia con base en información estadística", *Nota Técnica Ideam*, Bogotá, 2011.
- [36] O. Ocampo, *Modelación hidrológica y agronómica de los efectos del cambio y la variabilidad climática en la producción cafetera de Caldas*, Tesis doctoral, Ingeniería Línea Automática, Universidad Nacional de Colombia, Manizales Colombia, 2018. Disponible en <https://repositorio.unal.edu.co/handle/unal/63694> [Accedido: 05-May-2021].
- [37] E. Hernández-Leal, N. Duque-Méndez y J. Moreno-Cadavid, "Generación de pronósticos para la precipitación diaria en una serie de tiempo de datos meteorológicos", *Ingenio Magno*, vol. 7, n.º 1, pp. 144-155, 2006 <http://revistas.ustatunja.edu.co/index.php/ingenio-magno/article/view/1172>
- [38] Corporación Autónoma de Caldas –Corpocaldas, "Corpocaldas –Cambio Climático –Agendas Climáticas Municipales", *Corpocaldas.gov.co*, 2019 [En línea]. Disponible en: http://www.corpocaldas.gov.co/dynamic_page.aspx?p=1598. [Accedido: 10-Jun-2020].