



El Trimestre Económico

ISSN: 0041-3011

trimestre@fondodeculturaeconomica.com

Fondo de Cultura Económica

México

Johnson, Christian A.

PRODUCCIÓN POTENCIAL Y BRECHA DE PRODUCCIÓN EN CENTROAMÉRICA,
PANAMÁ Y LA REPÚBLICA DOMINICANA (CAPRD)

El Trimestre Económico, vol. LXXXII (1), núm. 325, enero-marzo, 2015, pp. 5-50

Fondo de Cultura Económica

Distrito Federal, México

Disponible en: <http://www.redalyc.org/articulo.oa?id=31342332001>

- ▶ Cómo citar el artículo
- ▶ Número completo
- ▶ Más información del artículo
- ▶ Página de la revista en redalyc.org

redalyc.org

Sistema de Información Científica

Red de Revistas Científicas de América Latina, el Caribe, España y Portugal
Proyecto académico sin fines de lucro, desarrollado bajo la iniciativa de acceso abierto

PRODUCCIÓN POTENCIAL Y BRECHA DE PRODUCCIÓN EN CENTROAMÉRICA, PANAMÁ Y LA REPÚBLICA DOMINICANA (CAPRD)*

*Christian A. Johnson***

RESUMEN

El producto potencial es un factor clave para el análisis de sustentabilidad de la deuda y para desarrollar estrategias de crecimiento. Sin embargo, es una variable inobservable. A través de tres metodologías (función de producción, cambio de régimen y estado-espacio), este documento calcula el potencial de producción en los países CAPRD (Centroamérica, Panamá y la República Dominicana) utilizando datos anuales. Los resultados principales son: *i*) el potencial de crecimiento de CAPRD es de alrededor de 4.4% mientras que la volatilidad de la brecha de producción asciende a 1.9% aproximadamente; *ii*) el país con mayor potencial de crecimiento es Panamá (6.5%), mientras que el país con menor crecimiento es El Salvador (2.6%); *iii*) el ciclo económico en CAPRD es de cerca de ocho años.

* *Palabras clave:* crecimiento potencial, brecha de producción, descomposición del crecimiento, cambio de régimen, modelo estado-espacio. *Clasificación JEL:* C3, E5, F4. Artículo aceptado el 20 de agosto de 2014. Este documento tuvo su origen en el trabajo realizado con Marcello Estevão. Agradezco sus útiles comentarios y las conversaciones que sostuve con él. También he recibido el beneficio de los comentarios de Issouf Samake, Alfred Schipke, Jesús González y Sebastián Sosa, así como de los participantes en el seminario de la División del Hemisferio Occidental. Camila Henao y Alexander Herman ofrecieron un excelente apoyo en la investigación. Las opiniones expresadas en este documento de trabajo corresponden al autor o los autores y no necesariamente representan las del FMI o las políticas de la institución. Los documentos de trabajo describen investigaciones en proceso del autor o los autores y se publican con el fin de generar comentarios y promover el debate. [Traducción de Gonzalo Celorio Morayta.]

** Fondo Monetario Internacional (correo electrónico: cjohnson@imf.org).

ABSTRACT

Potential Output is a key factor for debt sustainability analysis and for developing strategies for growth, but unfortunately it is an unobservable variable. Using three methodologies (production function, switching, and state-space), this paper computes potential output for CAPDR countries using annual data. Main findings are: *i*) CAPDR potential growth is about 4.4% while output gap volatility is about 1.9%; *ii*) the highest-potential growth country is Panama (6.5 percent) while the lowest-growth country is El Salvador (2.6 percent); *iii*) CAPDR business cycle is about eight years.

INTRODUCCIÓN

Este artículo analiza metodologías alternas para evaluar el crecimiento en Centroamérica, Panamá y la República Dominicana (CAPRD). Estas pequeñas economías están abiertas al comercio internacional y al sector financiero y, por lo tanto, expuestas a los impactos y ciclos internacionales. Es sorprendente observar cómo políticas económicas diversas pueden presentar tantas similitudes en términos de crecimiento. Por ejemplo, las economías de Panamá y El Salvador están integradas a los mercados financieros internacionales y no cuentan con una moneda nacional propia o una política monetaria activa (por lo menos en lo que a la definición tradicional de política monetaria se refiere). El enfoque nicaragüense es distinto: tiene una economía altamente dolarizada con un sistema de paridad cambiaria móvil.¹ En cambio, el arreglo cambiario de la República Dominicana es similar a la paridad móvil (FMI, 2011), pero se rige por metas de inflación. Por su parte, Costa Rica, el país restante en nuestra lista, está en proceso de implementar también un régimen de metas de inflación y actualmente tiene un sistema cambiario controlado (FMI, 2011).

Las diferencias en el crecimiento económico se han atribuido a una gran variedad de ideas que, en su mayoría, afectan la productividad total de los factores. Entre los conceptos que se han utilizado para explicar la evolución del crecimiento se encuentran la rendición de cuentas, la calidad de las instituciones, la implementación de políticas (Swiston y Barrot, 2011), la mala selección y asignación de los recursos (Hsieh y Klenow, 2009; Bartelsman *et al.*, 2013), la lenta difusión tecnológica (Howitt, 2000) y las reformas institucionales radicales (Acemoglu *et al.*, 2011).

¹ Nicaragua es una de las tres economías clasificadas bajo este arreglo cambiario. Las otras dos son Botswana y Uzbekistán (FMI, 2011).

Este estudio mide el crecimiento potencial, la brecha de producción y la volatilidad de la brecha de producción en la región observada (CAPRD), a través de tres técnicas distintas: primero, recurrimos al enfoque de función de producción que descompone el PIB utilizando información sobre el empleo y la reserva de capital asumiendo cierta tecnología; después, calculamos y ajustamos un modelo de cambio de régimen para asociar el crecimiento y su volatilidad en cada fase de la economía (recesión, crecimiento sustentable y sobrecalentamiento económico)² y, finalmente, nos valemos de un enfoque de estado-espacio para desvincular el crecimiento observado de manera potencial y la brecha de producción (ambas, variables no analizadas). Los resultados más importantes son que en CAPRD, *i*) el crecimiento potencial es de alrededor de 4.6% y la volatilidad de la brecha de producción es de aproximadamente 1.8%; *ii*) Panamá observa el mayor crecimiento potencial (6.7%) mientras que El Salvador sólo alcanza 2.7%; *iii*) el ciclo económico es más o menos de ocho años, y *iv*) está bien documentado que hay una correlación estadística negativa entre el crecimiento potencial y la volatilidad de la brecha de producción.

El resto del artículo se estructura de la siguiente manera: la sección I describe el enfoque de función de producción y sus resultados; la sección II, el modelo de cambio de régimen y la sección III, el enfoque de estado-espacio; la sección IV presenta un resumen y un análisis comparativo de la región. Por último, se ofrecen las conclusiones; los códigos de programa Gauss y otros detalles metodológicos aparecen en el anexo.

I. EL ENFOQUE DE FUNCIÓN DE PRODUCCIÓN

El ejercicio para calcular el crecimiento se llevó a cabo entre 1994 y 2011. Como consta de manera consistente en la bibliografía, estas economías se caracterizaron por una función de producción de Cobb-Douglas que asume una tecnología de rendimientos constantes a escala (RCE):

$$Y_t = A_t K_t^\alpha L_t^{1-\alpha} \quad (1)$$

en la que, por un lado, Y_t es producción, K_t y L_t son servicios de capital y mano de obra (para efectos de simplificación, la entrada de mano de obra

² La definición de crecimiento sustentable utilizada determinará el patrón para crecimiento potencial y brecha de producción.

se define como el número de empleados en una economía)³ y A_t es la contribución de la tecnología o productividad total de los factores (PTF) y, por el otro, las elasticidades de producción (α es la elasticidad de producción-capital) suman uno para reflejar los RCE.

Dado que el factor capital no está disponible, para generarlo se utiliza el método de inventario permanente común (Epstein y Macchiarelli, 2010, Teixeira de Silva, 2001), expresado de la siguiente manera:

$$K_t = (1 - \delta)K_{t-1} + I_t \quad (2)$$

donde, de acuerdo con una amplia bibliografía empírica, el índice de depreciación δ se parametrizó como 0.05, mientras la reserva inicial de capital se calcula como $K_0 = I^*/(g + \delta) \cdot I^*$, es la inversión de referencia (calculada como la proporción de inversión promedio en el total del PIB) y g es el crecimiento promedio de la economía durante el periodo estudiado (1994-2011). Por lo tanto, con base en estos parámetros, el derivado de la reserva inicial de capital es $K_0 = (\bar{I}/\bar{Y}) \cdot Y_{1994}/(g + \delta)$. Este procedimiento se implementó en toda la región CAPRD.

Como la PTF no se puede observar, se aplica el procedimiento común y se calcula invirtiendo los procesos tecnológicos a partir de la ecuación (1), de la siguiente manera:

$$A_t = \frac{Y_t}{K_t^\alpha L_t^{1-\alpha}} \quad (3)$$

Ahora, con la serie de PTF, y utilizando otros factores en (1), es posible descomponer el crecimiento del PIB (gráfica 1).

1. Resultados empíricos del enfoque de productividad total de los factores (PTF)

Esta sección presenta la descomposición del crecimiento de producción y la manera en que el factor contribuye al crecimiento. En la siguiente, se generan brechas de producción utilizando el enfoque de función de producción.

³ El ejercicio para calcular el crecimientos podría beneficiarse de ajustar la fuerza laboral a través de capital humano (véase, por ejemplo, Sosa, Tsounta y Kim, 2013). De lo contrario, los cambios en la calidad de la fuerza laboral se incorporan automáticamente a la medida calculada de la PTF. Una advertencia en relación con la medición de la PTF: los cambios en el uso de suelo (no considerados aquí) contaminarían la medida de la PTF.

Todas las variables (mano de obra, capital y producción medidas a través del PIB) han sido registradas y, como se explicó con anterioridad, corresponden al periodo muestra (1994-2011).⁴

El crecimiento promedio regional asciende a 4.3% aproximadamente. En crecimiento y volatilidad, Panamá y la República Dominicana encabezan la región. El Salvador y Nicaragua presentan el desempeño más pobre (cuadro 1 y gráfica 1). Al hacer una descomposición, la mayor parte del crecimiento en cada uno de los países se atribuye a la dinámica del capital —alrededor de 2.1% en promedio para la región—, mientras que a la mano de obra se debe 1.5% del crecimiento regional. Un resultado sólido e interesante es que cerca de 0.8% del crecimiento regional total puede explicarse por la PTF, lo que representa la desviación estándar más alta (2.3%). La República Dominicana y Panamá presentan una PTF de alrededor de 2%. Por su parte, Honduras y Nicaragua reportan PTF negativas (-0.4 y -0.2%, respectivamente).

Dada la contribución relativamente estable que la cantidad de capital hace al crecimiento —alrededor de 2.1% con una desviación estándar de 0.4% (véase el cuadro 1)—, y que se refleja en su baja volatilidad a través de las distintas naciones (0.7%, en promedio), el ejercicio revela una correlación negativa entre el crecimiento de la mano de obra y el de la productividad. Es común que cuando el empleo aumenta en episodios de bajo crecimiento del PIB (por debajo de la tendencia o en ciclos de recesión), la PTF residual reporta una contribución negativa. Tal fue el caso, por ejemplo, en Costa Rica (2000-2001), El Salvador (2009), Nicaragua (2000) y Panamá (2001-2002).

Es sintomático que una PTF baja sea la explicación principal para el pobre nivel de crecimiento en casi todos los países de la región. Las políticas que se llevan a cabo para aumentar la productividad ayudarían a generar un incremento potencial en el crecimiento en casos como el de Costa Rica, El Salvador, Honduras y Nicaragua. Del mismo modo, las políticas que buscan aumentar la participación de la mano de obra mejorarían el crecimiento. Tal es el caso de la República Dominicana y El Salvador, donde la participación de la mano de obra, que oscila entre 0.7 y 0.9%, parece ser muy baja.

⁴ A falta de información sobre empleo, Guatemala no fue tomado en cuenta en el enfoque de función de producción. Fuente: *Perspectivas de economía mundial* (WEO). Con el propósito de evitar el margen de error atribuible al final de la muestra, algunas metodologías (Filtro HP) utilizan información hasta 2017.

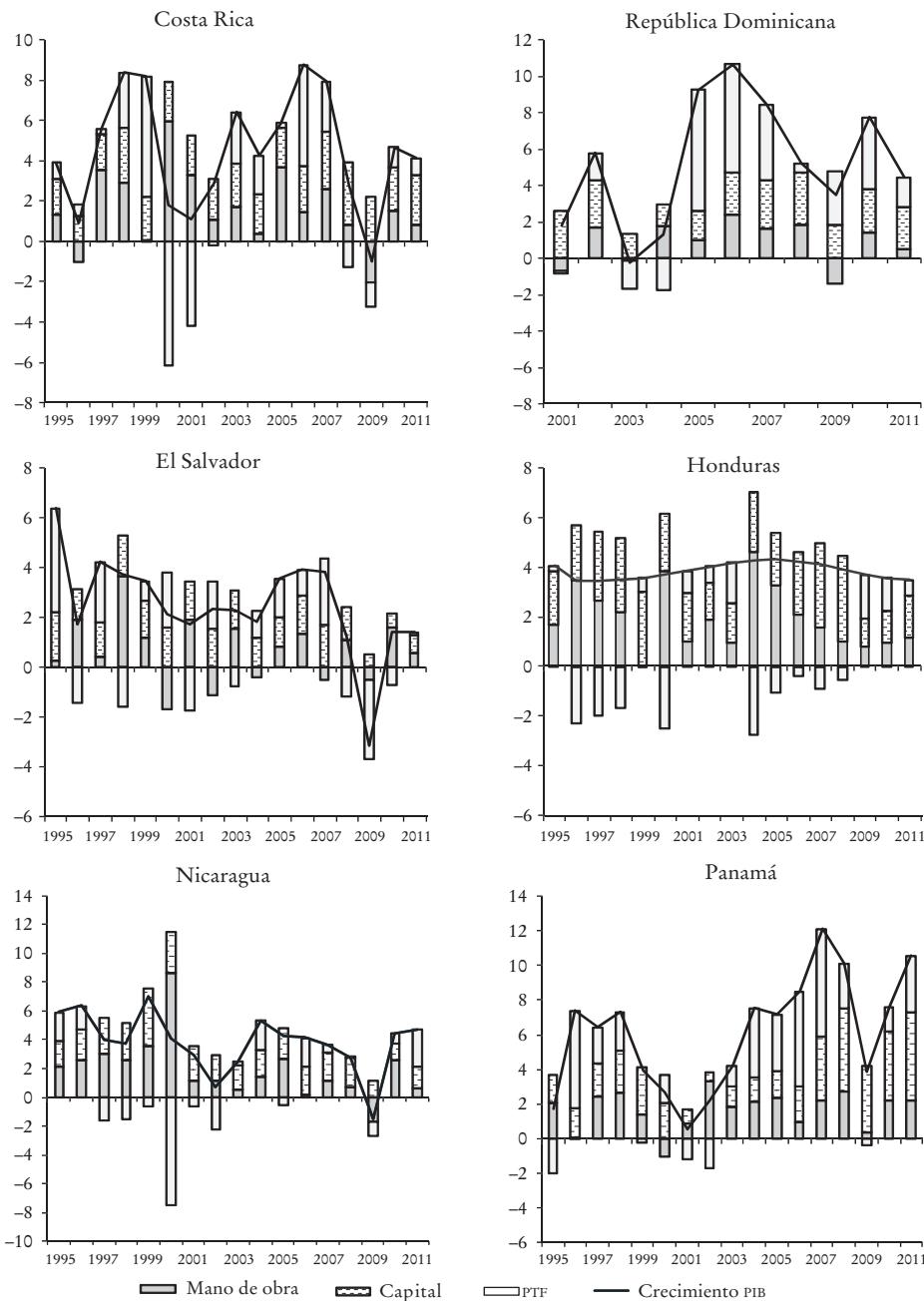
CUADRO 1. Descomposición del crecimiento en CAPRD: contribuciones y generalizaciones

