



Ciencia y Sociedad

ISSN: 0378-7680

dpc@mail.intec.edu.do

Instituto Tecnológico de Santo Domingo

República Dominicana

Llaugel, Felipe A.; Fernández, Ana I.

EVALUACIÓN DEL USO DE MODELOS DE REGRESIÓN LOGÍSTICA PARA EL DIAGNÓSTICO DE
INSTITUCIONES FINANCIERAS

Ciencia y Sociedad, vol. XXXVI, núm. 4, octubre-diciembre, 2011, pp. 590-627

Instituto Tecnológico de Santo Domingo
Santo Domingo, República Dominicana

Disponible en: <http://www.redalyc.org/articulo.oa?id=87022786002>

- ▶ Cómo citar el artículo
- ▶ Número completo
- ▶ Más información del artículo
- ▶ Página de la revista en redalyc.org

redalyc.org

Sistema de Información Científica

Red de Revistas Científicas de América Latina, el Caribe, España y Portugal
Proyecto académico sin fines de lucro, desarrollado bajo la iniciativa de acceso abierto

CIENCIA Y SOCIEDAD
Volumen XXXVI, Número 4
Octubre-Diciembre 2011

**EVALUACIÓN DEL USO DE MODELOS DE REGRESIÓN LOGÍSTICA
PARA EL DIAGNÓSTICO DE INSTITUCIONES FINANCIERAS**

(Logistic Regression Models Evaluation for Financial Institutions Diagnostic)

Felipe A. Llaugel*
Ana I. Fernández**

1. RESUMEN

En este estudio se propone el uso de los métodos de regresión logística para diagnosticar la situación financiera de los Bancos Múltiples del sector financiero dominicano. Se hace una propuesta de la aplicabilidad de la regresión logística para hacer determinaciones que permitan estimar el comportamiento futuro de la entidad de intermediación financiera, basándose en las informaciones contables que diariamente son reportadas a la Superintendencia de Bancos. Este método permite hacer evaluaciones rápidas y exhaustivas, lo cual repercute en la eficiencia de la supervisión extra situ, dado que, el traslado de los técnicos de la Superintendencia a las facilidades de cada banco sólo se efectuaría si este diagnóstico preliminar indicara posibilidades de dificultades en la entidad analizada.

PALABRAS CLAVES

Modelo logit; contraste de hipótesis; eficiencia bancaria; supervisión bancaria.

ABSTRACT

In this paper the use of logistic regression methods is proposed to diagnose commercial Banks in the Dominican financial sector. A proposal is made to analyze future behavior financial entity, based on the financial statements, daily sent to Superintendence of Banks. The proposed method is able to produce fast and exhaustive assessments, enhancing the efficiency of extra-situ supervision, given that, the visit of Superintendence of Banks technicians to each bank would only take place if the preliminary evaluation indicates the possibilities of difficulties in the analyzed financial entity.

* Estudiante candidato a doctor en economía, Universidad del País Vasco.
Email: fllaugel@gmail.com

** Departamento de Economía Aplicada de la Universidad del País Vasco.
Email: ana.fernandez@ehu.es.

KEY WORDS

Logit Model, Hypothesis Testing, Bank Efficiency, Bank supervision.

2. INTRODUCCIÓN

Los bancos y sus actividades, generalmente están sujetos a una supervisión oficial mucho más estrecha que otras clases de negocios; ¿qué hay en sus funciones y en su naturaleza que justifica lo anterior? La justificación primaria de la supervisión bancaria es que limita el riesgo de pérdida para los depositantes, y con ello mantiene la confianza del público en los bancos. Si bien la supervisión se enfoca en el banco individual, los supervisores deben estar también alerta acerca de la posibilidad de que los problemas en una institución tengan repercusiones más amplias, sistémicas en otras, o en la integridad del sistema de pagos.

Los supervisores deben estar alerta ante todas esas posibilidades. A veces las preocupaciones existentes pueden juzgarse como suficientes para promover algún tipo de apoyo oficial al sistema bancario. Aunque tal decisión corresponde al banco central y al gobierno, el detallado conocimiento institucional de los supervisores en esas circunstancias sería de un valor inestimable.

Aunque los supervisores necesitan cierta comprensión de los mercados y del ambiente de negocios en que los bancos operan, no pueden esperar saber tanto como los propios banqueros acerca de las realidades comerciales de la banca. De cualquier modo, no corresponde al papel de los supervisores tomar las decisiones comerciales que son la prerrogativa de la administración de los bancos. Más bien, el supervisor monitorea y evalúa las estrategias, políticas y desempeño globales del banco (donde resulta apropiado con referencia a criterios legales o prudenciales específicos) y llega a una conclusión en cuanto a la solidez del banco y la competencia de los que lo dirigen.

En la búsqueda de mejores métodos para el diagnóstico de la salud financiera de los bancos, se han ensayado muchas opciones, y en la literatura especializada en el tema podemos encontrar evidencias de las bondades de los diferentes métodos. La regresión logística se ha empleado en muchos estudios empíricos para pronosticar insolvencia, véase el trabajo de Huang et al. (2004).

Este trabajo está centrado en el uso de la regresión logística para el diagnóstico de instituciones financieras. Haciendo un recorrido en la literatura especializada publicada hasta la fecha, se pueden resaltar los trabajos de Agresti (2002), sobre el análisis de datos categóricos y su énfasis en los modelos loglineales. También presenta tratamientos muy útiles del modelo logit. Fienberg (1980). Otros como Aldrich y Nelson (1984), muestran una breve introducción a los modelos de regresión para datos dicotómicos. Por otro lado, Collet (2003) hace un tratamiento extensivo de los modelos de regresión para datos binarios y binomiales, con una buena discusión de casos de diagnóstico. Cox y Snell (1989) hacen un recuento elegante del uso de la regresión logística, aunque se trata el tema con un nivel que pudiera presentar cierta dificultad.

En Hinkley et al (1991) esta el mejor tratado resumido sobre modelos lineales generalizados, se describen aplicaciones de diagnóstico y métodos de cuasi-verosimilitud. Por su parte Fox (1997), en el capítulo 15, provee mucho material de estudio sobre modelos lineales y respuestas categóricas. Long (1997) incluye un tratamiento detallado de modelos de regresión dicotómica y polítómica, así como también de datos categóricos ordenados.

En relación a la aplicación que se presenta, hay que tener en cuenta que la Superintendencia de Bancos de la República Dominicana, tiene a su cargo la supervisión de 141 instituciones de intermediación financiera, y 112 de intermediación cambiaria. En la actualidad el número de ambos tipos de instituciones tiende a reducirse, debido a las nuevas medidas regulatorias, que han puesto barreras para la entrada de nuevas instituciones al mercado, y a las exigencias de capital para las ya instaladas, lo cual fomenta la fusión de las mismas.

Debido a que la cantidad de instituciones a supervisar abruma la capacidad de los técnicos de la Superintendencia para poder hacer un análisis profundo de las cifras contables reportadas, de todas las entidades, en algunos casos diariamente, sería de gran utilidad contar con una herramienta que hiciera el diagnóstico preliminar de los estados financieros, levantando una señal de alerta cuando se requiera que se haga un estudio más profundo de cada caso. Esto ayudaría a focalizar la atención de los analistas en aquellas instituciones que presentan señales de deterioro, con el objetivo de tomar medidas de prevención con suficiente tiempo de anticipación. Este es el enfoque modular de la supervisión basada en riesgo.

Afortunadamente, la Superintendencia cuenta con un efectivo y eficiente medio de recepción de la información que llega de las instituciones supervisadas. Mensualmente se reciben las cifras contables a través del Estado de Contabilidad Analítico, en forma electrónica. Este estado también se recibe diariamente de parte de los Bancos Comerciales.

Dado que los Bancos Comerciales manejan más del 80% del volumen de activos netos del sector financiero, a ellos se dedica la mayor atención por parte de los analistas de la Superintendencia de Bancos. Las demás instituciones se analizan sobre la base de una supervisión enfocada en riesgo, por lo qué, el análisis de los estados financieros de esas instituciones se relega a un segundo plano.

3. METODOLOGÍA DE LA INVESTIGACIÓN

Como ya se ha dicho en la introducción, la Superintendencia de Bancos de la República Dominicana recibe diariamente las informaciones financieras de las instituciones que supervisa. En base a esas informaciones, la institución evalúa y determina la viabilidad financiera de cada unas de las entidades supervisadas. Dado que el volumen de información es grande, el tiempo necesario para la evaluación de las entidades se hace escaso.

Los métodos de diagnóstico son variados y todos usan como información primaria la que es reportada en los llamados “Estados de Contabilidad Analíticos”. Estos informes contables tienen el desglose de los resultados de las operaciones del negocio bancario. En base a esta información se construyen indicadores de estructura y financieros que ayudan al analista a hacerse una idea de que tan bien está operando la entidad financiera.

A pesar de que la construcción de los indicadores se hace de forma automatizada, el diagnóstico de la entidad evaluada depende del juicio del analista y del tiempo que este pueda dedicar al análisis de los mismos. Dado el número de entidades a evaluar y que el diagnóstico no oportuno es de reducido valor, se requiere de una herramienta que pueda hacer el diagnóstico tan pronto como llega la información, y que de preferencia, pueda hacer recomendaciones al analista, para este a su vez hacer estudios más profundos.

Para evaluar la pertinencia del uso de los modelos de regresión logística se hará una exposición de los requisitos de aplicación de los mismos, los criterios de evaluación de la bondad de los modelos y de aplicaciones de estos a problemas similares.

Se hará acopio de las cifras de instituciones que se han desempeñado favorablemente en el período que va de noviembre 2002 a enero 2005, y así mismo de las que han tenido problemas en el mismo período.

En el período que va de febrero a diciembre 2005, se verificará que tan efectivos han sido los modelos desarrollados para detectar la posibilidad de anomalías en las entidades de intermediación financiera. Como ya estas cifras son información histórica, los resultados de la prueba serán muy reveladores.

4. RECOMENDACIONES DEL COMITÉ DE BASILEA

Las debilidades en el sistema bancario de un país, desarrollado o en desarrollo, pueden amenazar la estabilidad financiera en ese país y en el exterior. La necesidad de aumentar la fortaleza de los sistemas financieros ha atraído un interés mundial creciente. El Comunicado emitido en la clausura de la Cumbre del G-7, en Lyon en junio de 1996, lanzó un llamado en este sentido. Varios organismos oficiales, incluyendo el Comité de Basilea para la Supervisión Bancaria, el Banco de Pagos Internacionales, el Fondo Monetario Internacional y el Banco Mundial, han examinado recientemente maneras para fortalecer la estabilidad financiera en todo el mundo¹.

El Comité de Basilea para la Supervisión Bancaria ha estado trabajando en esta área por muchos años, directamente y mediante sus contactos con los supervisores bancarios en todas partes del mundo. En el último año y medio ha estado examinando la mejor manera de expandir sus esfuerzos dirigidos a fortalecer la supervisión prudencial en todos los países, mejorando sus relaciones con los países ajenos al G-10 así como su trabajo previo para mejorar la supervisión prudencial en sus países miembros. Todo esto en aras de contar con los mecanismos apropiados para fortalecer el negocio de intermediación financiera.