	Costa Rica	República Dominicana ^a	El Salvador	Honduras	Nicaragua	Panamá	CAPRD ^b	CAPRD ^c
<i>Crecimiento PIB</i>								
Promedio	4.5	5.3	2.5	3.8	3.8	6.1	4.3	1.3
Mínimo	-1.0	-0.3	-3.1	-2.1	-1.5	0.6	-1.2	1.3
Máximo	8.8	10.7	6.4	6.6	7.0	12.1	8.6	2.4
Desviación estándar	2.9	3.5	2.0	2.5	2.0	3.3	2.7	0.6
<i>Mano de obra</i>								
Promedio	1.7	0.9	0.7	2.0	2.0	1.7	1.5	0.5
Mínimo	-2.0	-1.4	-1.7	0.0	-1.7	-1.0	-1.3	0.7
Máximo	6.0	2.4	3.6	4.6	8.6	3.3	4.8	2.2
Desviación estándar	1.9	1.2	1.3	1.3	2.1	1.1	1.5	0.4
<i>Capital</i>								
Promedio	2.2	2.2	1.3	2.3	2.1	2.4	2.1	0.4
Mínimo	1.3	1.2	0.5	1.1	1.2	0.6	1.0	0.3
Máximo	3.1	2.9	1.9	3.4	4.1	5.1	3.4	1.1
Desviación estándar	0.4	0.6	0.4	0.7	0.7	1.4	0.7	0.3
<i>PTF</i>								
Promedio	0.7	2.2	0.4	-0.4	-0.2	2.0	0.8	1.1
Mínimo	-6.1	-1.7	-3.2	-2.7	-7.4	-2.0	-3.9	2.4
Máximo	6.0	6.6	4.2	1.8	2.5	6.2	4.6	2.0
Desviación estándar	2.9	2.8	2.0	1.5	2.3	2.5	2.3	0.5

^a República Dominicana, 2001-2011.

^b Promedio simple.
^c Desviación estándar.

GRÁFICA 1. CAPRD: contribución al crecimiento del capital, la mano de obra y la productividad



2. El cálculo de la brecha de producción

En el enfoque de función de producción, la brecha de producción se calcula utilizando la PTF a partir de (3) pero reescribiendo la función de producción (1) utilizando tendencias para todas las variables. Se utiliza el filtro Hodrick-Prescott (HP) estándar⁵ para generar esas tendencias asumiendo un parámetro lambda de suavidad equivalente a 100 (el cálculo aproximado de la capacidad total de la reserva de capital se calcula por su valor real, por lo que el filtro HP no se aplicó en este rubro).⁶ El supuesto de rendimientos de escala constantes se mantuvo en todos los países, calculando en 0.5 la elasticidad de la mano de obra en la producción.⁷ Por lo tanto, partiendo de la siguiente ecuación:

$$Y_t^* = A_t^* K_t^\alpha (L_t^*)^{1-\alpha} \quad (4)$$

la brecha de producción se calcula como un porcentaje de la producción potencial, de la siguiente manera:

$$brecha_t \equiv \frac{Y_t - Y_t^*}{Y_t^*} \cdot 100 \quad (5)$$

Sin embargo, en nuestra implementación analítica, utilizamos la aproximación logarítmica:

$$f(y_t | s_t = j, \Psi_{t-1}; \Gamma) = \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma_{s_t}^2}} \cdot e^{-\frac{1}{2}\left[\frac{y_t - \theta_{s_t}}{\sigma_{s_t}}\right]^2}, \forall j = 1, 2, \dots, N \quad (6)$$

A continuación nos concentraremos en calcular las brechas de producción en CAPRD.

⁵ Para evitar el error atribuible al final de la muestra, la información incluyó proyecciones a 2017.

⁶ El análisis exploratorio realizado utilizando el método de filtrado óptimo (Pedersen, 2001, 2002) no arrojó ninguna diferencia significativa. Por ejemplo, en el caso de Nicaragua, la lambda óptima fue de 181. Sin embargo, la función de pérdida de este método es muy estable entre lambdas 100 y 300, lo que indica una dinámica de producción potencial muy similar para lambdas que se encuentran en este rango. Véase el anexo 2 para más detalles.

⁷ Se exploró un enfoque de cointegración para generar cálculos relativos a las elasticidades de capital-producción y mano de obra. Las estimaciones iniciales muestran que todas las series están integradas en el orden 1 (análisis con pruebas de raíz unitaria individuales y de panel), mientras que la prueba de cointegración de Johansen arroja una ecuación de cointegración. Sin embargo, los resultados de la técnica de Cointegración Multivariada (VECM) [Mínimos Cuadrados Ordinarios Dinámicos (MCOD)] no resultaron confiables en términos del valor de los coeficientes estimados. Esta extensión se pospone a una investigación posterior.

3. Resultados empíricos: PTF en relación con HP

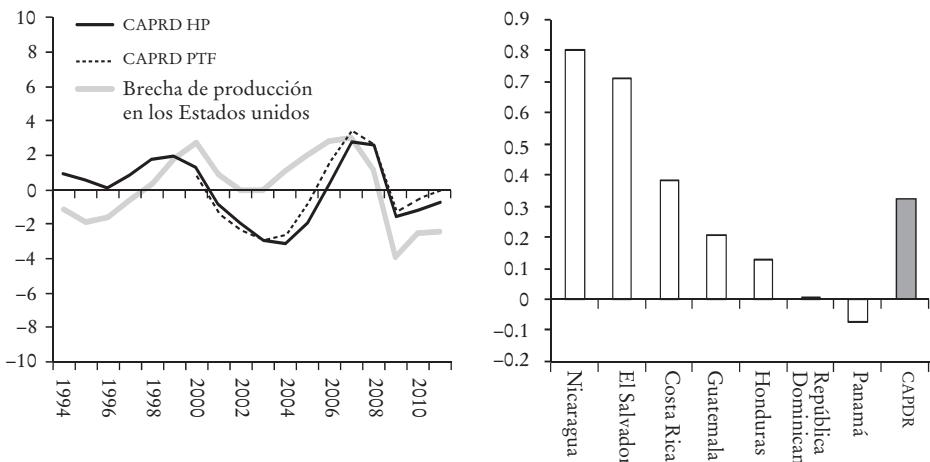
Al utilizar el filtro HP estándar como punto de referencia, las producciones potenciales computadas no arrojan diferencias significativas en términos de brechas de producción para el conjunto de los países CAPRD (gráficas 3 y 4). La gráfica 3 expone mediciones de producción potencial (todo en logaritmos) y brechas de producción para cada uno de los países de la región utilizando el enfoque de función de producción. Por su parte, la gráfica 4 incluye el mismo análisis, aunque utilizando el método HP de eliminación de tendencia.

Una comparación regional de las brechas de producción aparece en los dos últimos diagramas de la gráfica 3. El de la izquierda proporciona cierta evidencia sobre la importante correlación que existe entre las brechas de producción a nivel regional. La magnitud, las frecuencias y la sincronización de los ciclos parecen similares, lo que apunta hacia la hipótesis de un factor común que guía el crecimiento regional. El comercio internacional vinculado a la economía de los Estados Unidos podría, en parte, explicar este ciclo común. Los dos diagramas que aparecen a continuación (gráfica 2) recogen algunas pruebas en este sentido. La correlación entre las brechas de producción estadounidense y de CAPRD es de alrededor de 0.31. Sin embargo, las correlaciones parciales entre cada uno de los países y los Estados Unidos son bastante heterogéneas y vale la pena poner énfasis en una serie de resultados: Nicaragua presenta la correlación más alta (0.81), seguida por El Salvador (0.72), les siguen Costa Rica, Guatemala y Honduras (cuyas correlaciones oscilan entre 0.39-0.13) y, finalmente, la República Dominicana y Panamá, que presentan las correlaciones más bajas respecto a la brecha de producción estadounidense (un resultado impresionante en el caso de Panamá, dado su régimen de política monetaria).

Como se puede observar en la gráfica 2, los enfoques de PTF y HP arrojan resultados muy similares en lo que se refiere a las brechas de producción en 2011. Los últimos diagramas de la derecha en las gráficas 3 y 4 ofrecen una visión más detallada de este análisis al presentar un intervalo de confianza de 95% para la brecha de producción de CAPRD (promedio regional simple). Casi todos los países presentan una brecha de producción estadísticamente de cero para 2011. La excepción es Panamá, que presenta indicios menores de “sobrecalentamiento”⁸ (como se verá más adelante, este resultado es consistente utilizando distintas metodologías.)

⁸ Por “sobrecalentamiento” nos referimos a un crecimiento por encima del potencial o tendencia,

GRÁFICA 2. Brechas de producción en CAPRD y los Estados Unidos: ciclos y correlación*



* Brecha de producción como porcentaje del PIB potencial.

Vale la pena recalcar algunas conclusiones: en primer lugar, los métodos de eliminación de tendencia HP y de la función de producción arrojan resultados indistinguibles en términos de brechas de producción en los países CAPRD; en segundo lugar, existe una sincronización importante entre los ciclos de producción en la región, lo que parcialmente podría deberse a la dinámica de producción estadounidense;⁹ en tercer lugar, todos los países —salvo Panamá— parecen presentar una brecha de producción de aproximadamente cero al final de la muestra (o equivalente a cero desde un punto de vista estadístico, si consideramos un intervalo de confianza de 95% para la brecha de producción de CAPRD) y, finalmente, el ciclo económico promedio parece tener una duración de aproximadamente ocho años.

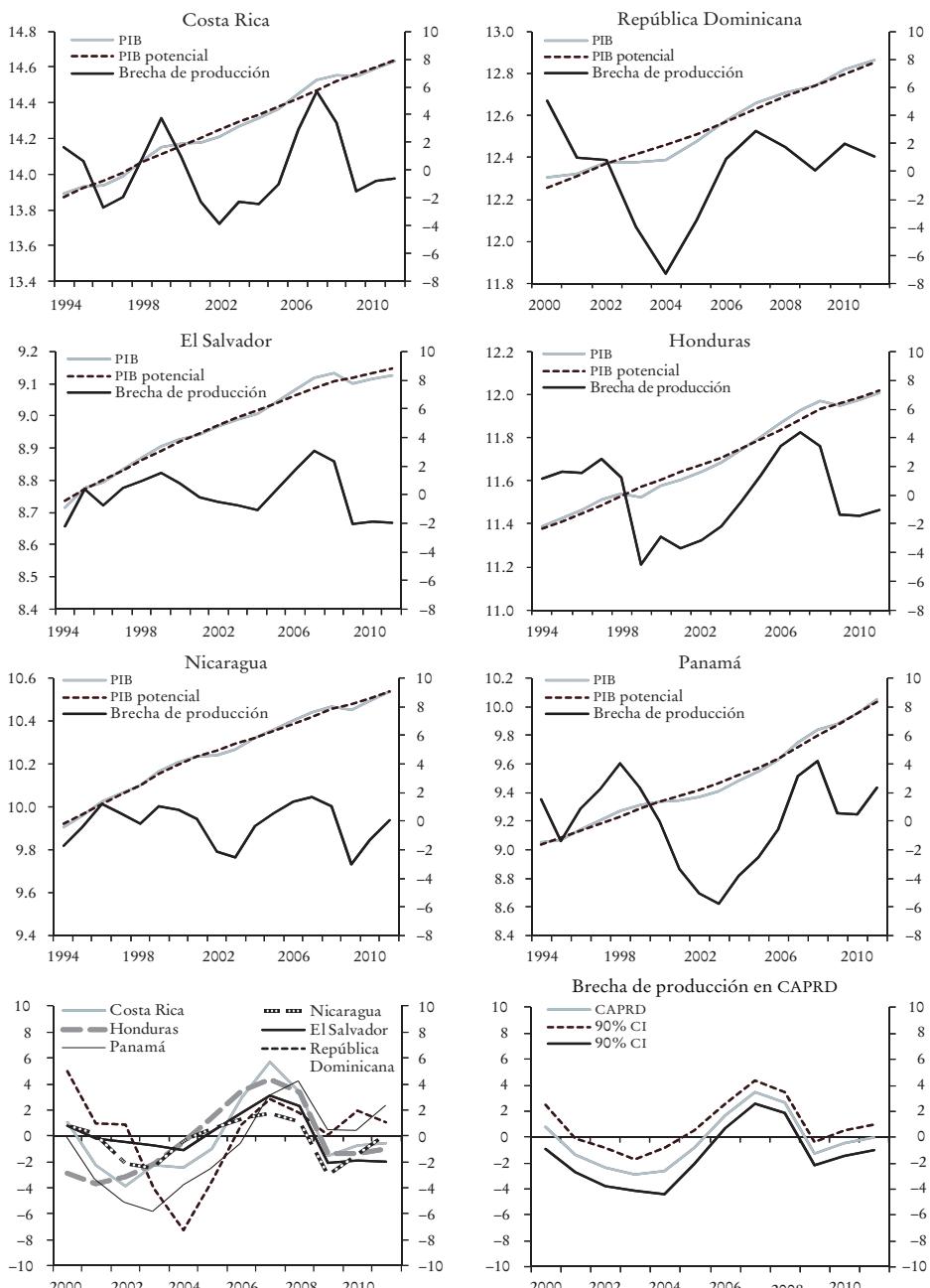
II. MODELO DE CAMBIO DE RÉGIMEN

En esta sección se utiliza el modelo de cambio de régimen para calcular el crecimiento a una tasa constante y las volatilidades de la brecha de producción en los países CAPRD.