¹ Comité de Basilea para la Supervisión Bancaria (1997)

4.1 SISTEMAS DE ALERTA TEMPRANA

La investigación en el desarrollo de sistemas de alerta temprana, para el diagnóstico de instituciones financieras, ha sido de gran interés en los últimos años, tanto por los organismos multilaterales, como el Fondo Monetario Internacional (FMI), como por las agencias locales de cada país a cargo de la supervisión del sistema financiero.

Los sistemas de alerta temprana juegan un papel importante en la evaluación de vulnerabilidades relativas a análisis más detallados para un país específico. Para que un modelo sea efectivo debe probar su adecuación en la evaluación en tiempo real de las cifras de las entidades financieras.

Un resultado típico de los estudios sobre modelos de alerta temprana² es que producen pronósticos informativos, comparados con el método de adivinar, pero son de dudosa ayuda para un observador bien informado. Esto indica que inevitablemente es mejor un pronóstico basado en amplia información cualitativa y cuantitativa, que el producido por un simple modelo matemático.

Las técnicas automatizadas para el diagnóstico de entidades financieras son variadas y cada una de ellas con sus méritos propios. Trippi y Turban (1996) presentan un recuento de las técnicas más usadas y una evaluación del alcance de las mismas en este campo.

La metodología de CAMEL sirve para calcular indicadores que orientan a una persona de cierta preparación y destreza en el diagnóstico de la entidad financiera. Además de esto, ya Salchenberger, Cinar y Lash (1992) hicieron un estudio comparativo de la metodología CAMEL en un sistema automatizado de evaluación financiera con resultados muy variados.

CAMEL viene de las siglas en inglés Capital, Asset, Management, Earnings y Liquidity. Estos son los indicadores usados por la FDIC (Federal Deposit Insurance Corporation) de los Estados Unidos para evaluar la salud de instituciones financieras.

² Berg (2004)

4.2 MODELO DE SUPERVISIÓN DOMINICANO

La Supervisión que realiza la Superintendencia de bancos de la República Dominicana pretende conocer no sólo la situación actual de la entidad financiera, sino su viabilidad en el mediano plazo. Es decir, es una supervisión orientada a determinar no sólo si el balance refleja adecuadamente la situación de la entidad, sino algo igualmente importante, a saber: si la calidad de su gerencia, su posicionamiento actual y futuro, y sus políticas de crédito, de captación de recursos, de servicios, de empleo de remuneraciones, de distribución geográfica, de diversificación de riesgos, etcétera, permiten prever que en el futuro será viable o no.

Para ello la Superintendencia utiliza un método de supervisión similar al aplicado por la OCC (Office of the Comptroller of the Currency) y la Reserva Federal de los Estados Unidos, denominado sistema de calificación CAMELS, el cual ordena la tarea del organismo supervisor dividiendo las áreas de estudio de la entidad financiera en seis componentes³. Los componentes son: Capital, Activos, Management (Administración), Earnings (Rentabilidad), Liquidez y Sensibilidad.

Del mismo modo el manual de supervisión expresa que el método de evaluación y calificación CAMELS constituye un enfoque integrador en el cual las fortalezas y debilidades resultan de un análisis conjunto de los factores claves de riesgo. Por otra parte, el resultado de las inspecciones permite determinar las debilidades del banco en distintas áreas, y focaliza los aspectos sobre los cuales la Gerencia del banco debe concentrar sus acciones correctivas. La entidad financiera recibe una calificación independiente para cada uno de los componentes y una calificación general basada en la evaluación efectuada en relación al grado de cumplimiento de las normas y de la adecuación de los criterios y principios financieros aplicados. La calificación final de la entidad financiera no surge de un promedio aritmético, sino de la consideración general de la situación de la entidad con especial énfasis en el componente “Management” y cualquier otro factor que pueda considerarse de importancia para su desempeño futuro.

³ Superintendencia de Bancos de la Rep. Dom. (2004).

5. EL SISTEMA FINANCIERO Y LA ECONOMÍA DOMINICANA

La Superintendencia de Bancos de la República Dominicana, tiene a su cargo la supervisión de 141 instituciones de intermediación financiera, y 112 de intermediación cambiaria, en el cuadro 5.1 se puede apreciar la composición del sistema financiero dominicano en Agosto del 2005. En la actualidad el número de ambos tipos de instituciones tiende a reducirse, debido a las nuevas medidas regulatorias, que han puesto barreras para la entrada de nuevas instituciones al mercado, y a las exigencias de capital para las ya instaladas, lo cual fomenta la fusión de las mismas.

Cuadro 5.1
SISTEMA FINANCIERO DOMINICANO
Agosto 2005

Tipo de Institución	Cantidad
Bancos Comerciales	12
Bancos Desarrollo	16
Asociaciones Mutualistas	18
Agentes de Cambios y Remesadores de divisas	112
Financieras	71
Casas de Préstamos de Menor Cantidad	22
Instituciones Publicas	1
Bancos Hipotecarios	1
Total	253

Fuente: Superintendencia de Bancos⁶

6. INTRODUCCIÓN A LOS MODELOS DE REGRESIÓN LOGÍSTICA

El problema de discriminación o clasificación cuando conocemos los parámetros de las distribuciones admite una solución general. Sin embargo, en la mayoría de las aplicaciones los parámetros son desconocidos y deben estimarse a partir de los datos. Dado que frecuentemente los datos disponibles no siguen distribución normal, y en muchos problemas la variable de respuesta es discreta, se necesita un método especial que pueda salvar estas barreras.

Es debido a las causas antes expuestas, que los modelos de regresión lineal presentan grandes dificultades para atacar problemas con variables de respuesta discreta, Peña (2002)⁴. Existen otros métodos de reciente creación para atacar el problema de clasificación, algunos de ellos todavía pendientes de evaluación. Por ejemplo el método propuesto por Vapnik y Chapelle (2000), constituye una alternativa el uso de redes neuronales⁵ para aproximar funciones generales.

Al comparar la regresión logística con otros métodos de clasificación como el análisis discriminante, se nota que la primera parte de unos supuestos menos restrictivos y permite introducir como independientes en el modelo, a variables categóricas⁶.

Los modelos de regresión, según Hosmer y Lemeshow (2000)⁷, se han convertido en un componente integral de cualquier análisis de datos que involucre la descripción de la relación entre una variable de respuesta y una o más variables explicativas. Por lo general el modelo de regresión implica una relación lineal entre las variables del mismo, y en esa situación, se dice que el modelo es de regresión lineal. En otros casos, la variable de respuesta es discreta, es decir toma 2 o más posibles valores. Lo que distingue la regresión logística de los modelos de regresión lineal, es fundamentalmente, que la variable de respuesta es dicotómica o binaria, es decir, toma uno de dos valores posibles. Esta diferencia entre ambos modelos, se refleja tanto en la selección de los parámetros del modelo, como en los supuestos para su construcción.

Muchas distribuciones de probabilidad han sido propuestas para el análisis de variables de respuesta dicotómicas. Cox y Snell (1989) discuten algunas de ellas. Ellos recomiendan la distribución logística, por dos razones, primero, desde un punto de vista matemático, es extremadamente flexible y fácil de usar, y segundo, se llegan a conclusiones fácilmente interpretables.

⁴ El enfoque presentado en esta obra es desde el punto de vista de análisis multivariado, por lo que se plantean las ventajas y desventajas de la regresión logística en este contexto.

⁵ Trippi, R. and Turbain, E.,(1996), evalúan también el uso de las redes neuronales en clasificación. Los resultados son variados cuando se comparan con los de la regresión logística.

⁶ Visauta y Martori (2003).

⁷ Este libro es una fuente riquísima para el estudio de la regresión logística. Los fundamentos teóricos son tratados con mucho detalle.

Para simplificar la notación, se usará la cantidad $\pi(x) = E(Y|x)$, para representar la media condicional de Y dado x, cuando se use la distribución logística. La forma específica del modelo de regresión logística es:

$$\pi(x) = \frac{e^{\beta_0 + \beta_1 x}}{1 + e^{\beta_0 + \beta_1 x}} = \frac{e^k}{1 + e^k} \quad \text{donde } k = \beta_0 + \beta_1 x$$

Una transformación de $\pi(x)$ que es importante en el estudio de la regresión logística, es la transformación logit. Esta transformación se define en términos de $\pi(x)$, como:

$$\begin{aligned} g(x) &= \ln\left[\frac{\pi(x)}{1 - \pi(x)}\right] = \ln \pi(x) - \ln(1 - \pi(x)) = \ln\left[\frac{e^k}{1 - e^k}\right] - \ln\left[1 - \frac{e^k}{1 - e^k}\right] = \\ &= \ln(e^k) - \ln(1 - e^k) - \ln\left[\frac{1}{1 - e^k}\right] = \ln(e^k) - \ln(1 - e^k) - \ln(1) + \ln(1 - e^k) = \ln(e^k) - \ln(1) = k - 0 = \beta_0 + \beta_1 x \end{aligned}$$

Lo importante de esta transformación es que la función logit, $g(x)$, es lineal en sus parámetros, puede ser continua, y puede estar en el rango de $-\infty$ a $+\infty$, dependiendo del rango de x.

La segunda diferencia importante entre los modelos de regresión lineal y de regresión logística, se refiere a la distribución condicional de la variable de respuesta. En el modelo de regresión lineal se asume que una observación de la variable de respuesta se puede expresar como $y = E(Y|x) + \varepsilon$. La cantidad ε es el error, y expresa la diferencia entre la observación y la media condicional. El supuesto más común es que ε sigue una distribución normal con media 0 y varianza constante en cualquier nivel de la variable independiente. Esto implica que la distribución condicional de la variable respuesta, dado x, se distribuirá normalmente con media $E(Y|x)$ y una varianza constante. Este no es el caso con una variable dicotómica. En esta situación, se puede expresar el valor de la variable de respuesta dado x, como $y = \pi(x) + \varepsilon$. Donde la cantidad ε puede asumir uno de dos valores posibles. Si $y=1$ entonces $\varepsilon = 1 - \pi(x)$ con probabilidad $\pi(x)$, y si $y=0$, entonces $\varepsilon = 1 - \pi(x)$ con probabilidad $1 - \pi(x)$. Por lo tanto, ε tiene una distribución con media 0 y varianza igual a $\pi(x)[1 - \pi(x)]$. Esto quiere decir que la distribución condicional de la variable de respuesta sigue una distribución binomial con probabilidad dada por la media condicional, $\pi(x)$.

En resumen, se puede decir, que en análisis de regresión, cuando la variable de respuesta es binaria, se cumplen las siguientes premisas:

- a) La media condicional de la ecuación de regresión debe ser formulada para estar contenida entre 0 y 1.
- b) La distribución binomial y no la normal, describe la distribución de los errores y será la distribución en la que estará sustentado el análisis.
- c) Los principios que guían un análisis de regresión lineal, son los mismos para el análisis de regresión logística.

Para aplicar el método, primero se debe construir la función de verosimilitud. Esa función expresa la probabilidad de los datos observados como una función de los parámetros desconocidos. Los estimadores de máxima verosimilitud de esos parámetros son seleccionados de tal forma que maximicen la función. Por lo tanto, los parámetros estimados son los que acercan más la función a los valores observados.

A continuación se muestra como encontrar esos estimadores en el modelo de regresión logística. Si Y es codificada como 0 y 1, entonces la expresión para $\pi(x)$ provee el vector de parámetros para la probabilidad condicional de que $Y = 1$ dado cierto x . La cantidad $1 - \pi(x)$ produce la probabilidad condicional de que $Y = 0$ dado cierto x . Por lo tanto, para los pares (x_i, y_i) , donde $y_i = 1$, la contribución a la función de verosimilitud es $\pi(x_i)$, y para aquellos pares en que $y_i = 0$, la contribución a la función de verosimilitud es $1 - \pi(x_i)$. Una forma conveniente de expresar la contribución a la función de verosimilitud para el par (x_i, y_i) , es la siguiente:

$$\pi(x_i)^{y_i} [1 - \pi(x_i)]^{1-y_i}$$

Dado que las observaciones se asume que son independientes, la función de verosimilitud se obtiene como el producto de los términos dados en la expresión anterior, como sigue:

$$l(\beta) = \prod_{i=1}^n \pi(x_i)^{y_i} [1 - \pi(x_i)]^{1-y_i} \text{ donde } \beta = (\beta_0, \beta_1)$$

El principio de máxima verosimilitud establece que se usa como estimadores de β el valor que maximiza la expresión $l(\beta)$. Sin embargo, es matemáticamente más sencillo trabajar con el logaritmo de la ecuación anterior. La expresión para el logaritmo de la verosimilitud es:

$$L(\beta) = \ln[l(\beta)] = \sum_{i=1}^n \{y_i \ln[\pi(x_i)] + (1 - y_i) \ln[1 - \pi(x_i)]\}$$

Para encontrar el valor del vector que β maximiza $L(\beta)$, se diferencia $L(\beta)$ con respecto a β_0 y β_1 , se igualan las ecuaciones a 0. Las ecuaciones resultantes son:

$$\sum_{i=1}^n [1 - \pi(x_i)] = 0 \quad \text{y} \quad \sum_{i=1}^n [1 - \pi(x_i)]x_i = 0$$

Estas expresiones no son lineales en los parámetros β_0 y β_1 , por lo que se requieren métodos especiales para su solución. En McCullagh y Nelder (1989), se puede obtener una explicación más amplia sobre los métodos iterativos usados para la solución de esas ecuaciones. Los valores de β obtenidos con la solución de las ecuaciones anteriores, se llaman los estimadores de máxima verosimilitud y serán denotados por el símbolo $\hat{\beta}$.

6.1 PRUEBA DE SIGNIFICACIÓN DE LOS COEFICIENTES

Una forma de probar la significación de los coeficientes de las variables en cualquier modelo, es contestando a la pregunta ¿el modelo que incluye la variable en cuestión dice más sobre la variable de respuesta, que aquel modelo que no la contiene?. Entiéndase que no se refiere a decir si los valores predichos por el modelo son una precisa representación de los valores observados en un sentido absoluto, a esto último se le llama Bondad del Ajuste.

En regresión logística el principio para medir la significación de los coeficientes es el siguiente: comparar los valores observados de la variable de respuesta con los predichos por el modelo, con y sin la variable en cuestión. En regresión logística, la comparación de los valores observados con los predichos, se hace con la función de verosimilitud:

$$L(\beta) = \ln[l(\beta)] = \sum_{i=1}^n \{y_i \ln[\pi(x_i)] + (1 - y_i) \ln[1 - \pi(x_i)]\}$$

Para mejor comprender esta comparación, es útil conceptualmente, pensar que un valor observado de la variable de respuesta es también un valor predicho resultante de un modelo saturado. Un modelo saturado es aquel que contiene tantos parámetros como datos observados.⁸ La comparación de los valores observados con los predichos, usando la función de verosimilitud esta basada en la siguiente expresión:

$$D = -2 \ln \left[\frac{VMA}{VMS} \right]$$

donde VMA es verosimilitud del modelo ajustado y VMS es verosimilitud del modelo saturado. A la expresión entre corchetes en la fórmula anterior se le llama ratio de verosimilitud. Usando el doble negativo del logaritmo es necesario para obtener una cantidad cuya distribución es conocida y puede por lo tanto, ser usada para prueba de hipótesis. Esa prueba se llama, la prueba del ratio de verosimilitud.

Sustituyendo $L(\beta) = \ln[l(\beta)] = \sum_{i=1}^n \{y_i \ln[\pi(x_i)] + (1 - y_i) \ln[1 - \pi(x_i)]\}$ en

$$D = -2 \ln \left[\frac{VMA}{VMS} \right] \text{ se obtiene:}$$

$$D = -2 \sum \left[y_i \ln \left(\frac{\hat{\pi}_i}{y_i} \right) + (1 - y_i) \ln \left(\frac{1 - \hat{\pi}_i}{1 - y_i} \right) \right] \text{ donde } \hat{\pi}_i = \hat{\pi}(x_i)$$

⁸ Hosmer y Lemeshow (2000).

Al estadístico D lo llaman *deviance* en McCullagh y Nelder (1989). Este estadístico es para la regresión logística como la suma de residuos para la regresión lineal. Algunos softwares, tales como SAS reportan el valor del estadístico *deviance*, computado con la verosimilitud del modelo ajustado. Otros como el SPSS, reportan este estadístico usando el logaritmo de la función de verosimilitud, Visauta y Martori (2003).

Con el propósito de evaluar la significación de la variable independiente, se computa el valor de D con y sin la variable independiente en la ecuación. El cambio en D debido a la inclusión de la variable independiente en el modelo, se puede medir como:

$$G = D(\text{Modelo sin la variable}) - D(\text{Modelo con la variable})$$

Como la verosimilitud del modelo saturado es común en ambos valores de D, se puede transformar la ecuación anterior a:

$$G = -2 \ln \left[\frac{VSV}{VCV} \right]$$

donde VSV = Verosimilitud sin la variable independiente y VCV = Verosimilitud con la variable independiente. Para el caso específico de una sola variable independiente, es fácil demostrar que cuando la variable no está en el modelo, la estimación de máxima verosimilitud para β_0 es $\ln(n_1 - n_0)$, donde $n_1 = \sum_{i=1}^n y_i$ y $n_0 = \sum_{i=1}^n (1 - y_i)$ y, el valor predicho por el modelo es n_1/n . En este caso G se puede expresar como:

$$G = -2 \ln \left[\frac{\left(\frac{n_1}{n} \right)^{n_1} \left(\frac{n_0}{n} \right)^{n_0}}{\prod_{i=1}^n \pi_i^{\hat{y}_i} (1 - \pi_i)^{1-\hat{y}_i}} \right]$$

Bajo la hipótesis de que β_1 es igual a 0, el estadístico G sigue una distribución chi cuadrada con un grado de libertad, suponiendo que se tiene una muestra de tamaño grande.

Se han propuesto otros estadísticos para hacer esta prueba de significación. Entre ellos tenemos la prueba de Wald. Los supuestos que deben cumplirse para esta prueba son los mismos que para la prueba del ratio de verosimilitud. Una discusión más completa de esta prueba y de los supuestos de la misma, se pueden encontrar en Rao (1973). Hauck y Donner (1977) examinaron el desempeño de la prueba de Wald, y encontraron que tiene un mal comportamiento, fallando para rechazar la hipótesis nula cuando el coeficiente es significativo.

Jennings (1986), también exploró la bondad de la significación de los parámetros usando la prueba de Wald en regresión logística, llegando a conclusiones similares a las de Hauck y Donner, por esta razón, el ratio de verosimilitud será la prueba usada en este trabajo para medir la significación de los coeficientes.

6.2 MODELO DE REGRESIÓN LOGÍSTICA MÚLTIPLE

Este modelo se refiere al caso en que contiene más de una variable independiente. Las variables independientes pueden ser discretas o continuas, pero el desarrollo que sigue se centrará en el caso en que todas las variables independientes son continuas. Considere un conjunto de p variables, denotadas por el vector $\mathbf{x} = (x_1, x_2, \dots, x_p)$. Hagamos la probabilidad condicional de que la variable de respuesta sea igual a 1 $P(Y=1|\mathbf{x})=\pi$. El logit del modelo de regresión logística múltiple es dado por la ecuación:

$$g(\mathbf{x}) = \beta_0 + \beta_1 x_1 + \beta_2 x_2 + \dots + \beta_p x_p \quad g(\mathbf{x}) = y \text{ el modelo de regresión logística es } \pi(\mathbf{x}) = \frac{e^{g(x)}}{1 + e^{g(x)}}$$

Asumiendo que se tiene una muestra de n observaciones independientes (x_i, y_i), $i=1,2,3..n$, el ajuste del modelo requiere que se obtengan estimaciones del vector $\boldsymbol{\beta} = (\beta_0, \beta_1, \beta_2, \dots, \beta_p)$. El método a emplear es el de máxima verosimilitud.

La función de verosimilitud es:

$$l(\beta) = \prod_{i=1}^n \pi(x_i)^{y_i} [1 - \pi(x_i)]^{1-y_i} \text{ donde } \pi(x) = \frac{e^{g(x)}}{1 + e^{g(x)}}$$

Habrá $p+1$ ecuaciones de verosimilitud que se obtienen diferenciando la función del logaritmo de la verosimilitud con respecto a los $p+1$ coeficientes. Las ecuaciones de verosimilitud resultantes son:

$$\sum_{i=1}^n [y_i - \pi(x_i)] = 0 \quad \text{y} \quad \sum_{i=1}^n [y_i - \pi(x_i)] x_{ij} \text{ para } j=1,2,3,\dots,p$$

La solución de este conjunto de ecuaciones requiere software especial para su solución, tales como SPSS, SAS o MINITAB⁹.

Como se ha mantenido hasta ahora, el análisis se centrará en modelos con variables independientes continuas. Esta aclaración es necesaria porque en el caso de variables independientes discretas, la interpretación del modelo requiere un tratamiento especial¹⁰.

Cuando un modelo de regresión logística contiene variables independientes continuas, la interpretación de los coeficientes estimados depende de cómo se incluyeron en el modelo y las unidades particulares de dichas variables. Se asumirá que la función logit es lineal para desarrollar el método de interpretación de los coeficientes de las variables continuas.

El objetivo de la interpretación es ajustar estadísticamente el efecto estimado de cada variable en el modelo para diferencias en las distribuciones y de las asociaciones entre las mismas. Aplicando este concepto a un modelo de regresión logística multivariable, se puede resumir que cada coeficiente estimado provee una estimación del logaritmo de la probabilidad ajustado para todas las variables incluidas en el modelo.

⁹ Vease Ryan, B. and Joiner, B.,(2001) y Visauta, B. y Martori, J.C., (2003)

¹⁰ Vease Breslow and Day (1980), Kelsey, Thompson and Evans (1986) y Rothman, Greenland (1998) and Schlesselman (1982).

En un modelo multivariable se hace necesario el estudio tanto del efecto de cada una de las variables individuales como el de las interacciones existentes entre ellas. La presencia o no del término independiente es otro ingrediente más a tomar en cuenta.