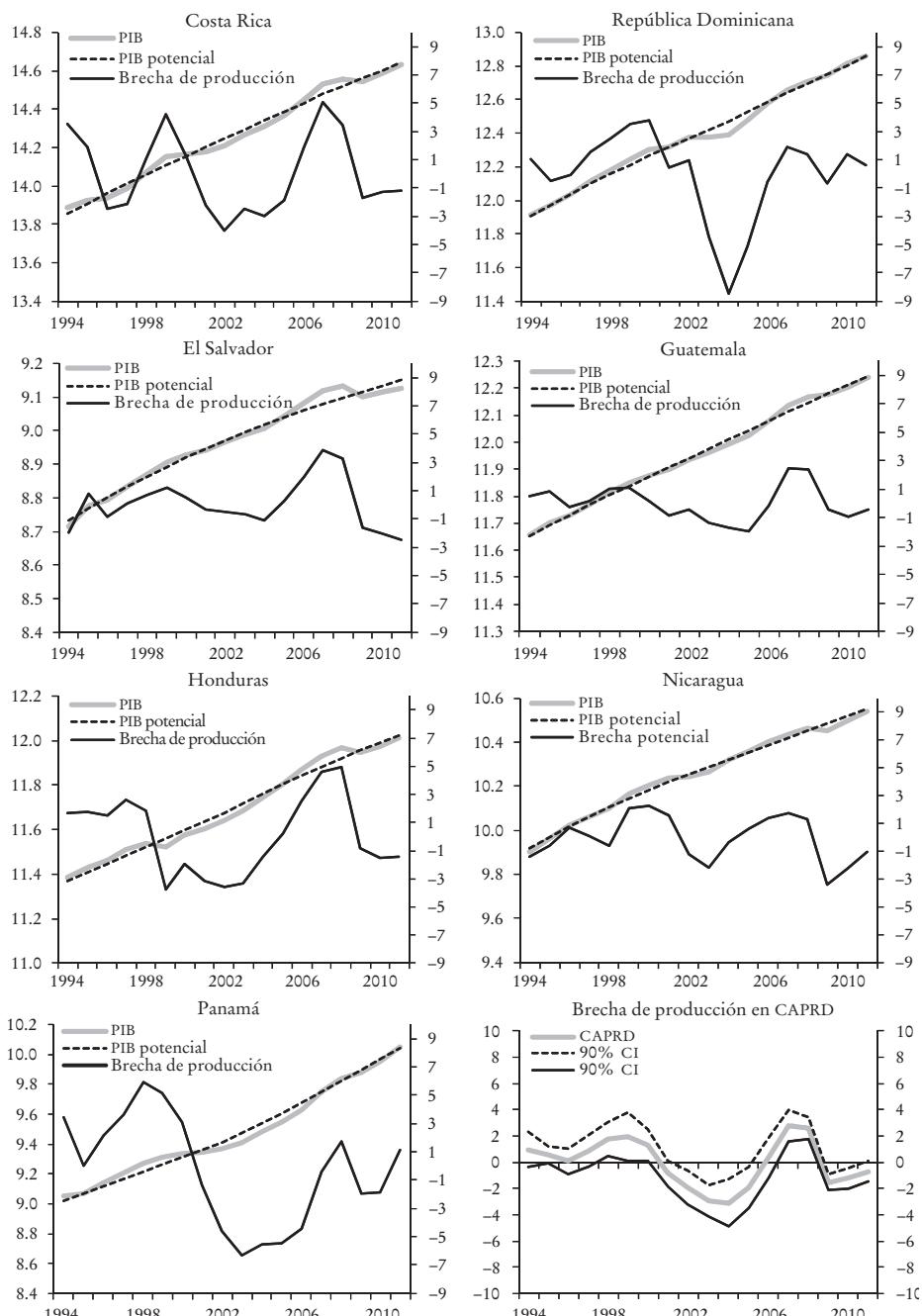
lo que conlleva una brecha de producción positiva y, en consecuencia, presiones inflacionarias. Aquí se invoca el ajuste de la inflación común, pero no se hace una comprobación del mismo.

⁹ Esta hipótesis, las pruebas de causalidad y la inclusión del crecimiento estadounidense en el modelo se posponen para una investigación posterior.

GRÁFICA 3. CAPRD: producción potencial y brecha de producción.
Enfoque de función de producción



GRÁFICA 4. CAPRD: producción potencial y brecha de producción. Filtro HP



Los modelos de cambio de régimen ofrecen una interpretación numérica de la idea que dicta que el proceso generador de datos de serie cronológica se puede crear utilizando una mezcla de procesos estacionarios,¹⁰ cada uno representado con distintas funciones de densidad de probabilidad (Hamilton, 1989, 1990, 1993 y 1994).¹¹ Según este enfoque, la información real se presenta como un continuo que salta de una serie finita de funciones de densidad de probabilidad que individualmente representan un escenario o estado de la economía. Esta sección desarrolla el proceso de cambio de régimen y presenta el algoritmo iterativo de maximización esperada (ME) que se utiliza para establecer dichas funciones de densidad.¹²

Consideremos una variable y_t que proviene de N diferentes estados ($s_t = 1, \dots, N$), cada uno representado por su propia función de densidad de probabilidad $y \rightarrow N(\theta_{s_t}, \sigma_{s_t}^2)$. Es fácil definir la función de densidad asociada como:

$$f(y_t | s_t = j, \Psi_{t-1}; \Gamma) = \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma_{s_t}^2}} \cdot e^{-\frac{1}{2}\left[\frac{y_t - \theta_{s_t}}{\sigma_{s_t}}\right]^2}, \forall j = 1, 2, \dots, N \quad (7)$$

en la que los parámetros desconocidos se representan con el vector $\Gamma = [\theta_1, \theta_2, \dots, \theta_N, \sigma_1^2, \sigma_2^2, \dots, \sigma_N^2]'$.

La variable aleatoria s_t , que se genera a partir de alguna función de distribución donde la probabilidad incondicional según la cual s_t podría ser igual a j , se denota como π_j . Analíticamente:

$$P[s_t = j | \Psi_{t-1}; \Gamma] = \pi_j, \forall j = 1, 2, \dots, N \quad (8)$$

en la que el conjunto de información condicional Γ ahora se amplía para incluir el vector de probabilidad π , cuyos elementos no negativos suman uno.

Utilizando el teorema de Bayes,¹³ podemos afirmar que la probabilidad conjunta para una variable aleatoria y_t , y el estado s_t se obtiene así:

¹⁰ Estacionario significa una matriz de varianzas-covarianzas.

¹¹ Véase Kim y Nelson (1999) para mayor información sobre estos temas.

¹² Mizrach y Watkins (1999) mencionaron que el algoritmo ME es muy sólido si se lo compara con las técnicas de gradiente de ascenso de colina (algoritmo hill-climbing). Sin embargo, requiere mucho el uso de la computadora, lo que disminuye su atractivo. Para una evaluación completa de las rutinas de optimización no lineales de una variable, véase Potter (1999).

¹³ El teorema o norma de Bayes establece que $P[y_t, s_t = j | \Psi_{t-1}; \Gamma] = f(y_t | s_t = j; \Psi_{t-1}; \Gamma) \cdot f(s_t = j | \Psi_{t-1}; \Gamma)$.

$$p(y_t, s_t = j | \Psi_{t-1}; \Gamma) = \frac{\pi_j}{\sqrt{2\pi\sigma_{s_t}^2}} \cdot e^{-\frac{1}{2}\left[\frac{y_t - \theta_{s_t}}{\sigma_{s_t}}\right]^2}, \forall j = 1, 2, \dots, N \quad (9)$$

Por lo tanto, la función de distribución incondicional para y_t se representará de la siguiente manera:

$$f(y_t | \Psi_{t-1}; \Gamma) = \sum_{j=1}^N p[y_t, s_t = j | \Psi_{t-1}; \Gamma] \quad (10)$$

Como suele suceder, si se asumen observaciones independientes e idénticamente distribuidas (*iid*) para el conjunto $t = 1, 2, 3, \dots, T$, la ecuación de optimización se puede representar con el logaritmo natural de función conjunta de densidad o función de verosimilitud (LMLE) para el vector Γ :

$$\begin{aligned} \underset{\{\Gamma\}}{\text{Max}} \ell(\Gamma) &= \sum_{t=1}^T \ln f(y_t | \Psi_{t-1}; \Gamma) \\ &= \sum_{t=1}^T \ln \left[\sum_{j=1}^N f(y_t | s_t = j, \Psi_{t-1}; \Gamma) \cdot P[s_t = j | \Psi_{t-1}; \Gamma] \right] \\ \text{s.t. } \sum_{j=1}^N \pi_j &= 1, \pi \geq 0, \forall j = 1, 2, \dots, N \end{aligned}$$

Lo que resulta interesante sobre esta metodología es que, al utilizar coeficientes estimados, podemos calcular la probabilidad de estar en cada escenario/estado. Para hacerlo, es necesario incorporar el factor y_t observado a la probabilidad incondicional $\hat{\pi}_t$ como se observa en:

$$P[s_t = j | \Psi_{t-1}; \hat{\Gamma}] = \frac{P[y_t, s_t = j | \Psi_{t-1}; \hat{\Gamma}]}{f(y_t | \Psi_{t-1}; \hat{\Gamma})} = \frac{\hat{\pi}_j \cdot f(y_t | s_t = j, \Psi_{t-1}; \hat{\Gamma})}{f(y_t | \Psi_{t-1}; \hat{\Gamma})} \quad (11)$$

El procedimiento de optimización tradicional utilizado para resolver este problema consiste en estimar el vector de coeficientes de la transformación loglineal maximizando su función logarítmica mediante métodos tradicionales de gradientes.¹⁴ De manera más precisa, Mizrach y Watkins (1999) afirman que este tipo de problema se puede resolver a través de dos métodos

¹⁴ Johnson (2000) evalúa métodos alternos de optimización considerando las técnicas tradicionales de hill-climbing y la mayoría de los métodos más avanzados de optimización por algoritmos genéticos. Se muestra que los métodos de algoritmos genéticos son muy eficientes para encontrar el vector paramétrico óptimo, aunque se depende mucho del uso de la computadora.

alternos. La primera metodología guarda relación con las técnicas tradicionales de hill-climbing y utiliza algoritmos de búsqueda numéricos de gradiente. Entre los procesos estándares se encuentran los métodos Newton-Rampson (NR), Broyden, Fletcher, Goldfarb y Shanno (BFGS), y el Davidon-Fletcher-Powell (DFP).¹⁵

Una segunda metodología consiste en la aplicación del algoritmo de maximización esperada (ME) desarrollado por Hamilton (1990, 1991).¹⁶ El algoritmo consiste en un procedimiento en dos etapas donde la regla de parada opcional se define a través de algunos criterios de distancia aplicados al vector paramétrico calculado $\hat{\Gamma}$ junto con la repetición $k^0 = \min\{k, K\}$. En el primer paso se construye lo que se espera (E), asumiendo un vector de parámetros $\hat{\Gamma}^{(k-1)}$ para la repetición k^0 . El segundo, maximiza (M) la función logarítmica de verosimilitud, lo que genera un nuevo $\hat{\Gamma}^{(k)}$ estimado.

El procedimiento iterativo considera el siguiente sistema de tres ecuaciones, cada una de las cuales computa el medio, la volatilidad y la probabilidad:

$$\begin{aligned}\hat{\theta}_j &= \frac{\sum_{t=1}^T y_t \cdot P[s_t = j | \Psi_{t-1}; \hat{\Gamma}^{(k-1)}]}{\sum_{t=1}^T P[s_t = j | \Psi_{t-1}; \hat{\Gamma}^{(k-1)}]}, \forall j = 1, 2, \dots, N \\ \hat{\sigma}_j^2 &= \frac{\sum_{t=1}^T (y_t - \hat{\theta}_j)^2 \cdot P[s_t = j | \Psi_{t-1}; \hat{\Gamma}^{(k-1)}]}{\sum_{t=1}^T P[s_t = j | \Psi_{t-1}; \hat{\Gamma}^{(k-1)}]}, \forall j = 1, 2, \dots, N \\ \hat{\pi}_j &= \frac{1}{T} \sum_{t=1}^T P[s_t = j | \Psi_{t-1}; \hat{\Gamma}^{(k-1)}], \forall j = 1, 2, \dots, N\end{aligned}\quad (12)$$

donde

$$P[s_t = j | \Psi_{t-1}; \hat{\Gamma}] = \frac{\hat{\pi}_j \cdot f(y_t | s_t = j, \Psi_{t-1}; \hat{\Gamma})}{f(y_t | \Psi_{t-1}; \hat{\Gamma})}$$

y f representa la función de densidad normal.

En la siguiente sección se aplica la metodología a los países CAPRD.

¹⁵ Todos estos métodos están disponibles en las bibliotecas Gauss y MATLAB. Se puede encontrar una buena descripción en Hamilton (1994), Press *et al.* (1988), Thisted (1988) y Mittelhammer *et al.* (2000).

¹⁶ Se podría dar el caso de que la función de verosimilitud máxima sea infinita si el medio de distribución de algún escenario fuera igual a cualquier observación, donde la varianza de dicho estado sea igual a cero. Hamilton (1991) utiliza un procedimiento “pseudobayesiano” para resolver este problema: modifica el numerador y denominador a través de una constante para evitar este conflicto de indeterminación en el sistema iterativo de ecuaciones. No fue necesario implementar esta modificación en nuestro algoritmo, en tanto que no hubo casos de indeterminación.

1. Aplicación en CAPRD: identificación del crecimiento potencial y de la volatilidad de la brecha de producción

De acuerdo con esta metodología, primero es necesario identificar el número de estados o escenarios por analizar. En este caso se establecieron tres, a saber:¹⁷ *i*) recesión o bajo crecimiento; *ii*) crecimiento sustentable, y *iii*) auge o sobrecalentamiento. El segundo escenario, “crecimiento sustentable”, se caracteriza por una economía que crece según su potencial o tendencia sostenida a largo plazo. Las otras dos opciones representan escenarios insostenibles en el largo plazo: una economía no puede funcionar de manera continua en recesión o sobrecalentamiento (no se trata de “estados absorbentes”, para utilizar la taxonomía de matrices de transición). Por lo tanto, se espera que las autoridades apliquen medidas de ajuste o implementen políticas estructurales a fin de ayudar a contener el crecimiento dentro de esos canales sostenibles.

Una vez aplicado el modelo de cambio de régimen, obtenemos la distribución mixta para el crecimiento. El cuadro 2 describe los valores de convergencia para la media de crecimiento, la volatilidad y las probabilidades incondicionales en cada uno de los escenarios, una vez detenido el algoritmo (k^* repeticiones).¹⁸

Los estimados de crecimiento potencial en el cuadro 2 son, cuando menos, diversos, con un promedio de potencial regional de alrededor de 4.8% (en una situación de sobrecalentamiento, el crecimiento regional es obviamente más alto, pero presenta una volatilidad menor). Los cálculos de crecimiento en el estado de recesión no siempre son negativos: el crecimiento promedio de países como Panamá, Costa Rica y la República Dominicana no estuvo en números rojos. Por el contrario, El Salvador, Honduras y Nicaragua presentan, efectivamente, episodios de crecimiento negativo.

Además, el cuadro parece indicar la posibilidad de que durante casi 10 años (57.7% de la muestra), las economías de CAPRD tuvieron patrones de crecimiento sustentable y que sólo durante cuatro años (23.4% de la mues-

¹⁷ En nuestra aplicación, resulta natural establecer en tres el número de estados. En nuestro modelo, cada estado se puede identificar fácilmente con una postura específica en materia de política macroeconómica: para sobrecalentamiento (recesión), la política macroeconómica debe ser de austeridad (expansiva). Finalmente, bajo patrones de crecimiento sustentable, la política macroeconómica debe buscar ser neutral y, en este escenario, la economía crece según su potencial.

¹⁸ En el código Gauss (véase el anexo) las repeticiones están indexadas con la letra *m*. Aunque se consideró un máximo de $k = 10\,000$ repeticiones, la convergencia se alcanzó antes.

CUADRO 2. Modelo de reorientación: tres estados de la economía
(Porcentaje)

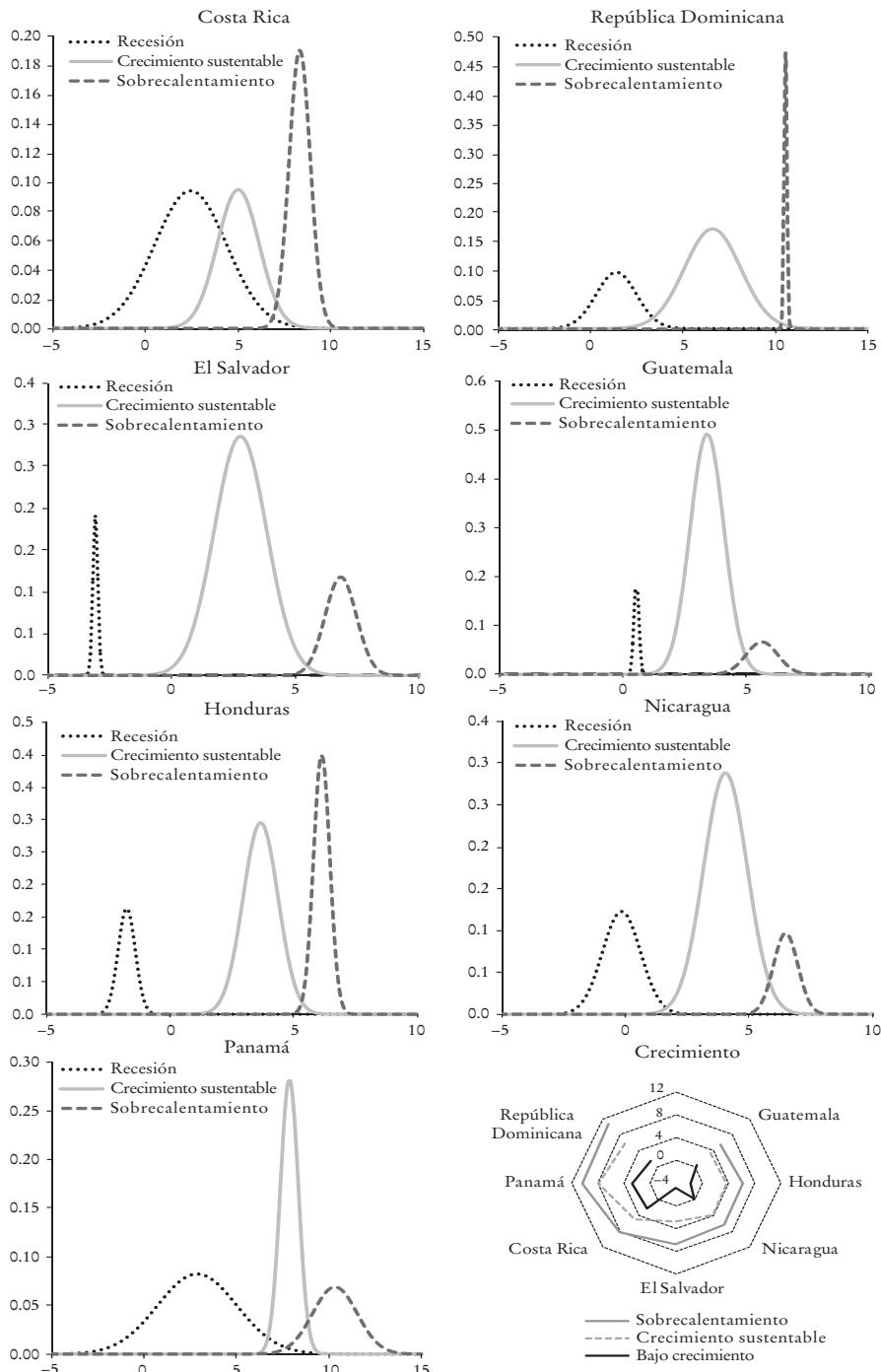
	Crecimiento moderado o recesión	Crecimiento sustentable	Sobrecalentamiento
<i>Crecimiento</i>			
CAPRD	0.32	4.77	7.76
Costa Rica	2.43	5.00	8.32
República Dominicana	1.45	6.65	10.59
El Salvador	-3.10	2.78	6.85
Guatemala	0.55	3.42	5.64
Honduras	-1.77	3.65	6.13
Nicaragua	-0.17	4.04	6.48
Panamá	2.86	7.86	10.32
<i>Desviación estándar</i>			
CAPRD	0.90	0.93	0.57
Costa Rica	1.95	1.13	0.57
República Dominicana	1.09	1.52	0.08
El Salvador	0.00	1.07	0.63
Guatemala	0.00	0.69	0.64
Honduras	0.35	0.71	0.33
Nicaragua	0.77	0.89	0.50
Panamá	2.15	0.49	1.21
<i>Probabilidad incondicional</i>			
CAPRD	23.42	57.67	18.90
Costa Rica	45.93	26.80	27.27
República Dominicana	26.20	64.47	9.33
El Salvador	4.76	76.46	18.78
Guatemala	4.76	84.55	10.69
Honduras	14.29	52.63	33.08
Nicaragua	23.81	64.14	12.05
Panamá	44.23	34.66	21.11

tra) pasaron por episodios asociados con estados en recesión. El resto de los años están vinculados con el sobrecalentamiento.

Se pueden calcular las funciones de densidad de probabilidad para los tres escenarios en cada uno de los países CAPRD (cuadro 2),¹⁹ lo que se resume en la gráfica 5. Las distribuciones a la derecha de cada diagrama (la línea discontinua) representan la función de densidad de probabilidad de una economía sobrecalentada. En el caso de la República Dominicana existe

¹⁹ Dado el enfoque mixto, la función envolvente para estas tres distribuciones es llamada distribución mixta (no reportada) y debería integrar 1 (100%). Ninguna de las distribuciones reportadas en las gráficas por país integran 1 porque se ponderaron utilizando la probabilidad incondicional reportada en el tercer segmento del cuadro 2. Sin embargo, esta condición se cumple en la función envolvente.

GRÁFICA 5. *Funciones mixta y de densidad para cada estado de la economía: CAPRD*



una leptocurtosis evidente en este estado debido a las pocas probabilidades de que esta situación se presente (9.3% de la muestra, alrededor de un año y medio). En este escenario, Costa Rica y Honduras muestran características similares.

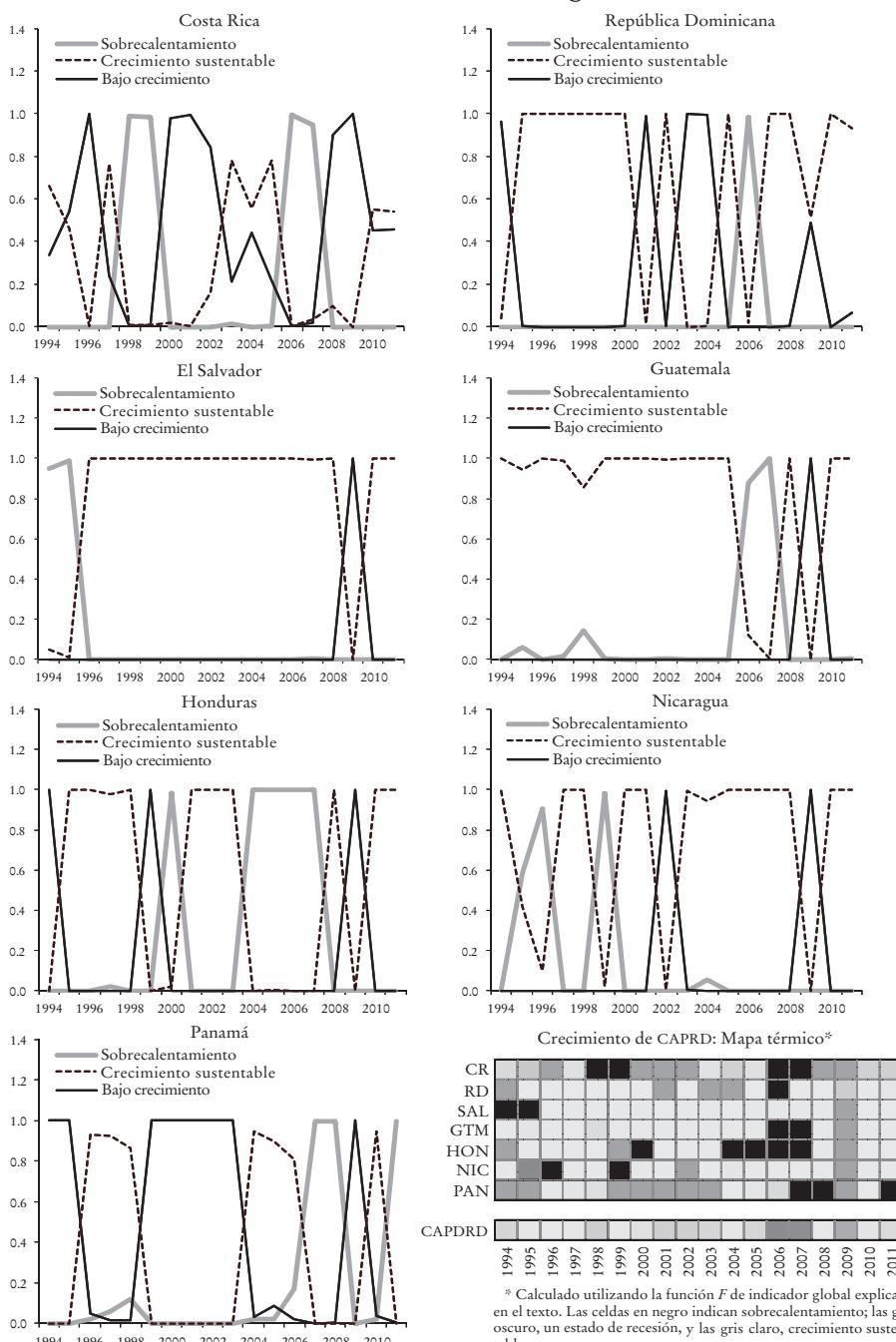
Las distribuciones que aparecen del lado izquierdo en la gráfica 5 representan las funciones de densidad de probabilidad en un escenario de bajo crecimiento. En El Salvador y Honduras se puede observar claramente una cifra negativa en este estado, con crecimientos promedio de -3.1 y -1.8%, respectivamente. Nicaragua presenta un crecimiento promedio ligeramente negativo (-0.2%) con una desviación estándar de alrededor de 0.8%, un poco por debajo del promedio de CAPRD (0.9%). En un contexto similar, El Salvador y Guatemala —países con índices de volatilidad muy bajos— también presentan leptocurtosis.

En nuestra presentación, el análisis relevante debería enfocarse en la distribución del crecimiento sustentable (funciones de densidad de probabilidad ubicadas en el centro de los diagramas de la gráfica 5). Estructuralmente, estas distribuciones representan el crecimiento en economías sin presiones inflacionarias (en teoría, porque esta característica no está incluida en el modelo). En estas circunstancias, las autoridades deberían asumir una postura neutral en lo que a medidas fiscales-monetarias se refiere. En una economía normal (un caso clásico) la política monetaria debería ser neutral e incluir una tasa de interés alineada con la inflación a largo plazo (que es la inflación meta) y con la tasa de interés real a largo plazo (que podría aproximarse al crecimiento efectivo del PIB per cápita).

La República Dominicana, Panamá y Costa Rica reportaron índices de crecimiento promedio de 5% o más por encima de las demás economías. Nicaragua tiene un crecimiento potencial promedio de alrededor de 4% y una desviación estándar de 0.9%; Honduras presenta un crecimiento potencial de 3.7% y la desviación estándar más baja de la región (0.7%); Guatemala reporta un crecimiento potencial de alrededor de 3.4% y una volatilidad de aproximadamente 0.7% y, finalmente, El Salvador cuenta con el crecimiento potencial más bajo en este escenario (2.8%) y una desviación estándar en torno al 1.1%, ligeramente por encima de la volatilidad de CAPRD, que es de 0.9 por ciento.

En términos de probabilidades incondicionales, la región arroja 58% de probabilidades de estar en este escenario, muy por encima de caer en cualquiera de los otros dos, recesión (23.4%) o sobrecalentamiento (19%). Sin

**GRÁFICA 6. CAPRD: probabilidades en cada escenario y mapa térmico.
Modelo de cambio de régimen**



* Calculado utilizando la función F de indicador global explicada en el texto. Las celdas en negro indican sobrecalentamiento; las gris oscuro, un estado de recesión; y las gris claro, crecimiento sustentable.

embargo, la evidencia de leptocurtosis en las distribuciones de Costa Rica y Panamá también se ven reflejadas en sus probabilidades: se trata de los únicos dos países con una probabilidad menor a 50% (35 y 27%, respectivamente). Los casos de Guatemala y El Salvador son de llamar la atención. Ambos países reportan tener altas probabilidades: 85 y 77%, respectivamente.

2. La identificación de probabilidades condicionales

El enfoque mixto permite generar, con base en el PIB real, las probabilidades que cada país CAPRD tiene de estar en cada uno de los estados o escenarios antes mencionados. El procedimiento implementado no impone sobre las probabilidades ninguna solución en polos opuestos (0 o 100%), de tal forma que es posible que, con toda la información disponible para una fecha cualquiera en particular, las probabilidades difieran de esos valores extremos. Incluso cuando cada función de distribución se traslape con las distribuciones de un escenario distinto, el procedimiento es capaz de identificar el estado en que se encuentra la economía.

En la gráfica 6, que se abordará en detalle más adelante, aparecen las probabilidades condicionales y —en la parte inferior— el mapa térmico. No cabe duda de que concuerdan estructuralmente con las probabilidades incondicionales presentadas en el cuadro 2 y con las brechas de producción representadas en la gráfica 7. La descomposición de las probabilidades incondicionales (toda la muestra) a las condicionales se construyó de acuerdo con la producción de las distintas economías.