7. LOS ESTADOS DE CONTABILIDAD ANALÍTICOS

La fuente primaria para la evaluación y diagnóstico de los bancos comerciales, lo constituyen los Estados de Contabilidad Analíticos. Estos estados se construyen a partir de las cuentas del manual de contabilidad, herramienta estándar que usan todas las entidades supervisadas por la Superintendencia de Bancos, para la remisión de sus informaciones financieras.

Las informaciones de estos estados de contabilidad son reportadas en detalle diariamente al día siguiente del corte del mismo. Este reporte contiene los balances de más de 5,000 cuentas, y a partir de esos balances se construyen: El Balance General, El Estado de Ganancias y Pérdidas, el Estado de Cartera, y los Indicadores de estructura.

La primera versión del manual estándar de cuentas se realizó en el 1995, y fue la respuesta para poder elaborar estados comparativos homogéneos. Antes de esa fecha, las entidades supervisadas usaban el catálogo de cuentas que mejor les parecía. Esto dificultaba tanto la revisión como la publicación de los boletines estadísticos periódicos.

Con la unificación del manual de cuentas, se logró la construcción de validadores automáticos, que pudieran hacer una revisión preliminar de las cifras, previo a su envío a la Superintendencia de bancos. La recepción de las informaciones se hace sin intervención humana, y la construcción de los productos que necesitan los analistas para la evaluación de las entidades se hace de forma tal que estos pueden solicitarlos a requerimiento mediante la utilización de un sistema, que les permite tener diferentes vistas de los datos de acuerdo al tipo de análisis a realizar.

La mayoría de las informaciones necesarias para hacer una evaluación cuantitativa de la entidad financiera está disponible en los balances del manual de cuentas. Hay otras informaciones de carácter cualitativo, que no están ahí disponibles, pero que están a disposición del analista a través de otras fuentes de información.

Tradicionalmente estas han sido las fuentes de información para la evaluación de las entidades financieras. El proceso de evaluación consume mucho tiempo por parte de los analistas, por lo que se limitan a hacer evaluaciones más frecuentes de las entidades con potencial para impactar de forma más contundente el sistema financiero en caso de dificultad, los Bancos Comerciales. Los demás tipos de entidades, Asociaciones de Ahorros y préstamos, financieras, Bancos de Desarrollo, etc. se evalúan con una frecuencia más espaciada o cuando hay algún tipo de evento que justifique su revisión (por ejemplo los resultados de inspecciones in situ, denuncias de terceros, etc.).

7.1 INDICADORES FINANCIEROS

Los indicadores financieros son las herramientas primarias usadas por los analistas para resumir el cúmulo de informaciones que les llegan de los bancos. Les permite tener una visión panorámica de las entidades, y les orienta para determinar que tipos de análisis más profundos deben realizar.

Dependiendo del tipo de diagnóstico a realizar, los indicadores tendrán una conformación particular. Igualmente, dependiendo del tipo de empresa a evaluar, los indicadores financieros se construirán de manera especial. Es decir, a pesar de usar las mismas informaciones contables, son diferentes los indicadores financieros necesarios para la evaluación de una empresa de manufactura, que los de una empresa de servicios, o un banco. Dentro de las empresas financieras, no son los mismos indicadores los necesarios para evaluar un banco que una casa de préstamos de menor cuantía.

En esta investigación se usarán los indicadores de estructura para la evaluación de los bancos comerciales. Los indicadores de estructura se construyen a partir de las cuentas del manual de contabilidad y de los resúmenes contenidos en los Estados de Contabilidad Analíticos. Estos indicadores de estructura son:

Estructura de Activos

- Disponibilidades/Activos
- Cartera de Créditos/Activos
- Inversiones/Activos
- Activos Fijos/Activos
- Bienes Recibidos en Recuperación de Créditos/Activos
- Otros Activos/Activos
- Cartera de Créditos Vigentes + Inver./Activos

Estos indicadores miden la participación de los principales componentes del activo del banco como parte de los activos totales.

Estructura de Pasivos

- Total Captaciones/Pasivos + Patrimonio
- Otros Pasivos/Pasivos + Patrimonio
- Capital en Circulación + Reserva Legal/Pasivos + Patrimonio
- Patrimonio/Pasivos + Patrimonio

Los indicadores de estructura de pasivos, miden como esta el apalancamiento del banco con respecto a su patrimonio.

Estructura y Calidad de Cartera

- Cartera de Créditos Vigentes/Cartera de Créditos
- Cartera de Créditos Vigentes M/N /Cartera de Créditos
- Cartera de Créditos Vigentes M/E /Cartera de Créditos
- Cartera de Créditos Vencidos/Cartera de Créditos
- Provisión para Cartera de Créditos/Cartera de Créditos

Estos indicadores miden la exposición al riesgo crediticio que esta asumiendo el banco en su cartera de crédito, tanto en moneda nacional como extranjera.

Liquidez

- Disponibilidades/Total de Captaciones
- Disponibilidades/Total Captaciones + Oblig. Con Costo
- Disponib.+ Inversiones en Depósitos y Valores/Total Activos
- Activos Productivos/Total Captaciones + Oblig. Con Costo

Los indicadores de liquidez evalúan el grado de preparación que tiene el banco para hacer frente a sus compromisos inmediatos en el corto plazo. Estos son indicadores muy importantes, ya que pueden ser la razón del colapso de una entidad si no se enfrenta la causa de falta de liquidez con oportunidad.

Estructura de Gastos giales. y de Administración

- Sueldos y compensaciones. al personal/Total Gastos giales. y Admtivos
- Otros Gastos generales/Total Gastos giales. y Admtivos
- Total Gastos giales. y Admtivos/Total Gastos

Los indicadores más efectivos para medir la gestión de la gerencia de los bancos, son los indicadores de gastos administrativos. Sirven para medir como están siendo usados los recursos generados por las actividades de la entidad.

Otros Indicadores

- Activos Productivos/Total Pasivos
- Rendimiento Financiero/Activos Productivos
- Gastos Financieros/Total Captaciones + Oblig. Con Costo
- Total Gastos giales. y Admtivos /Total Captaciones + Oblig. Con Costo
- Rentabilidad Patrimonial

Por último, existen otros indicadores complementarios que ayudan a tener una visión combinada de los anteriores.

Estos indicadores se construyen con las cifras remitidas por los bancos comerciales diariamente. A pesar de que son indicadores cuantitativos, y por lo tanto, no son suficientes para hacer una evaluación exhaustiva de una entidad financiera, pueden ser muy útiles para una primera evaluación preliminar que sirviera de alerta para un análisis más profundo por parte de los analistas, usando las mismas informaciones y otras fuentes de datos de tipo cualitativos.

8. DESARROLLO DEL MODELO DE REGRESIÓN LOGÍSTICA

Para el desarrollo del modelo de regresión logística se usaron las cifras de los indicadores de estructura mensuales de los bancos comerciales desde noviembre del 2002 a diciembre del 2004. Durante ese periodo tres bancos comerciales colapsaron (Baninter, Bancredito y Mercantil) y esta fue la información primaria utilizada para la clasificación de los indicadores en dos categorías, bancos viables y bancos inviables.

El hecho de que la clasificación se realizara con información histórica, despeja la duda de si el criterio utilizado para la clasificación pudiera tener algún grado de subjetividad. Reduce, aunque no descarta el papel de un buen analista financiero para la evaluación de los bancos, y puede ser comprobada la bondad del modelo con las cifras, también históricas del año 2005.

No se cuestiona la utilidad de los indicadores usados en la construcción del modelo, ya que los mismos han demostrado sobrada capacidad cuantitativa para dar señales de alerta cuando una entidad pudiera estar en peligro de viabilidad. Su conformación es similar a la de los indicadores CAMEL recomendados por el comité de Basilea.

Se tomaron los indicadores mensuales de los diferentes bancos comerciales, que a noviembre de 2002 lo conformaban 14 bancos. Por información posterior¹¹ al colapso de los bancos se sabe que para esa fecha los bancos: Baninter, Bancredito y Mercantil, estaban manejándose de forma inapropiada.

¹¹ Guzman, J.F., Livacic, E., Mauch, C. y Ortiz, M., (2005), "Informe del Panel de Expertos Internacionales: Crisis Bancaria República Dominicana", Banco Central de la República Dominicana, Santo Domingo.

A los bancos colapsados se les asignó un código de estatus igual a 1, mientras que a los demás bancos se les asignó en el mismo código el valor de 0. Esto se repitió en todos los meses hasta diciembre de 2004. A pesar de que el banco Profesional adquirió a Bancrédito a mediados del 2003, continuaron operando separadamente hasta marzo del 2005, por lo que, el banco Profesional se siguió considerando como un banco separado del Bancrédito en la asignación de códigos de estatus hasta diciembre del 2004.

8.1 EVALUACIÓN DEL MODELO

Después de preparar los datos con los indicadores y el código de estatus, se procedió a correr un modelo de regresión logística usando el software estadístico SPSS versión 11.5. Se utilizó la opción forward Wald para la selección de las variables a ser incluidas en el modelo. Esta opción va seleccionando las variables (indicadores) a incluir en el modelo según el criterio de cuál tiene el mejor estadístico de Wald.

CUADRO 8.1
Variables en la ecuación

Variables	B	E.T.	Wald	gl	Sig.	Exp(B)	I.C. 95.0% para EXP(B)	
							Inferior	Superior
I7	1.242	.683	3.305	1	.069	3.462	.908	13.206
I19	-2.194	.716	9.390	1	.002	.111	.027	.453
I25	-2.700	1.070	6.367	1	.012	.067	.008	.547
Constante	165.709	54.752	9.160	1	.002	9.26138720E+71		

En el cuadro 8.1 se puede observar el resultado de la regresión. Las variables incluidas en el modelo son:

I7 = (Cartera de Créditos Vigentes + Inversiones)./Activos

I19 = (Disponibilidades+ Inversiones en Depósitos y Valores)/Total Activos

I25 = (Activos Productivos)/Total Pasivos

El primero es parte de los indicadores de estructura de activos, el segundo y el tercero son de los indicadores de liquidez. No es inesperado que estos indicadores formen parte del grupo de indicadores que ayuda a diferenciar los bancos en problemas de los que están viables, ya que los estudios de Guzmán y otros (2005) señalan la mala composición de la cartera y el consecuente resultado en la liquidez, como los detonadores de la crisis de los bancos estudiados.

Es interesante que de los 30 indicadores sometidos al SPSS para la selección de las mejores variables explicativas, sólo 3 tengan el poder de predicción suficiente para diagnosticar a los bancos con problemas. El valor del p-value para el indicador I7 fue de 0.069, como se puede observar en el cuadro 8.1, sin embargo, los resultados de la predicción fueron muy alentadores con este indicador incluido en el modelo. En el cuadro 8.2 se puede apreciar el resultado de la clasificación predicha por el modelo para los datos del período de estudio.