En general, y como es de esperarse, se puede pasar de una distribución a otra. La persistencia de algunos estados o escenarios, medidos y observados a través del valor de la probabilidad correspondiente, será resultado del curso que tome la producción. Para entender mejor las consecuencias, es importante analizar detalladamente algunos resultados. En Costa Rica, por ejemplo, se observaron tres episodios de sobrecalentamiento: 1992-1993, 1998-1999 y 2006-2007. Después del último, la crisis financiera internacional afectó al país y aumentó la probabilidad de que entrara en estado de recesión. En consecuencia, esta probabilidad subió a casi 100% en 2008 y alcanzó esa cifra porcentual en 2009. Para el periodo 2010-2011, los efectos negativos de la crisis internacional habían disminuido y la economía transitó a un escenario de crecimiento sustentable.

Ahora centraremos el análisis en el último segmento de la muestra. La

República Dominicana experimentó patrones de crecimiento sustentable entre 2007 y 2008. Incluso cuando la crisis financiera se extendió a nivel mundial, su impacto inmediato en el país caribeño fue menor. Este resultado se apuntala en probabilidades de estar en un estado sustentable o en un estado de recesión: 50% de probabilidades para cada uno de los dos escenarios en 2009. En los dos años siguientes, estas probabilidades se inclinaron a favor del estado sustentable y alcanzaron 95%, aproximadamente.

La evaluación de El Salvador, Guatemala, Honduras y Nicaragua es similar en el último segmento de la muestra. Para 2008 estos países tenían patrones de crecimiento sustentable. Sin embargo, después de la crisis, todas las economías se orientaron de manera inmediata hacia el estado de recesión. La probabilidad de estar en un camino de crecimiento sustentable bajó a cero, mientras que la posibilidad de entrar en recesión alcanzó 100%. El impacto negativo fue transitorio ya que para 2010-2011 todas las economías habían recuperado su estado de sustentabilidad.

La historia de Panamá es un poco diferente. Durante el periodo 2007-2008 la economía estaba evidentemente sobre calentada; a lo largo de 2009 se movió transitoriamente hacia un escenario de bajo crecimiento y se recuperó al año siguiente. Para 2011 Panamá era el único país de la región CAPRD con indicios de sobre calentamiento y la probabilidad de que esto sucediera alcanzó el 100 por ciento.

Los resultados de nuestro análisis muestran que, aunque todas las economías fueron afectadas por la crisis financiera internacional, no hubo ninguna que no se recuperara a gran velocidad y reportara escenarios de crecimiento sustentable para el periodo 2010-2011. Panamá fue el único país que en 2011 experimentó un estado de sobre calentamiento.

En la siguiente sección se desarrolla un indicador que resume, en una, las tres probabilidades.²⁰ Este concepto innovador contribuirá a entender el desempeño del crecimiento potencial en la región.

3. Probabilidades condicionales y función de indicador del ciclo

Resulta útil construir un indicador integral para seguir el desempeño de la economía utilizando como insumo las probabilidades calculadas en la sección anterior. De manera específica, el índice que aparece a continuación

²⁰ Este indicador podría ser útil para evaluar las políticas monetarias durante los ciclos.

está computado a partir del modelo de cambio de régimen para analizar el crecimiento en su conjunto y se alimenta con las probabilidades presentadas en la gráfica 6.

Definamos F como la función de indicador del ciclo y consideremos una transformación sigmoide de un factor artificial ξ , de la siguiente manera:

$$F = \frac{e^\xi}{1+e^\xi} \quad (13)$$

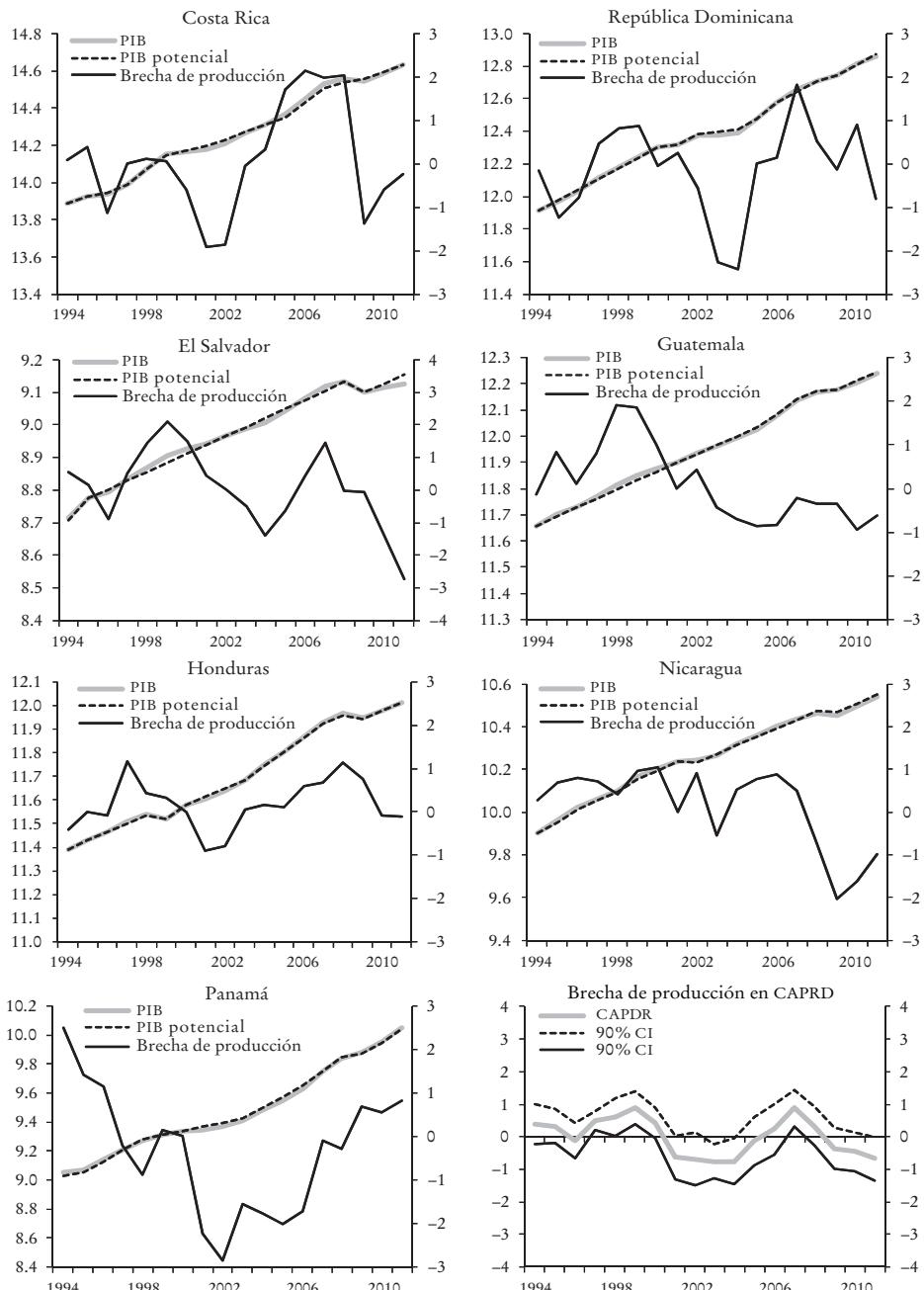
donde el factor artificial ξ se define con base en las tres probabilidades calculadas en el ejercicio de cambio de régimen, de esta forma:

$$\xi = \frac{P[\text{Sobrecalentamiento}] - P[\text{Recesión}]}{P[\text{Crecimiento sustentable}]} \quad (14)$$

Por estructura, sabemos que la función de indicador del ciclo F pertenece al intervalo $[0,1]$. Si la función F adquiere el valor de 0.5, significa que la economía está mostrando indicios de crecimiento sustentable. Pero si F se acerca a 0(1), surgen signos de recesión (sobrecalentamiento). Con esta definición, podemos evaluar la situación general de la economía.

En lugar de presentar los diagramas correspondientes a las economías de CAPRD, se creó un mapa térmico (diagrama inferior derecho de la gráfica 6). Esta ilustración permite observar eventuales “presiones inflacionarias” (o economías en sobrecalentamiento) simplemente viendo las diferentes líneas de las celdas. Lo anterior se logra utilizando la dinámica del crecimiento de la producción en concordancia con las probabilidades de cambio de régimen computadas. El espectro va de la línea en gris —que indica un escenario de recesión— a la discontinua, que representa un estado de sobrecalentamiento. Como se mencionó en la sección anterior, para 2008, la mayoría de las economías seguían patrones de crecimiento sustentable. La excepción era la situación de sobrecalentamiento por la que atravesaba Panamá (en negro) y el escenario de enfriamiento de Costa Rica (celda gris oscuro). Una vez que la crisis financiera internacional golpeó la región en 2009, todas las economías entraron en estado de recesión (celdas en gris claro en el diagrama) y se recuperaron rápidamente hasta alcanzar patrones de crecimiento en el periodo 2010-2011. La única salvedad es Panamá, país que vivió un escenario de sobrecalentamiento en 2011.

**GRÁFICA 7. CAPRD: producción potencial y brecha de producción.
Modelo de reorientación**



La conclusión principal de este análisis es que el crecimiento potencial de producción para la región asciende aproximadamente a 4.8%, con una desviación estándar de alrededor de 1%, lo que supone que la mayoría de los países reporta un crecimiento potencial de entre 3.8 y 5.8%. Sin embargo, se pueden observar algunos resultados heterogéneos que superan el intervalo de confianza uno de la desviación estándar: economías como la de El Salvador reportan un crecimiento potencial de alrededor de 2.8%, mientras que economías como las de Panamá y la República Dominicana presentan crecimientos potenciales por arriba de 6%. Como conclusión general, es posible afirmar que, tras la crisis que golpeó a la región en 2009, todas las economías de CAPRD tuvieron una recuperación vertiginosa en el periodo 2010-2011 y siguiendo patrones de crecimiento sustentable. En 2011, sólo Panamá parecía sufrir de sobrecalentamiento.

La siguiente sección presenta el último enfoque para evaluar y medir el crecimiento potencial y las brechas de producción: el modelo de estado-espacio.

III. MODELOS DE ESTADO-ESPAZIO

En esta sección se desarrolla un enfoque de estado-espacio que busca identificar y descomponer el crecimiento observado del PIB en dos partes, a saber: la producción potencial y la brecha de producción. La estructura general del modelo se representa a través de dos bloques de ecuaciones que caracterizan el sistema de estado-espacio: las ecuaciones de medición y estado.

$$y_t = H\mathbf{B}_t + Ax_t + \varepsilon_t^y \quad (15)$$

$$\mathbf{B}_t = \Gamma_0 + \Gamma_1 \mathbf{B}_{t-1} + \varepsilon_t \quad (16)$$

La ecuación (15) representa la dinámica de las variables de medición definidas como y_t (logaritmo del PIB) y se explica utilizando un vector de variables exógenas observadas x_t , un vector de variables de estado no observadas \mathbf{B}_t y un término de error iid $\varepsilon_t^y \xrightarrow{iid} N(0, \Theta)$. En una variable medida, la matriz de varianzas-covarianzas se define por el escalar $\Theta = \sigma_y^2 < \infty$ y se debe calcular a través de procedimientos de máxima verosimilitud (MV).

La ecuación de estado (16) representa la dinámica de variables de estado. Al ser estándar, se asume que su término de error no está correlacionado

con el término de error de la ecuación de medición (15) y, por lo general, se constituye a través de un proceso de generación de datos (PGD) centrado en cero, distribuido normalmente y con una matriz de varianzas-covarianzas diagonal Q :

$$\varepsilon_t \xrightarrow{iid} N(0, Q) \quad (17)$$

La estimación MV de la representación estado-espacio (15)-(17) se realiza utilizando el método de filtro de Kalman (FK). Se trata de un proceso recursivo de dos etapas: predicción y corrección. Para la predicción se utiliza cierta información previa sobre los cálculos de los parámetros Γ_0, Γ_1, H y A , así como las matrices de varianzas-covarianzas Θ y Q . En la corrección, en cambio, se utilizan los posteriores de los cálculos y la matriz de varianzas-covarianzas. El factor Kalman recurre a información previa para generar posteriores y este proceso de aprendizaje se repite iterativamente hasta que la información de la muestra haya sido analizada. En las siguientes secciones presentaremos dos especificaciones aplicadas a las economías de CAPRD.

1. *Modelo I: corriente determinística*

Se puede representar la estructura estado-espacio del sistema a través de una ecuación de medición que vincula los valores actuales de producción $\{y_t\}$ con dos variables de estado: producción potencial y brecha de producción, mismas que se simbolizan como $\{y_t^p, ybrecha_t\}$ respectivamente.

$$y_t = y_t^p + ybrecha_t \quad (18)$$

$$y_t^p = \bar{\mu} + y_{t-1}^p \quad (19)$$

$$\begin{aligned} ybrecha_t &= \rho_1 ybrecha_{t-1} + \rho_2 ybrecha_{t-2} + \varepsilon_t^{ybrecha} \\ \varepsilon_t^{ybrecha} &\xrightarrow{iid} N(0, \sigma_{ybrecha}^2) \end{aligned} \quad (20)$$

Para mapear este modelo en la representación estado-espacio (15)-(16), es necesario reescribir el sistema de la siguiente manera:

$$H = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{B}_t = \begin{bmatrix} y_t^p \\ ybrecha_t \\ ybrecha_{t-1} \end{bmatrix} \quad (21)$$

$$A = x = \Theta = 0$$

$$\Gamma_0 = \begin{bmatrix} \bar{\mu} \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}; \quad \Gamma_1 = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & \rho_1 & \rho_2 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

La producción potencial sigue un camino aleatorio con una tendencia o corriente determinística, mientras que la brecha de producción se representa a través de un estable AR(2).²¹ Todas las variables están en logaritmos y la varianza residual se puede resumir siguiendo el formato que aparece a continuación y que representa las ecuaciones de transición.

$$\begin{bmatrix} y_t^p \\ ybrecha_t \\ ybrecha_{t-1} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \bar{\mu} \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & \rho_1 & \rho_2 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} y_{t-1}^p \\ ybrecha_{t-1} \\ ybrecha_{t-2} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ \varepsilon_t^{ybrecha} \\ 0 \end{bmatrix} \quad (22)$$

La matriz de varianza-covarianza de las varianzas residuales independientes del sistema de transición es la siguiente:

$$Q = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & \sigma_{ybrecha}^2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \quad (23)$$

En resumen, los cuatro parámetros que hay que calcular son: $\{\rho_1, \rho_2, \bar{\mu}, \beta, \sigma_{ybrecha}^2\}$.

²¹ Una condición de estacionariedad requiere que todas las raíces de la ecuación diferencial AR(2) estén fuera del círculo de la unidad, lo que supone que: $|\rho_2| < 1, \rho_1 + \rho_2 < 1, \rho_1 - \rho_2 < 1$, de manera simultánea. Se debe imponer esta condición de estacionariedad en el procedimiento Kalman.