CUADRO 8.2
Tabla de clasificación

Observado	Pronosticado		
	STATUS		Porcentaje correcto
	.00	1.00	
STATUS .00	252	1	99.6
1.00	2	15	88.2
Porcentaje global			98.9

Fuente: resultados de SPSS

Interpretando los resultados del cuadro 8.2, vemos que el modelo obtuvo un 98.9% de precisión en las predicción del estatus de los bancos con relación a los datos observados, es decir, sólo hubo un error de 253 casos donde los bancos con estatus 0, el modelo le asignó estatus 1, y de 17 casos con estatus 1, el modelo asignó erróneamente 2 con estatus 0.

CUADRO 8.3
Resumen de los modelos

Paso	-2 log de la verosimilitud	R cuadrado de Cox y Snell	R cuadrado de Nagelkerke
1	72.359	.183	.488
2	51.492	.244	.650
3	19.445	.328	.876
4	.000	.375	1.000

En el cuadro 8.3 se resume los indicadores de bondad del ajuste en las 4 iteraciones de solución del modelo. Como se puede apreciar los tres parámetros son cada vez mejores a medida que el modelo se va refinando. El valor del logaritmo de la verosimilitud se reduce hasta cero, indicando que la misma está maximizada.

El cuadro 8.4 muestra los resultados de la prueba de Hosmer y Lemeshow para los 4 pasos de refinamiento del modelo.

CUADRO 8.4
Prueba de Hosmer y Lemeshow

Paso	Chi-cuadrado	gl	Sig.
1	1.448	8	.994
2	.732	8	.999
3	.184	8	1.000
4	.000	0	.

Hosmer y Lemeshow (1980), demostraron que cuando el modelo de regresión lineal es el correcto, el estadístico de prueba se distribuye con una distribución χ^2

El cuadro 8.4 indica que el modelo es el adecuado ya que el nivel de significación para la prueba es más de 90% desde el primer paso de refinamiento del modelo. Estos mismos autores no recomiendan el uso de esta prueba cuando el número de casos es menor de 400, como en este estudio, por lo que se hicieron evaluaciones alternas para verificar la bondad del modelo.

En el cuadro 8.3 se muestran los resultados del cálculo del R^2 de Cox y Snell y el R^2 de Nagelkerke. Estos estadísticos son una versión para la regresión logística del coeficiente de regresión para la regresión lineal.

El R^2 de Cox y Snell no puede llegar a 1, pero mientras más alto mejor. Por otro lado el R^2 de Nagelkerke si puede llegar a 1 y en este caso, señala que hay una regresión perfecta. Las siguientes son las ecuaciones de ambos estadísticos:

$$R^2 = 1 - \left[\frac{-2LL_{null}}{-2LL_k} \right]^{2/n} \quad R^2 \text{ de Cox y Snell}$$

$$R^2 = \frac{1 - \left[\frac{-2LL_{null}}{-2LL_k} \right]^{2/n}}{1 - (-2LL_{null})^{2/n}} \quad R^2 \text{ de Nagelkerke}$$

LL_{null} es el log likelihood (logaritmo de la verosimilitud) del modelo sólo con la constante y LL_k es el log likelihood con las demás variables incluidas.

En el cuadro 8.5 se muestra la matriz de correlaciones de los parámetros del modelo, al final del cuarto paso de refinamiento del modelo. Se puede destacar la alta correlación entre la constante y dos de los indicadores, I19 e I25, esto pudiera implicar un problema de multicolinealidad.

CUADRO 8.5
Matriz de correlaciones

	Constante	I19	I7	I25
Constante	1.000	-.999	.763	-.929
I7	.763	-.764	1.000	-.947
I19	-.999	1.000	-.764	.929
I25	-.929	.929	-.947	1.000

En el cuadro 8.6 se muestran los resultados de las pruebas de los coeficientes del modelo en cada uno de los cuatro pasos de refinamiento del mismo. Se puede observar que en todos los pasos, la prueba indica que los coeficientes están bien seleccionados, ya que esta prueba indica que las variables incluidas en el modelo, en su conjunto, tienen coeficientes diferentes de cero. Este resultado viene a confirmar los mostrados en la tabla 8.1 en los estadísticos Wald.

CUADRO 8.6
Pruebas omnibus sobre los coeficientes del modelo

		Chi-cuadrado	gl	Sig.
Paso 1	Paso	54.564	1	.000
	Bloque	54.564	1	.000
	Modelo	54.564	1	.000
Paso 2	Paso	20.868	1	.000
	Bloque	75.432	2	.000
	Modelo	75.432	2	.000
Paso 3	Paso	32.046	1	.000
	Bloque	107.478	3	.000
	Modelo	107.478	3	.000
Paso 4	Paso	19.445	1	.000
	Bloque	126.924	4	.000
	Modelo	126.924	4	.000

La diferencia observada en cada paso, en el estadístico X^2 , se debe a que las variables son incluidas una a la vez. Por eso sólo coinciden en el bloque y el modelo.

8.2 RESULTADO DE LAS PRUEBAS

Se han propuesto varios métodos para medir la efectividad de modelos de regresión lineal, Oelerich et al (2006). En síntesis estos métodos de evaluación miden que tan bien el modelo puede predecir las probabilidades de los casos conocidos. En este estudio se compara la predicción de inviabilidad hecha por el modelo con la información conocida sobre el desempeño de los bancos en un periodo dado.

Oelerich y Poddig (2006) proponen un índice para cuantificar la calidad de la clasificación binaria entre viable y no viable de empresas sujetas de crédito que se puede utilizar para los bancos comerciales. Este índice es la proporción de bancos correctamente clasificados a partir de información a posteriori. Recuérdese que se les asignó un estatus 0 a los bancos viables y 1 a los no viables. Si D_k representa el estatus real de cada banco en el mes k y \hat{D}_k , el estatus predicho por el modelo, donde $D_k \in (0,1)$, entonces, el índice de clasificación será:

$$\gamma_D = 1 - \frac{1}{N} \sum_{k=1}^N \left(\hat{D}_k - D_k \right)^2 \text{ donde } 0 \leq \gamma_D \leq 1 \text{ y } N = \text{número de casos}$$

El índice de clasificación para el período noviembre 2002-diciembre 2004, periodo a partir del cual se construyó el modelo, fue de 0.9899. La verdadera prueba para este índice es la realizada con los datos comprendidos entre enero 2002-octubre 2002, y enero 2005-diciembre 2005, ya que se cuenta con información del desempeño de los bancos en esos dos periodos.

Para el periodo enero 2002-octubre 2002 el índice de clasificación fue 0.704. En el periodo enero 2005-diciembre 2005, sólo un banco presento problemas de inviabilidad, y este fue recuperado mediante una inyección de capital por parte de los accionistas. Aunque este banco no colapso, se le asigno el código 1 en el estatus del mismo durante todo el año 2005, con fines de medir la efectividad del modelo para predecir problemas en los bancos. En este periodo el índice de clasificación fue 0.9512.

La notable diferencia observada en el índice de clasificación en los dos periodos de pruebas pueden deberse a las siguientes razones:

- Los bancos Bancredito y Mercantil (bancos donde el modelo reflejó errores de clasificación durante el 2002) no reflejaban adecuadamente sus informaciones contables, reportando estados financieros alterados a las autoridades durante el año 2002.
- Baninter estaba en un proceso de venta con el banco del progreso, lo que contribuyó a que las informaciones reportadas a la Superintendencia de bancos fueran más claras aunque no suficientemente claras en lo concerniente a las captaciones y los créditos a empresas vinculadas.
- El sistema de supervisión fue mejorado notablemente a partir de la crisis del 2003, implementándose nuevos mecanismos para el reporte de información y realizando auditorias de sistemas e inspecciones asistidas por organismos internacionales que ayudaron a esclarecer el panorama.

Es digno de resaltar el hecho de que en el periodo comprendido de enero a octubre del 2002, el modelo asigno el estatus 1 en varios meses al banco del Progreso¹². Informaciones aparecidas en la prensa del 19 de abril del 2006¹³, dan cuenta de los resultados de auditorias realizadas durante ese lapso de tiempo, donde se revelan problemas de ocultamiento de información en las que incurrió el banco, con la finalidad de engañar a la Superintendencia de Bancos.

¹² Ver anexo 2, resultados de pruebas

¹³ Periódico vespertino “El Nacional” del 19 de abril del 2006, página 9.

9. CONCLUSIONES Y RECOMENDACIONES

Este estudio demuestra la factibilidad de usar la regresión logística para hacer el diagnóstico de instituciones financieras, específicamente, bancos comerciales. Los resultados de las pruebas realizadas son muy alentadores y señalan un amplio campo de posibilidades para la construcción de modelos que permitan hacer de manera automática y rápida la evaluación de las entidades supervisadas, resaltando aquellas que ameriten un estudio más profundo de parte de los analistas.

La experiencia durante la construcción del modelo indica que este debe ser sometido a un proceso de refinamiento continuo, alimentado por los resultados de las evaluaciones de los analistas, con el objetivo de que el mismo pueda servir para detectar anomalías antes del colapso de la entidad estudiada.

El proceso de refinamiento pudiera conducir a diagnósticos mucho más estructurados, incluso, asignando varias categorías a la entidad y no sólo dos (viable o no viable). La regresión logística permite construir modelos capaces de determinar esta estratificación de la variable respuesta.

Aunque el modelo se construyó en base a información histórica de dominio público, este pudiera ser mucho más rico si pudieran incluirse informaciones que son del conocimiento exclusivo de las entidades supervisoras. Por ejemplo, hay bancos que han presentado dificultades que no se ven reflejadas inmediatamente en las informaciones financieras publicadas periódicamente. De tomarse en cuenta estos datos durante la construcción del modelo, este pudiera tener mayor efectividad como herramienta de alerta temprana.

La Superintendencia de Bancos dedica muchas horas de trabajo de sus analistas a hacer la evaluación de las informaciones que llegan de las entidades supervisadas. Muchas veces ese análisis concluye de manera favorable para la entidad financiera, lo cual es muy bueno, pero igualmente el tiempo invertido no es recuperable. Por otro lado, entidades que ameritan un escrutinio más profundo, son evaluadas en el lapso de tiempo restante, con lo que el análisis de toda la información recibida debe hacerse de forma racionalizada.

Con este nuevo recurso, la Superintendencia puede hacer el análisis de “todas” las entidades en tiempo mínimo, y las entidades que ameriten más tiempo, podrán contar con el mismo, ya que sólo las que el modelo señale como en problemas, serán revisadas a mayor profundidad.

El modelo de diagnóstico puede ser mejorado incorporando otros criterios de evaluación que se utilizarían de manera conjunta con la regresión logística para tener, digamos una segunda opinión, y así reducir las posibilidades de falsas alarmas.

Dado que la información utilizada en la construcción del modelo, corresponde a reportes mensuales, y considerando que también se reciben informaciones diarias, el modelo podría ser evaluado utilizando la información más frecuente, para así tener diagnósticos más oportunos.

El modelo obtenido tiene un marcado defecto, y es que se hizo con poca información, a penas 297 casos. En situaciones como esta, el procedimiento recomendado por Oelerich y Poddig (2006), pudiera ser una solución a este dilema. Estos autores usaron la simulación y la metodología bootstrap, para edificar un modelo estadísticamente más robusto, reduciendo la variabilidad de las predicciones.

El modelo presentado mostró indicios de multicolinealidad que pudiera ser un problema desde el punto de vista estadístico, sin embargo, los resultados de las pruebas con las informaciones en los períodos de estudio, hacen que este defecto sea sobrelevado.

10. BIBLIOGRAFÍA

1. Agresti, A., (2002), Categorical Data Analysis (Wiley Series in Probability and Statistics), John Wiley & Sons Inc., Hoboken, New Jersey.
2. Aldrich, J.H. and Nelson, F.D., (1984), Linear Probability, Logia and Probit Models. Beverly Hills: Sage Publications.

3. Anónimo, (2006), “Progreso informa Supuestas Anomalías”, El Nacional, 19 de abril del 2006, pp 9.
4. BBVA, (2002), Rating de Empresas. Desarrollo y Calibración de una Herramienta de rating.
5. Berg, A., Borenstein, E. and Patillo, C., (2004), “Assessing early warning systems: How have they worked in practice”, International Monetary Fund.
6. Breslow, N.E. and Day, N.E., (1980), “Statistical Methods in Cancer Research”, Vol. 1 : The Analysis of case-control studies. International Agency on Cancer, Lyon, France.
7. Collet, D. (2003), Modelling Binary Data. Second Edition. London: Chapman and Hall.
8. Cox, D.R. and Snell, E. J., (1989), Analysis of Binary Data. Second edition. Chapman & Hall, London.
9. Fienberg, S.E., The Analysis of Cross-Classified Categorical Data. Second edition. MIT Press. Cambridge Massachusetts.
10. Fox, J. (1997), Applied Regression Analysis, Linear Models, and Related Methods. Thousand Oaks CA: Sage Publications.
11. Guzman, J.F., Livacic, E., Mauch, C. y Ortiz, M., (2005), “Informe del Panel de Expertos Internacionales: Crisis Bancaria República Dominicana”, Banco Central de la República Dominicana, Santo Domingo.
12. Hauck, W.W. and Donner, A. (1977), “Wald’s test as applied to hypotheses in logit analysis”. Journal of the American Statistical Association, 72, 851-853.
13. Hinkley, D. V., Reid, N. and Snell, E.J., Statistical Theory and Modeling: in Honour of Sir David Cox. FRS London: Chapman and Hall.
14. Hosmer, D., Lemeshow, S., (1980), “A goodness of fit test for the multiple logistic regression model”. Communications in Statistics, A10, 1043-1069.

15. Hosmer, D., Lemeshow, S.,(2000), "Applied Logistic Regression", Wiley-Interscience; 2nd edition.
16. Huang, Z., Chen, H., Hsu, C., Chen, W., and Wu, s., (2004), "Credit rating analysis with support vector machines and neural networks: A market comparative study. Decision Support Systems. 37, pp. 543-558.
17. Jennings, D.E., (1986), "Judging inference adequacy in logistic regression", Journal of The American Statistical Association, 81, 471-476.
18. Kelsey, J.L., Thompson, W.D., and Evans, A.S. (1986), "Methods in Observational Epidemiology", Oxford University Press, New York.
19. Liao, J.G, McGee, D., (2003), "Adjusted Coefficients of Determination for Logistic Regression", The American Statistician, Vol. 57, no. 3, pp. 161-165.
20. Long, J.S. (1997), Regresión Models for categorical and Limited Dependent Variables. Thousand Oaks CA: Sage Publications.
21. McCullagh, P. and Nelder, J.A., (1989), Generalized Linear Models. Second Edition. Chapman & Hall, London.
22. Oelerich, A. and Poddig, T., (2006), "Evaluation of rating systems", Expert Systems with Applications 30, pp. 437-447.
23. Peña, D., (2002), Análisis de Datos Multivariantes, McGraw Hill, Madrid.
24. Rao, C. R., (1973), Linear Statistical Inference and Its Applications, Second Edition. Wiley, Inc., New York.
25. Rothman, K.J., and Greenland, S., (1998), Modern Epidemiology, Third Edition. Lippincott-Raven, Philadelphia.
26. Ryan, B. and Joiner, B.,(2001), Minitab Handbook, Duxbury Thomson Learning, Canada.
27. Salchenberger, L.M., Cinar, E.M., Lash, N.A., (1992). Neural Networks: A New Tool for Predicting Thrift Failures. Decision Sciences, 23, No. 4. July/August, pp. 899-916.

Felipe A. Llaugel, Ana I. Fernández: Evaluación del uso de modelos de regresión logística...

28. Shlesselman, J.J., (1982), Case-Control Studies. Oxford University Press, New York.
29. Trippi, R. and Turbain, E.,(1996), Neural Network in Finance and Investing, McGraw Hill, New York.
30. Vapnik, V and Chapelle, O. (2000), “Bounds on Error Expectation for Support Vector Machines”, Neural Computation 12(9): 2013-2036.
31. Visauta, B. y Martori, J.C., (2003), Análisis Estadístico con SPSS para Windows. Volumen II, Estadística Multivariante. McGraw Hill/Interamericana de España.

Recibido: 05/04/11

Aprobado: 02/09/11

PRUEBA DE AJUSTE DEL MODELO DE REGRESION LOGISTICA ENERO 2002- OCTUBRE 2002																
Año	Mes	Estatus	INDICADOR	Estatus				Año	Mes	Estatus	INDICADOR	Estatus				
				BANCO	I7	I19	I25					BANCO	I7	I19	I25	Predicho
2002	1	0	RESERVAS	89.52	31.58	74.90	0	2002	6	0	CITIBANK	69.89	28.18	87.30	0	
2002	1	0	SCOTIA BANK	61.82	34.72	69.53	0	2002	6	0	POPULAR	74.18	18.85	81.32	0	
2002	1	0	CITIBANK	63.44	28.76	79.92	0	2002	6	0	DEL PROGRESO	61.02	25.74	66.87	1	
2002	1	0	POPULAR	74.18	20.31	82.42	0	2002	6	1	DE CREDITO	61.77	25.35	68.75	1	
2002	1	0	DEL PROGRESO	63.01	24.45	69.18	1	2002	6	1	MERCANTIL	63.27	27.20	69.52	0	
2002	1	1	DE CREDITO	67.04	22.37	75.25	0	2002	6	0	B.H.D.	71.29	19.25	79.68	0	
2002	1	1	MERCANTIL	70.46	25.12	78.68	0	2002	6	1	TINENTAL	63.12	23.42	68.22	1	
2002	1	0	B.H.D.	72.38	18.47	79.22	1	2002	6	0	GLOBAL	67.84	21.71	74.31	1	
2002	1	1	TINENTAL	60.60	25.71	66.27	1	2002	6	0	CRUZ	58.49	55.06	68.82	0	
2002	1	0	GLOBAL	65.62	27.39	71.86	0	2002	6	0	SANTIAGO	55.95	18.17	101.97	0	
2002	1	0	CRUZ	50.96	53.00	63.13	0	2002	7	0	RESERVAS	67.01	28.60	74.72	0	
2002	1	0	SANTIAGO	62.93	30.41	100.07	0	2002	7	0	SCOTIA BANK	73.43	24.44	82.95	0	
2002	2	0	RESERVAS	68.85	33.55	73.89	0	2002	7	0	CITIBANK	70.48	31.04	90.57	0	
2002	2	0	SCOTIA BANK	63.91	31.79	71.87	0	2002	7	0	POPULAR	73.49	19.33	81.01	0	
2002	2	0	CITIBANK	64.45	29.87	80.36	0	2002	7	0	DEL PROGRESO	63.09	21.36	71.04	1	
2002	2	0	POPULAR	73.77	21.03	82.02	0	2002	7	1	DE CREDITO	62.23	22.50	73.73	0	
2002	2	0	DEL PROGRESO	60.31	25.66	87.40	1	2002	7	1	MERCANTIL	62.80	28.73	78.53	0	
2002	2	1	DE CREDITO	65.86	22.59	74.35	0	2002	7	0	B.H.D.	71.01	18.39	81.17	0	
2002	2	1	MERCANTIL	69.31	24.18	75.38	0	2002	7	1	TINENTAL	61.13	24.76	68.83	1	
2002	2	0	B.H.D.	71.98	19.59	78.54	1	2002	7	0	GLOBAL	65.71	21.27	73.88	1	
2002	2	1	TINENTAL	61.11	23.90	67.17	1	2002	7	0	CRUZ	52.24	52.24	61.66	0	
2002	2	0	GLOBAL	66.69	26.13	72.83	0	2002	7	0	SANTIAGO	51.48	18.82	104.04	0	
2002	2	0	CRUZ	48.44	52.85	58.80	0	2002	7	0	BDI	67.27	25.54	88.81	0	
2002	2	0	SANTIAGO	59.63	31.65	97.42	0	2002	8	0	RESERVAS	70.81	30.85	78.46	0	
2002	3	0	RESERVAS	68.36	30.18	73.24	0	2002	8	0	SCOTIA BANK	74.50	23.40	84.57	0	
2002	3	0	SCOTIA BANK	66.58	27.44	76.39	0	2002	8	0	CITIBANK	68.85	30.82	88.41	0	
2002	3	0	CITIBANK	64.98	33.27	84.30	0	2002	8	0	POPULAR	74.62	18.31	82.86	0	
2002	3	0	POPULAR	75.13	20.47	81.78	0	2002	8	0	DEL PROGRESO	64.75	21.07	72.88	1	
2002	3	0	DEL PROGRESO	60.70	25.93	66.68	1	2002	8	1	DE CREDITO	59.08	23.55	70.43	0	
2002	3	1	DE CREDITO	64.64	24.53	72.93	0	2002	8	1	MERCANTIL	64.49	24.72	77.36	0	
2002	3	1	MERCANTIL	68.36	25.47	75.50	0	2002	8	0	B.H.D.	68.29	19.87	80.36	0	
2002	3	0	B.H.D.	72.58	19.12	79.17	1	2002	8	1	TINENTAL	60.81	23.57	70.15	0	
2002	3	1	TINENTAL	61.72	25.09	66.74	1	2002	8	0	CRUZ	55.52	52.84	65.86	0	
2002	3	0	GLOBAL	66.64	29.03	72.78	0	2002	8	0	SANTIAGO	48.84	19.48	104.75	0	
2002	3	0	CRUZ	52.71	56.46	62.88	0	2002	8	0	BDI	66.12	26.10	86.77	0	
2002	3	0	SANTIAGO	56.36	27.21	90.75	0	2002	8	0	PROFESIONAL	81.21	26.71	93.29	0	
2002	4	0	RESERVAS	69.36	28.33	74.59	0	2002	9	0	RESERVAS	68.37	32.53	75.51	0	
2002	4	0	SCOTIA BANK	67.79	27.77	77.32	0	2002	9	0	SCOTIA BANK	74.66	21.15	88.95	0	
2002	4	0	CITIBANK	62.97	32.45	80.46	0	2002	9	0	CITIBANK	70.16	25.14	91.11	0	
2002	4	0	POPULAR	71.79	21.34	78.38	0	2002	9	0	POPULAR	72.94	19.43	81.44	0	
2002	4	0	DEL PROGRESO	60.18	22.89	67.21	1	2002	9	0	DEL PROGRESO	61.67	24.41	69.65	1	
2002	4	1	DE CREDITO	64.28	24.50	71.24	0	2002	9	1	DE CREDITO	58.88	29.03	87.97	0	
2002	4	1	MERCANTIL	66.65	28.54	72.75	0	2002	9	1	MERCANTIL	63.46	21.16	75.31	0	
2002	4	0	B.H.D.	71.41	21.23	78.55	0	2002	9	0	B.H.D.	70.46	19.95	78.90	0	
2002	4	1	TINENTAL	61.80	23.61	67.08	1	2002	9	1	TINENTAL	62.84	24.56	71.13	0	
2002	4	0	GLOBAL	64.86	27.24	71.43	0	2002	9	0	CRUZ	50.38	52.34	59.90	0	
2002	4	0	CRUZ	31.92	60.16	37.84	0	2002	9	0	SANTIAGO	47.00	16.46	102.29	0	
2002	4	0	SANTIAGO	59.28	25.04	99.16	0	2002	9	0	BDI	66.48	26.52	85.29	0	
2002	5	0	RESERVAS	66.67	30.57	71.86	0	2002	9	0	PROFESIONAL	75.71	21.77	88.52	0	
2002	5	0	SCOTIA BANK	66.48	29.50	75.81	0	2002	10	0	RESERVAS	68.78	30.63	76.41	0	
2002	5	0	CITIBANK	66.29	29.96	86.12	0	2002	10	0	SCOTIA BANK	74.33	21.95	84.20	0	
2002	5	0	POPULAR	73.43	19.41	80.35	0	2002	10	0	CITIBANK	68.71	27.89	90.37	0	
2002	5	0	DEL PROGRESO	57.46	25.97	64.07	1	2002	10	0	POPULAR	73.03	19.51	81.61	0	
2002	5	1	DE CREDITO	60.97	26.37	68.02	0	2002	10	0	DEL PROGRESO	64.39	22.72	72.78	0	
2002	5	1	MERCANTIL	68.05	26.14	74.21	0	2002	10	1	DE CREDITO	59.19	26.01	69.22	0	
2002	5	0	B.H.D.	72.34	19.56	79.93	0	2002	10	1	MERCANTIL	62.58	21.47	76.66	0	
2002	5	1	TINENTAL	63.29	22.08	69.22	1	2002	10	0	B.H.D.	72.42	19.26	81.90	0	
2002	5	0	GLOBAL	64.91	22.46	71.49	1	2002	10	1	TINENTAL	64.66	19.02	75.95	0	
2002	5	0	CRUZ	45.51	57.12	54.43	0	2002	10	0	CRUZ	54.18	49.67	64.41	0	
2002	5	0	SANTIAGO	58.47	27.81	94.01	0	2002	10	0	SANTIAGO	47.44	15.99	102.10	0	
2002	6	0	RESERVAS	68.35	26.61	74.14	0	2002	10	0	BDI	61.99	26.09	85.04	0	
2002	6	0	SCOTIA BANK	70.03	25.41	80.42	0	2002	10	0	PROFESIONAL	71.88	25.01	84.59	0	
Fuente: Elaboracion propia																