2. Modelo II: corriente con reversión media

De manera muy similar al modelo anterior, la estructura estado-espacio del sistema será representada a través de una ecuación de medición que vincula los valores vigentes de la producción $\{y_t\}$ con dos variables de estado $\{y_t^p, ybrecha_t\}$. Sin embargo, en esta representación, la producción potencial sigue un camino aleatorio con una tendencia o corriente en la que el proceso que rige dicha corriente sigue una dinámica media de retroceso con un estado constante a largo plazo $\bar{\mu}$ y con un coeficiente de ajuste $\beta \in (0,1)$:

$$y_t = y_t^p + ybrecha_t \quad (24)$$

$$y_t^p = \mu_{t-1} + y_{t-1}^p \quad (25)$$

$$\begin{aligned} ybrecha_t &= \rho_1 ybrecha_{t-1} + \rho_2 ybrecha_{t-2} + \varepsilon_t^{ybrecha} \\ \varepsilon_t^{ybrecha} &\xrightarrow{iid} N(0, \sigma_{ybrecha}^2) \end{aligned} \quad (26)$$

$$\mu_t = (1 - \beta) \bar{\mu} + \beta \mu_{t-1} \quad (27)$$

La dinámica de las variables de estado se puede resumir con el sistema de matriz que aparece a continuación y que representa las ecuaciones de transición:

$$\begin{bmatrix} y_t^p \\ ybrecha_t \\ ybrecha_{t-1} \\ \mu_t \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ (1 - \beta) \bar{\mu} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & \rho_1 & \rho_2 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & \beta \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} y_{t-1}^p \\ ybrecha_{t-1} \\ ybrecha_{t-2} \\ \mu_{t-1} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ \varepsilon_t^{ybrecha} \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} \quad (28)$$

La matriz de varianzas-covarianzas de las varianzas residuales independientes del sistema de transición es la siguiente:

$$Q = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & \sigma_{ybrecha}^2 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \quad (29)$$

En conclusión, los parámetros que deben ser calculados según esta representación son: $\{\rho_1, \rho_2, \bar{\mu}, \beta, \sigma_{ybrecha}^2\}$.

En la siguiente sección se hace un informe de los cálculos de los coeficientes asociados con los dos modelos de estado-espacio desarrollados con anterioridad.

3. Cálculo y resultados empíricos²²

En esta sección se presentan los resultados de la metodología que descompone la producción en producción potencial y brecha de producción de acuerdo con los modelos discutidos con anterioridad. En el cuadro 3 se resumen la especificaciones básicas y ampliadas (modelos I y II).

Inicialmente, se calculó la versión simple del modelo estado-espacio, denominada corriente determinística (modelo I), y se encontró lo siguiente: en la región, Panamá es el país con mayor potencial de crecimiento (5.6%) y Nicaragua presenta el menor crecimiento (3.3%). Además, Panamá y la República Dominicana tienen las volatilidades regionales más altas, con una desviación estándar en la brecha de producción de alrededor de 2.4%. El país con menor volatilidad es Guatemala (0.8%). Según esta especificación todos los coeficientes son estadísticamente significativos, pues su porcentaje de confianza asciende a cinco.

La especificación alternativa (modelo II) incorpora una dinámica a la corriente, lo que permite una reversión media en el proceso (para más detalles, véase la sección inmediata anterior). Como en el modelo I, casi todos los coeficientes de esta representación son estadísticamente significativos (a excepción de algunos).²³ En todos los países, el crecimiento potencial

²² Los códigos Gauss utilizados en esta sección están disponibles para quien los solicite. Problemas de convergencia nos obligaron a excluir a El Salvador de esta muestra.

²³ El promedio β de CAPRD es de alrededor de -0.04.

CUADRO 3. Relación entre crecimiento y volatilidad: modelos estado-espacio*

Coefficientes de país	μ	σ_{brecha}	ρ_1	ρ_2
<i>Modelo I: Corriente determinística</i>				
CAPRD	4.3674	1.9591	1.0362	-0.5060
Costa Rica	4.7936	1.9591	0.9434	-0.6612
	(95.40)	(6.50)	(5.43)	(-3.61)
República Dominicana	5.4203	2.3996	0.8368	-0.3922
	(72.51)	(6.49)	(4.27)	(-2.02)
Guatemala	3.5171	0.8160	0.9011	-0.6202
	(170.2)	(6.47)	(5.11)	(-3.34)
Honduras	3.6204	2.2575	0.8631	-0.2202
	(35.69)	(6.46)	(4.33)	(-1.18)
Nicaragua	3.2543	1.8817	1.2215	-0.4581
	(25.72)	(6.48)	(6.44)	(-2.40)
Panamá	5.5989	2.4407	1.4511	-0.6839
	(28.88)	(61.48)	(8.32)	(-3.80)
<i>Modelo II. Reversión media</i>				
CAPRD	4.6804	2.0956	1.1357	-0.4350
Costa Rica	5.0285	2.1663	1.2373	(-2.14)
	(37.33)	(6.46)	(6.22)	-0.3578
República Dominicana	5.7108	2.2442	1.0904	(-0.81)
	(46.40)	(6.51)	(5.19)	-0.2617
Guatemala	3.6914	1.1714	1.1419	(-1.40)
	(25.80)	(6.39)	(2.62)	-0.4589
Honduras	3.8503	2.3260	0.8933	(-2.22)
	(33.90)	(6.52)	(4.39)	-0.5936
Nicaragua	3.6580	1.6553	1.0596	(-3.07)
	(23.90)	(6.49)	(5.48)	(-2.40)
Panamá	6.1435	3.0106	1.3916	-0.6839
	(8.72)	(6.47)	(6.18)	(-3.80)

* Los números entre paréntesis son estadísticas t . En el caso de CAPRD se reporta el promedio simple.

de estado constante fue más alto (parámetro μ) y también estadísticamente significativo. En el primer modelo, el crecimiento potencial promedio de CAPRD fue de 4.37%, mientras que de acuerdo con la segunda especificación, el crecimiento potencial alcanzó 4.68%.²⁴ Conforme aumenta el crecimiento promedio, aumenta también la volatilidad. La volatilidad de la brecha de producción fue de aproximadamente 1.96% en el modelo I y de 2.1% en el modelo II.

Por último, la velocidad a la cual la producción retoma su tendencia después de un impacto, se podría medir a través de β . En la mayoría de los países, la cifra es baja o estadísticamente insignificante. La excepción es

²⁴ Son promedios simples, y no aparecen en el cuadro.

Nicaragua, donde β equivale a 0.3824, lo que significa que, después de un impacto, la producción regresará a su crecimiento constante en alrededor de dos años y medio (el inverso de 0.3824). Los primeros y segundos coeficientes ordinales para la brecha de producción son apenas constantes en la región (promedio simple) en ambos modelos (1.04 y -0.51 en el modelo I, y 1.14 y -0.45 en el modelo II).

En conclusión, los modelos estado-espacio son una buena herramienta para descomponer la producción en producción potencial y brecha de producción. Los modelos analizados en esta sección arrojaron mediciones casi idénticas en lo que a niveles de producción potencial se refiere. Podría surgir una parcialidad a la baja en la especificación básica, por lo que preferimos el segundo modelo donde el crecimiento potencial es siempre más alto en el conjunto de los países. El mismo resultado se obtiene en relación con la volatilidad de la brecha de producción: en la segunda especificación, la volatilidad en CAPRD también es más alta.

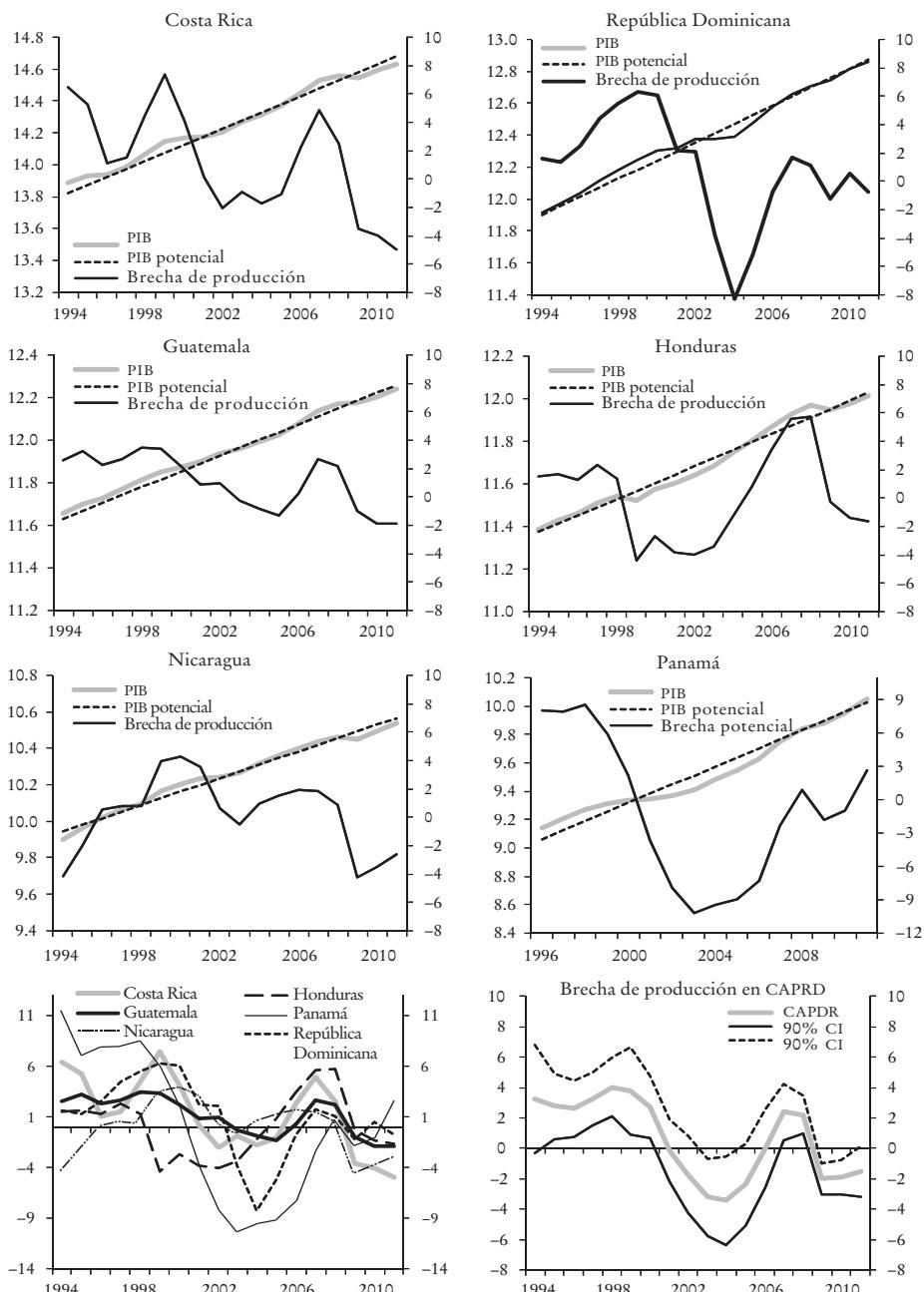
La gráfica 8 reporta la producción potencial y las brechas de producción con base en la segunda especificación. Las cifras totales que resultan de este enfoque no difieren mayormente de las que resultan de las dos metodologías anteriores. Sin embargo, esta última ofrece enorme flexibilidad para incorporar más “economía”.

Vale la pena poner énfasis en algunas conclusiones finales. En primer lugar, el crecimiento de producción promedio en CAPRD es de alrededor de 4.7% con una volatilidad de la brecha de producción de alrededor de 2.1%. Segundo, la brecha de producción parece estar bien representada por un AR(2) cuyos coeficientes de autocorrelación fueron estadísticamente significativos de manera constante en ambas especificaciones. Tercero, de forma congruente con los enfoques anteriores, Panamá es el país con mayor potencial de crecimiento y la única economía que experimentó un sobrecalentamiento en 2011 (últimos dos diagramas, gráfica 8). El resto de las economías presentaron brechas de producción insignificantes en el periodo 2010-2011. Finalmente, el ciclo de producción es de entre ocho y diez años aproximadamente, aunque el intervalo de confianza es más amplio que en los enfoques anteriores.

IV. RESUMEN DE LOS MODELOS

En esta sección se presenta un resumen de los cálculos pero, en esta ocasión, se centra en la región de CAPRD. En términos generales, los resultados son

**GRÁFICA 8. CAPRD: producción potencial y brecha de producción.
Modelo estado-espacio**



CUADRO 4. Tres enfoques: crecimiento y volatilidades de la brecha de producción en CAPRD

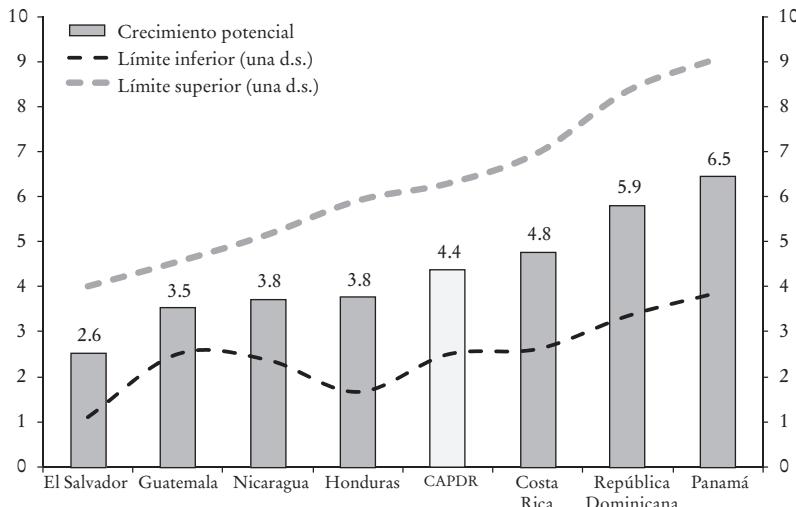
	PIB		Filtro HP		Filtro HP ^a		Función de producción		Reorientación ^b		Estado-espacio ^c		CAPRD	
	μ	σ brecha	μ	obrecha	μ	obrecha	μ	obrecha	μ	obrecha	μ	obrecha	μ	obrecha
CAPRD	4.2	2.5	4.3	2.5	4.1	2.1	4.3	2.4	4.8	0.9	4.7	2.1	4.4	1.9
Costa Rica	4.5	2.9	4.6	2.8	4.2	2.4	4.5	2.6	5.0	1.1	5.0	2.2	4.8	2.2
República Dominicana	5.3	3.5	5.6	3.1	5.4	1.0	5.5	3.1	6.6	1.5	5.7	2.2	5.9	2.5
El Salvador	2.5	2.0	2.5	1.7	1.8	2.7	2.4	1.6	2.8	1.1			2.6	1.5
Guatemala	3.5	1.3	3.5	1.2	3.3	1.5			3.4	0.7	3.7	1.2	3.5	1.0
Honduras	3.8	2.5	3.8	2.8	3.5	3.1	3.8	2.7	3.7	0.7	3.9	2.3	3.8	2.1
Nicaragua	3.8	2.0	3.7	1.6	3.3	2.0	3.6	1.4	4.0	0.9	3.7	1.7	3.8	1.4
Panamá	6.1	3.3	6.0	3.9	7.3	1.9	5.9	3.0	7.9	0.5	6.1	3.0	6.5	2.6

^aComo referencia. Calculado con datos de 2008-2011.

^bEstado sustentable.

^cModelo de reversión media.

GRÁFICA 9. Crecimiento potencial: promedio de las tres metodologías

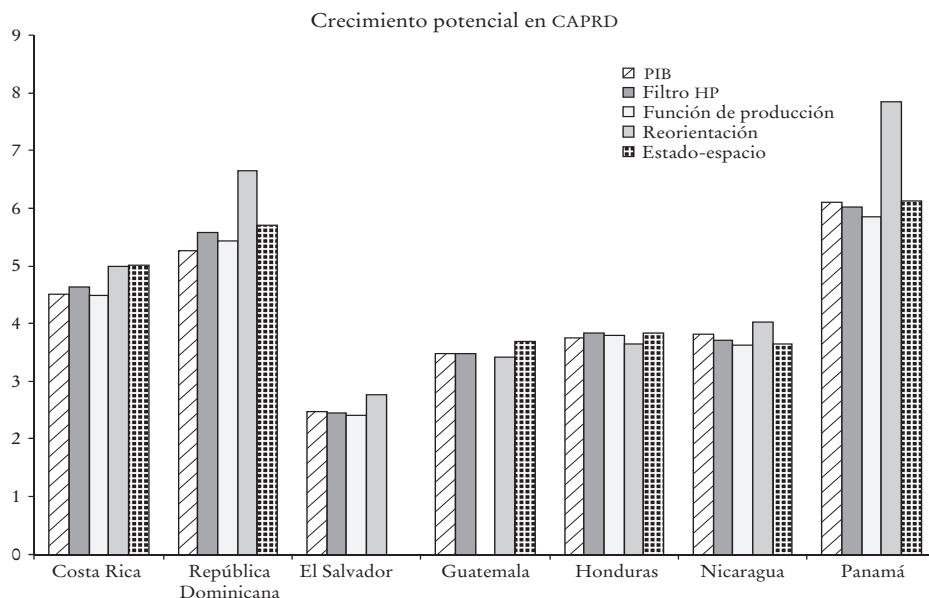


consistentes con Sosa *et al.* (2013) y FMI (2013). El crecimiento potencial promedio para la región es de alrededor de 4.4% (computando el promedio de los tres enfoques) con una volatilidad de la brecha de producción de alrededor de 1.9%. El Salvador es el país con crecimiento más lento (2.6%, en promedio), seguido de Guatemala (3.5%). La lista la encabezan la República Dominicana y Panamá, con un crecimiento de 5.9 y 6.5%, respectivamente.

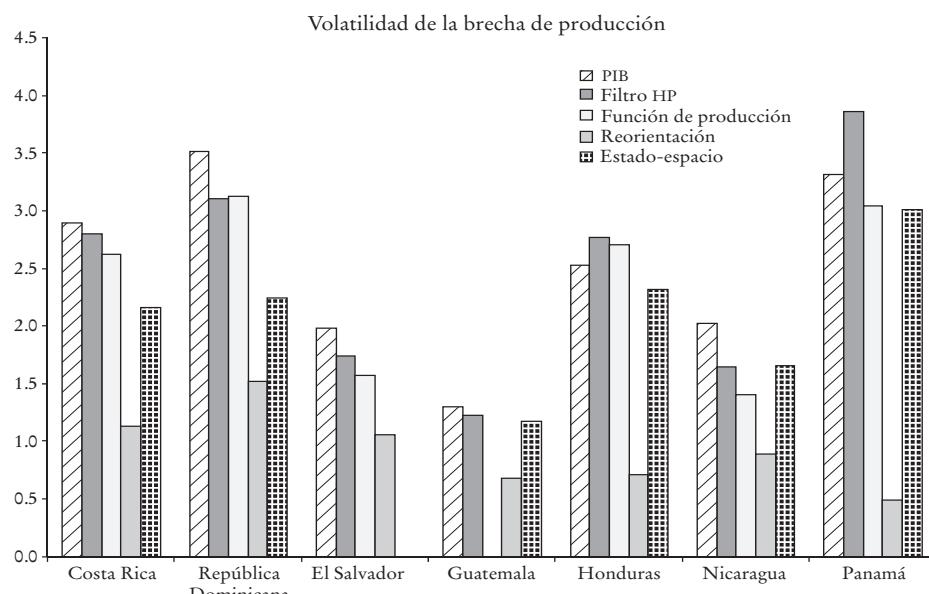
Las conclusiones principales al medir el crecimiento potencial de la producción es la solidez que se encontró entre los tres enfoques. Sin una medida teórica para definir la producción potencial y, en consecuencia, la brecha de producción, estos tres métodos ofrecen una fuente de consistencia, aunque haya algunas divergencias y heterogeneidades menores (gráfica 10). En los casos de Costa Rica y El Salvador, el crecimiento potencial fue muy similar. Sin embargo, Panamá es el país donde la solidez entre los tres enfoques es menor. A pesar de que hay cierta variabilidad, en los demás países se observa un crecimiento en la producción.

Aun cuando la producción potencial sea sólidamente medida en los tres enfoques y las frecuencias del resultado sean muy similares, la variabilidad en la brecha de producción es distinta según el modelo utilizado para calcular la brecha de producción potencial (véase la gráfica 11). Entre el enfoque de función de producción y el de estado-espacio las diferencias no son tan marcadas. Sin embargo, el modelo de cambio de régimen arroja, de

GRÁFICA 10. CAPRD: crecimiento potencial según los modelos



GRÁFICA 11. CAPRD: volatilidades de la brecha de producción según los modelos



manera consistente, las menores volatilidades de la brecha de producción. Lo anterior se debe a que este último modelo distingue y registra con gran precisión cualquier evento de crecimiento sustentable al filtrar el ciclo de la brecha de producción de eventos no sustentables como los estados de sobrecalentamiento y recesión. Esta clara demarcación no está presente en los otros dos métodos.

CONCLUSIONES

En este artículo se desarrollan tres metodologías para medir la producción potencial, el crecimiento potencial y la brecha de producción. Se aplicaron el enfoque de función de producción, la metodología de cambio de régimen y los modelos estado-espacio a los países CAPRD.

Utilizando datos anuales del periodo comprendido entre 1994 y 2011, hemos mostrado que el ciclo económico de producción es de alrededor de ocho años, con un crecimiento potencial promedio de alrededor de 4.6% y una volatilidad de la brecha de producción de 1.8%, aproximadamente.

Más aún, el efecto negativo de la crisis financiera desapareció después de un año. Todos los países reportaron brechas de producción cerradas para 2010-2011. La única excepción fue Panamá, que presentó señales de sobrecalentamiento en 2011.

Sostuvimos que el país con menor crecimiento potencial es El Salvador, con un promedio de alrededor de 2.7% y una desviación estándar para la brecha de producción de 1.3%, aproximadamente. Del otro lado del espectro, encontramos que el país con el mayor crecimiento potencial fue Panamá, donde el promedio de crecimiento asciende a alrededor de 6.7% y la desviación estándar de la brecha de producción a alrededor de 2.2%, la segunda volatilidad de la región, después de la República Dominicana (2.4 por ciento).

Finalmente, aunque hubo diferencias significativas en el crecimiento potencial en los distintos países, los resultados fueron sólidos en los métodos alternos. La rendición de cuentas, la calidad de las instituciones, la implementación de políticas (Swiston y Barrot, 2011), la lenta difusión tecnológica (Howitt, 2000) la mala selección y asignación de los recursos (Hsieh y Klenow, 2009; Bartelsman *et al.*, 2013), y las reformas institucionales radicales podrían ser algunos de los elementos clave para explicar las diferencias en el crecimiento potencial. Ésta parece ser un área fértil para una investigación posterior.

ANEXO

1. *Modelo de cambio de régimen: código Gauss*

Código Gauss para calcular el modelo de cambio de régimen utilizando el algoritmo ME bajo tres estados de la naturaleza. La variable “y” representa el crecimiento real del PIB. Este código corrió en Gauss 8.0.6.

```
@ Gauss Code for Markov Switching with three Scenarios: Christian Johnson, 2013@ 
max=10000;
s=3;
ps=zeros(s,rows(y));
tol=.000001;
mu=(meanc(y)+2*stdc(y))*ones(1,max)|(meanc(y)-0*stdc(y))*ones(1,max)|
(meanc(y)-2*stdc(y))*ones(1,max);
sd2=stdc(y)^2*1*ones(1,max)|stdc(y)^2*1*ones(1,max)|stdc(y)^2*1*ones(1,max);
q=1/s+zeros(s,max);
psnum=ps;
theta=zeros(max,3*s);

m=2;
do while m lt max;
    t=1;
    do while t le rows(y);

        j=1;
        do while j le s;
            psnum[j,t]=q[j,m]*1/sqrt(2*pi*sd2[j,m])*exp(-.5*((y[t]-mu[j,m])^2/sd2[j,m]));
            j=j+1;
        endo;

        j=1;
        do while j le s;
            ps[j,t]=psnum[j,t]/sumc(psnum[.,t]);
            j=j+1;
        endo;

        t=t+1;
    endo;

    j=1;
    do while j le s;
        mu[j,m] =ps[j,.]*y/sumc(ps[j,.']);
        sd2[j,m]=ps[j,.]*(y-mu[j,m])^2/sumc(ps[j,.']);
        q[j,m] =1/rows(y)*sumc(ps[j,.']);
        j=j+1;
    endo;

    theta[m,.]=mu[1,m]~mu[2,m]~mu[3,m]~sd2[1,m]~sd2[2,m]~sd2[3,m]~q[1,m]~q[2,m]~q[3,m];
    dif=sumc((theta[m,.]-theta[m-1,.'])^2);
    if dif le tol;goto a10;endif;
    m=m+1;
    mu[1,m]=mu[1,m-1];mu[2,m]=mu[2,m-1];mu[3,m]=mu[3,m-1];
    sd2[1,m]=sd2[1,m-1];sd2[2,m]=sd2[2,m-1];sd2[3,m]=sd2[3,m-1];
    q[1,m]=q[1,m-1];q[2,m]=q[2,m-1];q[3,m]=q[3,m-1];
endo;
```

2. Modelo estado-espacio: código Gauss

Código Gauss para calcular los modelos estados-espacio para los países CAPRD. La variable “y” representa el crecimiento real del PIB para el país seleccionado. Este código corrió en Gauss 8.0.6.

```

@ ML estimation Kalman Filter for Output GAP CAPDR: Christian Johnson, 2013@ 
new;
cls;
rndseed 1234567890;

library pgraph,cml;
#include cml.ext;
cmlset;

_pmcolor={0,0,0,0,0,0,0,15};
_pcicolor={1,4,1,5};
_pdate="";
_plwidth=.5 .5 .5 2.5;
_pltype=0;

"
Ingrese Variable a ser Estudiada:
1   : Costa Rica
2   : Dominican Republic
3   : El Salvador
4   : Guatemala
5   : Honduras
6   : Nicaragua (old data base 1994)
7   : Panama
8   : Nicaragua (new data base 2006)

";
country=con(1,1);

@Costa Rica,Dominican Republic,El Salvador,Guatemala,Honduras,Nicaragua,Panama,Nicaragua(Base 2006)@
@ sample 1990-2011@
serie=seqa(1991,1,(2011-1990)*1);
y={
857.5047    122.271  4.8009   100.2174  77.189   19.091   6.6448   69111.4
876.9106    123.426  4.9726   103.224  79.699   19.061   7.2706   69002.8
957.1656    136.402  5.3476   107.9723  84.182   19.138   7.867    69281.6
1028.1268   146.2538 5.7419   111.6433  89.426   19.061   8.2962   69002.8
1076.7652   149.6224 6.0892   115.4806  88.2689  20.0084   8.5326   72432.5
1118.9839   157.8421 6.4787   120.5787  91.8618  21.1913   8.6821   76714.6
1128.9047   169.0984 6.5892   123.9518  95.149   22.5357   9.3221   81581.6
1191.8771   182.6335 6.869    129.0921  99.9005  23.4296   9.9244   84817.7
1291.9691   195.4372 7.1265   135.0185  102.7992  24.2992  10.653    87965.8
1398.1973   208.5615 7.3723   139.9940  100.8568  26.0089  11.0703   94155.1
1423.3605   220.3590 7.531    143.5330  106.6542  27.0757  11.3709   98016.9
1438.6815   224.3458 7.6597   146.9778  109.5586  27.8774  11.4362   100919.1
1480.4347   237.3314 7.839    152.6609  113.6718  28.0875  11.6911   101679.9
1575.2493   236.7301 8.0193   156.5245  118.8405  28.7955  12.1828   104243.0
1642.3464   239.8359 8.1677   161.4582  126.2470  30.3252  13.0992   109780.6
1739.021    262.0513 8.4587   166.7220  133.8858  31.6239  14.0412   114481.8
1891.7008   290.0152 8.7896   175.6912  142.7890  32.9369  15.2386   119235.2
2041.8137   314.5929 9.1271   186.7669  151.6775  34.1369  17.0844   125231.5
2097.5884   331.1267 9.2434   192.8949  157.9199  35.0788  18.8129   128864.1
2076.2827   342.5642 8.9538   193.9506  154.5546  34.5634  19.5384   126998.6

```

```

2173.4502      369.1170  9.0815   199.3483  158.8414  36.1120  21.0219  130987.4
2263.9518      385.6642  9.2086   206.8958  164.5828  37.8093  23.2457  137602.3
};

y=y*1000;
y=reshape(y,22,8);
y=y[,country];

y;
"

Input Model:
1      :      SS with Deterministic Drift
2      :      SS with Stochastic Drift

";

ser=con(1,1);

if ser eq 1;goto z10;endif;
if ser eq 2;goto z20;endif;

@===== SS Deterministic Model ======@
z10:

y=100*ln(y);
nobs=rows(y);
ini=2;
p_ini=1e-5;

@ESTIMATION: KALMAN FILTER ML CAPDR      @
@=====@======
proc lnlk1(par,y);

local f, q, h, nobs, b_all, b, b1,
      k, p, p1, yhat, e, lnl, t, var_y, r, mu, p_ini;

f= (1 ~0 ~0)| (0~ par[1]~ par[2])| (0~ 1 ~0);
h=1~1~0;
q= (0 ~0 ~0)| (0 ~par[3]^2 ~0)| (0 ~0 ~0);
mu=(par[4]|0|0);

nobs=rows(y);
lnl=zeros(nobs,1);
r=0;
p_ini=1e-5;

t=ini;
do while t le nobs;

@ Time Update : Prediction @

if t eq ini;

      b1=y[ini-1]|zeros(rows(f)-1,1);
      p1=eye(rows(f))*p_ini;
      b_all=b1;
endif;

b=mu+f*b1;