PRUEBA DE AJUSTE DEL MODELO DE REGRESIÓN LOGÍSTICA NOVIEMBRE 2002-DICIEMBRE 2004 1 de 3																
Año	Mes	Observado	ESTATUS	INDICADOR				ESTATUS	Año	Mes	Observado	INDICADOR				ESTATUS
				BANCO	I7	I19	I25					PREDICHO	BANCO	I7	I19	I25
2002	11	0	RESERVAS	58.76	30.57	85.85	0	2003	3	0	SCOTIA BANK	60.39	34.43	69.12	0	
2002	11	0	SCOTIA BANK	68.65	25.20	78.71	0	2003	3	0	CITIBANK	61.73	35.58	77.72	0	
2002	11	0	CITIBANK	64.44	28.94	84.56	0	2003	3	0	POPULAR	66.73	23.54	74.15	0	
2002	11	0	POPULAR	73.79	17.62	82.84	0	2003	3	0	DEL PROGRESO	66.74	32.38	74.71	0	
2002	11	0	DEL PROGRESO	63.51	20.90	72.15	1	2003	3	1	BANCREDITO	51.68	33.80	57.86	0	
2002	11	1	BANCREDITO	54.70	27.03	63.88	1	2003	3	1	MERCANTIL	62.56	25.08	69.42	1	
2002	11	1	MERCANTIL	65.24	22.49	71.91	1	2003	3	0	B.H.D.	67.00	21.99	75.17	0	
2002	11	0	B.H.D.	67.78	18.46	79.23	0	2003	3	1	BANINTER	58.02	3.52	64.93	1	
2002	11	1	BANINTER	66.61	15.95	77.11	1	2003	3	0	CRUZ	29.35	62.34	33.54	0	
2002	11	0	CRUZ	55.70	49.34	66.48	0	2003	3	0	SANTIAGO	38.51	35.86	74.26	0	
2002	11	0	SANTIAGO	47.30	17.14	100.81	0	2003	3	0	BDI	53.27	38.11	67.45	0	
2002	11	0	BDI	53.69	24.47	77.81	0	2003	3	0	PROFESIONAL	57.37	32.05	65.89	0	
2002	11	0	PROFESIONAL	61.00	28.85	71.82	0	2003	3	0	VIMENCA	29.46	87.23	39.65	0	
2002	11	0	VIMENCA	2.67	70.98	5.99	0	2003	4	0	RESERVAS	53.93	38.37	59.21	0	
2002	12	0	RESERVAS	61.24	27.27	69.16	0	2003	4	0	SCOTIA BANK	55.49	40.79	62.76	0	
2002	12	0	SCOTIA BANK	65.99	28.53	75.32	0	2003	4	0	CITIBANK	63.98	35.81	82.43	0	
2002	12	0	CITIBANK	66.63	28.72	87.20	0	2003	4	0	POPULAR	57.15	33.83	62.60	0	
2002	12	0	POPULAR	69.77	20.53	78.84	0	2003	4	0	DEL PROGRESO	66.36	47.02	72.98	0	
2002	12	0	DEL PROGRESO	68.26	22.83	76.76	0	2003	4	1	BANCREDITO	53.84	31.56	60.45	1	
2002	12	1	BANCREDITO	57.70	27.12	65.47	1	2003	4	1	MERCANTIL	61.35	26.73	68.22	0	
2002	12	1	MERCANTIL	67.30	20.34	74.77	1	2003	4	0	B.H.D.	55.80	34.55	62.20	0	
2002	12	0	B.H.D.	70.79	19.08	79.04	0	2003	4	1	BANINTER	34.14	1.82	41.32	1	
2002	12	1	BANINTER	64.16	20.48	73.33	1	2003	4	0	CRUZ	42.02	67.35	47.43	0	
2002	12	0	CRUZ	40.74	49.22	47.53	0	2003	4	0	SANTIAGO	40.01	33.26	77.59	0	
2002	12	0	SANTIAGO	41.76	17.32	93.72	0	2003	4	0	BDI	47.72	43.50	61.04	0	
2002	12	0	BDI	56.35	25.15	78.46	0	2003	4	0	PROFESIONAL	49.40	47.98	54.07	0	
2002	12	0	PROFESIONAL	62.53	29.09	71.95	0	2003	4	0	VIMENCA	1.24	84.54	1.48	0	
2002	12	0	VIMENCA	34.10	75.87	64.79	0	2003	5	0	RESERVAS	58.40	33.76	64.15	0	
2003	1	0	RESERVAS	48.33	41.36	53.33	0	2003	5	0	SCOTIA BANK	52.63	43.42	59.58	0	
2003	1	0	SCOTIA BANK	63.96	30.84	73.29	0	2003	5	0	CITIBANK	65.97	31.13	83.01	0	
2003	1	0	CITIBANK	67.31	33.38	86.27	0	2003	5	0	POPULAR	59.08	33.01	64.30	0	
2003	1	0	POPULAR	68.76	21.03	77.56	0	2003	5	0	DEL PROGRESO	65.27	45.87	70.96	0	
2003	1	0	DEL PROGRESO	68.02	26.72	75.80	0	2003	5	1	BANCREDITO	54.05	30.10	60.38	1	
2003	1	1	BANCREDITO	57.15	25.58	64.82	1	2003	5	1	MERCANTIL	62.98	23.55	69.92	1	
2003	1	1	MERCANTIL	66.38	21.43	73.68	1	2003	5	0	B.H.D.	52.57	35.21	61.45	0	
2003	1	0	B.H.D.	70.45	18.38	79.25	0	2003	5	1	BANINTER	30.37	1.56	39.87	1	
2003	1	1	BANINTER	68.77	14.33	79.70	1	2003	5	0	CRUZ	23.20	69.95	25.79	0	
2003	1	0	CRUZ	36.67	53.97	42.34	0	2003	5	0	SANTIAGO	45.85	27.72	91.33	0	
2003	1	0	SANTIAGO	38.57	17.72	93.71	0	2003	5	0	BDI	62.03	42.97	76.14	0	
2003	1	0	BDI	54.79	26.22	77.32	0	2003	5	0	PROFESIONAL	44.55	52.76	49.58	0	
2003	1	0	PROFESIONAL	64.49	24.88	75.06	0	2003	5	0	VIMENCA	57.75	89.55	75.34	0	
2003	1	0	VIMENCA	27.38	81.10	43.47	0	2003	6	0	RESERVAS	56.00	38.19	60.82	0	
2003	2	0	RESERVAS	52.94	35.18	58.77	0	2003	6	0	SCOTIA BANK	48.36	47.24	55.01	0	
2003	2	0	SCOTIA BANK	62.02	31.38	71.34	0	2003	6	0	CITIBANK	65.14	35.60	81.89	0	
2003	2	0	CITIBANK	65.26	32.34	84.82	0	2003	6	0	POPULAR	55.80	35.41	60.60	0	
2003	2	0	POPULAR	67.63	21.77	76.82	0	2003	6	0	DEL PROGRESO	67.39	43.14	72.96	0	
2003	2	0	DEL PROGRESO	65.95	27.83	74.39	0	2003	6	0	B.H.D.	54.90	35.01	61.13	0	
2003	2	1	BANCREDITO	55.39	25.75	62.88	1	2003	6	0	CRUZ	36.02	71.84	41.58	0	
2003	2	1	MERCANTIL	66.08	20.64	73.57	1	2003	6	0	BDI	63.13	39.83	78.87	0	
2003	2	0	B.H.D.	67.92	19.91	77.36	0	2003	6	0	PROFESIONAL	36.41	80.46	40.33	0	
2003	2	0	CRUZ	30.06	62.05	34.32	0	2003	6	0	VIMENCA	43.01	91.55	53.05	0	
2003	2	0	SANTIAGO	37.22	15.60	97.17	0	2003	7	0	RESERVAS	59.55	33.92	65.03	0	
2003	2	0	BDI	50.68	32.97	68.91	0	2003	7	0	SCOTIA BANK	42.81	52.85	48.61	0	
2003	2	0	PROFESIONAL	58.52	29.88	68.49	0	2003	7	0	CITIBANK	66.01	32.45	81.28	0	
2003	2	0	VIMENCA	42.24	81.57	67.41	0	2003	7	0	POPULAR	57.79	33.20	62.77	0	
2003	3	0	RESERVAS	55.27	34.26	61.07	0	2003	7	0	DEL PROGRESO	56.08	40.90	61.45	0	

Fuente: Elaboración propia.