```

```

p=f*p1*f'+q;

@ Measurement Update : Correction @
k=p*h'*inv(h*p*h'+r);
b1=b+k*(y[t]-h*b);
@Accumulation@
b_all=b_all-b1;
p1=p-k*h*p;

lnl[t]=-0.5*ln(2*pi)-0.5*ln(det(h*p*h'+r))-0.5*((y[t]-h*b)^2)/(h*p*h'+r);

t=t+1;
endo;

retp(sumc(lnl[ini:nobs]));

endp;

startv={1.2, -0.3, 1.8, 4};
_title="Kalman Filter in Country";
_cml_Bounds={-2 2, -0.9999 0.9999, 0.0001 9, -10 10};
_cml_C={-1 -1 0 0 , 1 -1 0 0 };
_cml_D=0.99999*(-1| -1);
_cml_GridSearchRadius=0.0001;
_cml_GradOrder = 3;
_cml_LineSearch=2; @ 1** - STEP* - HALF** - BRENT** - BHHSSTEP @
_cml_Algorithm=3; @ BFGS - DFP - NEWTON* - BHHS @
_cml_ParNames="rho 1"|"rho 2"|"s_ygap"|"mu";

{par_out, f_out, g_out, cov_out, retcode} = CMLPr(CML(y,0,&lnlk1,startv));
par_out~sqrt(diag(cov_out))~par_out./sqrt(diag(cov_out));
cov_out;

" Likelihooh Value is      :";
" Retcode                  :";
" Estimated Parameters:";par_out;

@=====
@           SIMULATIONS          @
@=====

par=par_out;

f= (1 ~0 ~0)|  

(0~ par[1]~ par[2])|  

(0~ 1 ~0);  

h=1~1~0;  

q= (0 ~0 ~0)|  

(0 ~par[3]^2 ~0)|  

(0 ~0 ~0);  

mu=(par[4]|0|0);

nobs=rows(y);
lnl=zeros(nobs,1);
r=0;
p_ini=1e-5;

t=ini;
do while t le nobs;

@ Time Update : Prediction @

if t eq ini;

b1=y[ini-1]|zeros(rows(f)-1,1);
p1=eye(rows(f))*p_ini;
b_all=b1;
endif;

```

```

b=mu+f*b1;
p=f*p1*f'+q;

@ Measurement Update : Correction @
k=p*h'*inv(h*p*h'+r);
b1=b+k*(y[t]-h*b);
    @Accumulation@
    b_all=b_all~b1;
p1=p-k*h*p;

        t=t+1;
    endo;

b_all=b_all[.,ini:cols(b_all)]';b_all;

goto z100;

@===== SS Stochastic Model =====@

z20:

y=100*ln(y);
nobs=rows(y);
ini=2;
p_ini=1e-5;

@ESTIMATION: KALMAN FILTER ML for CAPDR @
@=====
proc lnlik(par,y);

local f, q, h, nobs, b_all, b, b1,
      k, p, p1, yhat, e, lnl, t, var_y, invar_y, r, mu, p_ini;

f= (1 ~0 ~0 ~1)|
  (0~ par[1]~ par[2] ~0)|
  (0~ 1 ~0 ~0)| 
  (0 ~0 ~0 ~par[5]);
h=1~1~0~0;
q= (0 ~0 ~0 ~0)| 
  (0 ~par[3]^2 ~0 ~0)| 
  (0 ~0 ~0 ~0)| 
  (0 ~0 ~0 ~0);
mu=(0|0|0|(1-par[5])*par[4]);

nobs=rows(y);
lnl=zeros(nobs,1);
r=0;
p_ini=1e-5;

t=ini;
do while t le nobs;

@ Time Update : Prediction @

if t eq ini;

    b1=y[ini-1]|zeros(rows(f)-1,1);
    p1=eye(rows(f))*p_ini;
    b_all=b1;
endif;

b=mu+f*b1;
p=f*p1*f'+q;

@ Measurement Update : Correction @

```

```

k=p*h'*inv(h*p*h'+r);
b1=b+k*(y[t]-h*b);
    @Accumulation@
if t gt ini; b_all=b_all~b1;
p1=p-k*h*p;endif;

lnl[t]=-0.5*ln(2*pi)-0.5*ln(det(h*p*h'+r))-0.5*((y[t]-h*b)^2)/(h*p*h'+r);

t=t+1;
endo;

retlp(sumc(lnl[ini:nobs]));

endp;

startv={1.2, -0.3, 2, 4, 0.4};
_title="Kalman Filter in Country";
_cml_Bounds={-2 2, -0.9999 0.9999, 0.0001 9, -10 10, -1 2};
_cml_C={-1 -1 0 0 0 , 1 -1 0 0 0 };
_cml_D=0.99999*(-1 -1);
_cml_GridSearchRadius=0.00001;
_cml_GradOrder = 3;
_cml_LineSearch=2; @ 1** - STEP* - HALF** - BRENT** - BHHHSTEP @
_cml_Algorithm=3; @ BFGS - DFP - NEWTON* - BHHH @
_cml_ParNames="rho 1"|"rho 2"|"s_ygap"|"mu"|"beta";

{par_out, f_out, g_out, cov_out, retcode} = CMLPr(CML(y,0,&lnlk,startv));
par_out~sqrt(diag(cov_out))~par_out./sqrt(diag(cov_out));
cov_out;

"
Likelihooh Value is      :";
;(nobs-ini)*f_out;
" Retcode      :";
; ;retcode;
" Estimated Parameters:";par_out;

@=====
@      SIMULATIONS      @
@=====

par=par_out;

f= (1~0~0~1)| (0~par[1]~ par[2] ~0)| (0~1~0~0)| (0~0~0~par[5]);
h=1~1~0~0;
q= (0~0~0~0)| (0 ~par[3]^2 ~0 ~0)| (0 ~0 ~0 ~0)| (0 ~0 ~0 ~0);
mu=(0|0|0|(1-par[5])*par[4]);

nobs=rows(y);
lnl=zeros(nobs,1);
r=0;
p_ini=1e-5;

t=ini;
do while t le nobs;

@ Time Update : Prediction @

if t eq ini;

b1=y[ini-1]|zeros(rows(f)-1,1);
p1=eye(rows(f))*p_ini;

```

```

        b_all=b1;
endif;

b=mu+f*b1;
p=f*p1*f'+q;

@ Measurement Update : Correction @
k=p*h'*inv(h*p*h'+r);
b1=b+k*(y[t]-h*b);
    @Accumulation@
    if t gt ini; b_all=b_all~b1;
p1=p-k*h*p;endif;

t=t+1;
endo;

b_all=b_all[.,ini-1:cols(b_all)]';b_all;

@===== Figures ======@
z100:

tt=rows(b_all);
ti=seqa(1990,1,22);
xtics(1991,2011,2,0);
gy=y[2:nobs]-y[1:nobs-1];
xlabel("Annual");

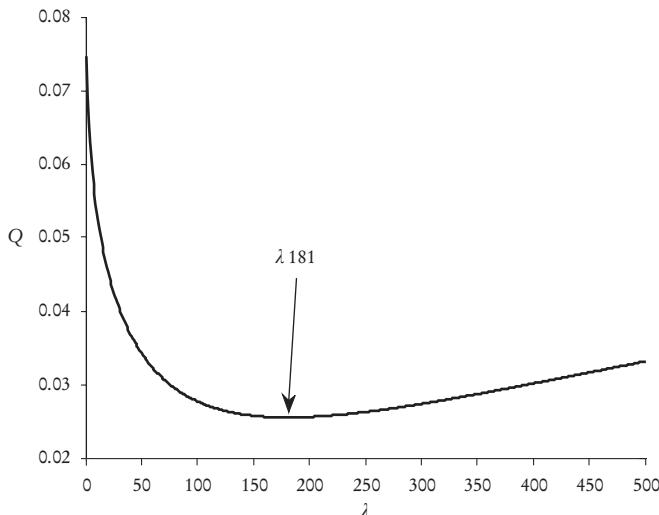
begwind;
window(2,2,0);
title("GDP Growth");
xy(ti[2:nobs],gy);
nextwind;
title("GDP and Its Trend Component");
_plegstr="GDP\Trend";
xy(ti[ini:nobs],exp(y[ini:nobs]/100)~1.1*exp(b_all[1:rows(b_all),1]/100));
nextwind;
title("Cyclical Component (Output Gap)");
ytics(-12,12,2,0);
bar(ti[ini:nobs],y[ini:nobs]-b_all[1:rows(b_all),1]);
nextwind;
title("Drift Component (Mu)");
if ser eq 1;xy(ti[ini+1*0:nobs],b_all[1:rows(b_all),2]);endif;
if ser eq 2;xy(ti[ini+1*0:nobs],b_all[1:rows(b_all),4]);endif;
endwind;

print "Potential Output";
exp(b_all[1:rows(b_all),1]/100);

```

3. *Lambda óptima utilizando el método Pedersen (2001-2002): Nicaragua*

GRÁFICA 12. *Función de pérdida Q y λ óptima*



REFERENCIAS BIBLIOGRÁFICAS

- Acemoglu, D., D. Cantoni, S. Johnson y J. Robinson (2011), “The Consequences of Radical Reform: The French Revolution”, *American Economic Review*, vol. 101, núm. 7, pp. 3286-3307.
- Bartelsman, E., J. Haltiwanger y S. Scarpetta (2013), “Cross-Country Differences in Productivity: The Role of Allocation and Selection”, *American Economic Review* 103(1), pp. 305-334.
- Benes, J., y P. N'Diaye (2004), “A Multivariate Filter for Measuring Potential Output and the NAIRU: Application to the Czech Republic”, documento de trabajo del FMI, núm. 04/45, Fondo Monetario Internacional, Washington, D.C.
- Cerra, V., y S. Chaman Saxena (2000), “Alternative Methos of Estimating Potential Output and the Output Gap: An Application to Sweden”, documento de trabajo del FMI 00/59, Fondo Monetario Internacional, Washington, D.C.
- Epstein, N., y C. Macchiarelli (2010), “Estimating Poland’s Potential Output: A Production Function Approach”, documento de trabajo del FMI, núm. 10/15, Fondo Monetario Internacional, Washington, D.C.
- Fall, E. (2005), “GDP Growth, Potential Output, and Output Gaps in Mexico”, documento de trabajo del FMI 05/93, Fondo Monetario Internacional, Washington, D.C.
- Fondo Monetario Internacional (2011), *Annual Report on Exchange Arrangements and Exchange Restrictions* (AREAER 2011).

- Fondo Monetario Internacional (2013), *Regional Economic Outlook Western Hemisphere*, capítulo 3, “Is the Growth Momentum in Latin America Sustainable?”
- González-Hermosillo, B., y C. Johnson (2013), “Transmission of Financial Stress in Europe: The Pivotal Role of Italy and Spain, but not Greece”, documento de trabajo del FMI, Fondo Monetario Internacional, Washington, D.C.
- Hamilton, J. (1989), “A New Approach to the Economic Analysis of Nonstationary Time Series and the Business Cycle”, *Econometrica*, vol. 57, núm. 2, pp. 357-384.
- ____ (1990), “Analysis of Time Series Subject to Changes in Regime”, *Journal of Econometrics*, vol. 45, pp. 39-70.
- ____ (1991), “A Quasi-Bayesian Approach to Estimating Parameters for Mixtures of Normal Distributions”, *Journal of Business and Economic Statistics*, vol. 9, pp. 27-39.
- ____ (1993), “Estimation, Inference, and Forecasting of Time Series Subject to Changes in Regime”, en G. D. Maddala, C. R. Rao y H. D. Vinod (eds.), *Handbook of Statistics*, vol. 11, Nueva York, pp. 231-259.
- ____ (1994), *Time Series Analysis*, Princeton University Press.
- Howitt, P. (2000), “Endogenous Growth and Cross-Country Income Differences”, *American Economic Review*, vol. 90, núm. 4, pp. 829-846.
- Hsieh, C., y P. Klenow (2009), “Misallocation and Manufacturing TFP in China and India”, *The Quarterly Journal of Economics*, vol. CXXIV, núm. 4, pp. 1403-1448.
- Johnson, C. (2000), “A Dynamic Optimal Portfolio Using Genetic Algorithms”, manuscrito del Banco Central de Chile.
- ____ (2011), “The Determinants of Credit Default Swaps in Greece Using a Stochastic Volatility Model”, documento de trabajo sin publicar, Fondo Monetario International, Washington, D.C.
- Kim, C., y C. Nelson (1999), *State-Space Models with Regime Switching: Classical and Gibbs-Sampling Approaches with Applications*, The MIT Press.
- Konuki, T. (2008), “Estimating Potential Output and the Output Gap in Slovakia”, documento de trabajo del FMI, núm. 08/275, Washington, Fondo Monetario International.
- Mittelhammer, R., G. Judge y D. Miller (2000), *Econometric Foundations*, Cambridge University Press.
- Mizrach, B., y J. Watkins (1999), “A Markov Switching CookBook”, en Phillip Rothman (comp.), *Nonlinear Time Series Analysis of Economic and Financial Data*, Kluwer Academic Publishers, Boston (series: Dynamic Modeling and Econometrics in Economics and Finance, vol. 1).
- Nadal-De Simone, F. (2000), “Forecasting Inflation in Chile Using State-Space and Regime Switching Models”, documento de trabajo del FMI, núm. 00/162, Fondo Monetario International, Washington, D.C.
- Pedersen, T. (2001), “The Hodrick-Prescott Filter, the Slutsky Effect, and the Distortionary Effect of Filters”, *Journal of Economic Dynamics and Control*, núm. 25, pp. 1081-1101.

- Pedersen, T. (2002), "Spectral Analysis, Business Cycles, and Filtering of Economic Time Series; with MATLAB Applications", manuscrito del Instituto de Economía, Universidad de Copenhague.
- Perron, P. (1989), "The Great Crash, the Oil Price Shock, and the Unit Root Hypothesis", *Econometrica*, núm. 57, pp. 1362-1401.
- ____ (1990), "Testing for a Unit Root in a Time Series with a Changing Mean", *Journal of Business and Economic Statistics*, núm. 8, pp. 153-162.
- Potter, S. (1999), "Nonlinear Time Series Modelling: An Introduction", documento de trabajo, Banco de la Reserva Federal de Nueva York, agosto.
- Press, W., B. Flannery, S. Teukolsky y W. Vetterling (1988), *Numerical Recipes in C: The Art of Scientific Computing*, Cambridge University Press.
- Sosa, S., E. Tsounta y H. S. Kim (2013), "Is the Growth Momentum in Latin America Sustainable?", documento de trabajo del FMI, núm. 13/109, Fondo Monetario Internacional, Washington, D.C.
- Swiston, A., y L. Barrot (2011), "The Role of External Reforms in Raising Economic Growth in Central America", documento de trabajo del FMI, núm. 11/248, Fondo Monetario Internacional, Washington, D.C.
- Teixeira de Silva, T. (2001), "Estimating Brazilian Potential Output: A Production Function Approach", documento de trabajo, Departamento de Investigación, Banco Central de Brasil.
- Thisted, R. (1988), *Elements of Statistical Computing: Numerical Computation*, Chapman and Hall, Nueva York.