PRUEBA DE AJUSTE DEL MODELO DE REGRESION LOGISTICA NOVIEMBRE 2002-DICIEMBRE 2004																
Año	Mes	Estatus Observado	BANCO	INDICADOR			Estatus Predicho	Año	Mes	Estatus Observado	BANCO	INDICADOR			Estatus Predicho	
				I7	I19	I25						I7	I19	I25		
2003	7	0	B.H.D.	55.75	33.71	63.02	0	2004	1	0	SCOTIA BANK	27.03	61.83	30.44	0	
2003	7	0	CRUZ	46.45	70.04	53.29	0	2004	1	0	CITIBANK	55.68	43.13	75.59	0	
2003	7	0	BDI	62.48	38.38	78.76	0	2004	1	0	POPULAR	58.08	34.39	63.94	0	
2003	7	0	PROFESIONAL	38.91	57.73	43.01	0	2004	1	0	DEL PROGRESO	57.16	39.07	61.41	0	
2003	7	0	VIMENCA	55.07	89.47	70.83	0	2004	1	0	B.H.D.	57.43	29.81	68.96	0	
2003	8	0	RESERVAS	58.98	34.59	65.07	0	2004	1	0	CRUZ	48.49	67.95	56.92	0	
2003	8	0	SCOTIA BANK	34.00	47.21	38.87	0	2004	1	0	BDI	64.10	26.88	81.82	0	
2003	8	0	CITIBANK	65.46	30.07	81.28	0	2004	1	0	PROFESIONAL	47.42	72.18	51.17	0	
2003	8	0	POPULAR	56.60	35.13	62.03	0	2004	1	0	VIMENCA	65.25	66.82	76.86	0	
2003	8	0	DEL PROGRESO	52.64	43.19	58.58	0	2004	2	0	RESERVAS	59.77	32.39	65.81	0	
2003	8	0	B.H.D.	53.42	34.24	63.46	0	2004	2	0	SCOTIA BANK	26.95	62.97	30.26	0	
2003	8	0	CRUZ	50.49	69.23	59.58	0	2004	2	0	CITIBANK	52.70	44.04	69.28	0	
2003	8	0	BDI	59.22	35.48	77.24	0	2004	2	0	POPULAR	58.41	35.46	62.07	0	
2003	8	0	PROFESIONAL	43.22	52.99	48.72	0	2004	2	0	DEL PROGRESO	48.20	39.94	54.44	0	
2003	8	0	VIMENCA	60.05	89.72	76.02	0	2004	2	0	B.H.D.	59.11	27.97	68.70	0	
2003	9	0	RESERVAS	60.17	31.99	67.97	0	2004	2	0	CRUZ	24.53	67.59	28.65	0	
2003	9	0	SCOTIA BANK	39.23	51.95	44.45	0	2004	2	0	BDI	65.19	29.02	82.86	0	
2003	9	0	CITIBANK	67.38	32.59	90.33	0	2004	2	0	PROFESIONAL	52.10	70.20	56.85	0	
2003	9	0	POPULAR	57.09	34.37	62.73	0	2004	2	0	VIMENCA	68.82	89.40	77.48	0	
2003	9	0	DEL PROGRESO	51.38	44.01	57.71	0	2004	3	0	RESERVAS	60.66	28.11	66.69	0	
2003	9	0	B.H.D.	53.31	37.65	59.75	0	2004	3	0	SCOTIA BANK	26.39	59.48	32.78	0	
2003	9	0	CRUZ	46.47	70.47	54.27	0	2004	3	0	CITIBANK	49.17	43.97	64.41	0	
2003	9	0	BDI	61.88	36.32	76.19	0	2004	3	0	POPULAR	56.18	37.21	59.41	0	
2003	9	0	PROFESIONAL	38.29	57.07	42.89	0	2004	3	0	DEL PROGRESO	49.73	39.60	54.83	0	
2003	9	0	VIMENCA	67.89	89.81	85.66	0	2004	3	0	B.H.D.	61.50	29.27	68.22	0	
2003	10	0	RESERVAS	62.20	31.42	68.71	0	2004	3	0	CRUZ	48.71	68.13	58.26	0	
2003	10	0	SCOTIA BANK	35.08	53.88	38.90	0	2004	3	0	SANTIAGO	9.79	81.17	21.14	0	
2003	10	0	CITIBANK	59.77	35.27	83.87	0	2004	3	0	BDI	70.82	27.43	85.50	0	
2003	10	0	POPULAR	56.29	35.48	61.89	0	2004	3	0	PROFESIONAL	48.91	64.45	54.48	0	
2003	10	0	DEL PROGRESO	51.15	44.39	57.37	0	2004	3	0	VIMENCA	77.30	89.20	87.61	0	
2003	10	0	B.H.D.	54.80	38.10	61.51	0	2004	4	0	RESERVAS	57.75	33.20	62.63	0	
2003	10	0	CRUZ	42.78	71.30	49.57	0	2004	4	0	SCOTIA BANK	28.79	60.79	33.73	0	
2003	10	0	BDI	61.11	37.79	75.00	0	2004	4	0	CITIBANK	45.88	51.20	80.32	0	
2003	10	0	PROFESIONAL	28.13	67.10	30.82	0	2004	4	0	POPULAR	53.25	38.99	57.31	0	
2003	10	0	VIMENCA	52.56	89.42	66.68	0	2004	4	0	DEL PROGRESO	48.97	41.63	52.95	0	
2003	11	0	RESERVAS	58.53	33.18	65.55	0	2004	4	0	B.H.D.	57.56	30.80	64.84	0	
2003	11	0	SCOTIA BANK	32.23	61.42	35.53	0	2004	4	0	CRUZ	44.02	70.25	52.31	0	
2003	11	0	CITIBANK	53.92	43.80	74.48	0	2004	4	0	SANTIAGO	8.99	82.59	18.89	0	
2003	11	0	POPULAR	54.83	35.57	61.80	0	2004	4	0	BDI	69.20	23.97	88.05	0	
2003	11	0	DEL PROGRESO	54.16	43.59	59.55	0	2004	4	0	PROFESIONAL	50.77	62.22	56.87	0	
2003	11	0	B.H.D.	55.29	34.21	62.90	0	2004	4	0	VIMENCA	74.52	90.09	83.41	0	
2003	11	0	CRUZ	34.88	72.02	40.20	0	2004	5	0	RESERVAS	58.39	33.44	81.08	0	
2003	11	0	BDI	60.74	32.28	76.23	0	2004	5	0	SCOTIA BANK	27.84	82.15	32.70	0	
2003	11	0	PROFESIONAL	28.09	68.42	28.40	0	2004	5	0	CITIBANK	44.99	56.01	56.32	0	
2003	11	0	VIMENCA	42.50	89.78	53.01	0	2004	5	0	POPULAR	50.79	41.64	54.79	0	
2003	12	0	RESERVAS	63.74	29.34	69.98	0	2004	5	0	DEL PROGRESO	51.58	41.69	55.89	0	
2003	12	0	SCOTIA BANK	30.96	61.01	34.02	0	2004	5	0	B.H.D.	52.22	37.54	59.71	0	
2003	12	0	CITIBANK	57.02	43.03	76.96	0	2004	5	0	CRUZ	37.92	71.34	44.38	0	
2003	12	0	POPULAR	56.13	35.67	62.50	0	2004	5	0	SANTIAGO	6.98	86.08	14.12	0	
2003	12	0	DEL PROGRESO	53.32	44.43	57.26	0	2004	5	0	BDI	67.98	27.26	84.87	0	
2003	12	0	B.H.D.	54.68	35.49	60.84	0	2004	5	0	PROFESIONAL	49.08	63.46	55.16	0	
2003	12	0	CRUZ	48.03	64.02	56.55	0	2004	5	0	VIMENCA	74.25	88.23	86.02	0	
2003	12	0	BDI	63.17	29.76	78.70	0	2004	6	0	RESERVAS	56.82	32.92	61.72	0	
2003	12	0	PROFESIONAL	48.06	70.10	51.76	0	2004	6	0	SCOTIA BANK	28.58	62.41	33.05	0	
2003	12	0	VIMENCA	67.26	88.70	79.08	0	2004	6	0	CITIBANK	50.16	52.31	62.76	0	
2004	1	0	RESERVAS	64.08	27.49	70.47	0	2004	6	0	POPULAR	48.70	45.52	50.77	0	

Fuente: Elaboración propia

PRUEBA DE AJUSTE DEL MODELO DE REGRESIÓN LOGÍSTICA NOVIEMBRE 2002- DICIEMBRE 2004																
Año	Mes	Estatus	Observado	INDICADOR			Predicho	Año	Mes	Estatus	Observado	INDICADOR			Predicho	
				BANCO	I7	I19	I25					BANCO	I7	I19	I25	
2004	6	0	DEL PROGRESO	48.51	43.05	52.13	0	2004	9	0	SANTIAGO	62.92	84.60	82.68	0	
2004	6	0	B.H.D.	51.38	39.79	56.86	0	2004	9	0	BDI	59.77	33.47	73.71	0	
2004	6	0	CRUZ	49.41	73.39	58.28	0	2004	9	0	PROFESIONAL	43.33	65.36	49.21	0	
2004	6	0	SANTIAGO	10.77	83.26	17.88	0	2004	9	0	VIMENCA	75.64	88.29	85.33	0	
2004	6	0	BDI	65.37	31.84	80.52	0	2004	10	0	RESERVAS	56.44	37.92	60.46	0	
2004	6	0	PROFESIONAL	48.25	65.33	54.25	0	2004	10	0	SCOTIA BANK	30.94	61.28	36.31	0	
2004	6	0	VIMENCA	77.74	89.46	87.86	0	2004	10	0	CITIBANK	62.68	60.14	78.33	0	
2004	7	0	RESERVAS	53.08	38.56	57.03	0	2004	10	0	POPULAR	51.12	41.21	58.64	0	
2004	7	0	SCOTIA BANK	25.88	63.71	30.18	0	2004	10	0	DEL PROGRESO	44.50	45.76	48.41	0	
2004	7	0	CITIBANK	51.67	57.84	60.53	0	2004	10	0	B.H.D.	44.21	43.61	49.91	0	
2004	7	0	POPULAR	46.57	44.40	50.81	0	2004	10	0	CRUZ	48.26	71.47	55.98	0	
2004	7	0	DEL PROGRESO	45.38	47.02	49.06	0	2004	10	0	SANTIAGO	63.54	83.51	83.44	0	
2004	7	0	B.H.D.	47.65	43.17	53.04	0	2004	10	0	BDI	55.18	36.32	70.51	0	
2004	7	0	CRUZ	43.25	70.85	50.07	0	2004	10	0	PROFESIONAL	43.99	64.34	50.31	0	
2004	7	0	SANTIAGO	9.08	85.31	13.99	0	2004	10	0	VIMENCA	73.76	87.11	82.61	0	
2004	7	0	BDI	61.92	38.61	74.70	0	2004	11	0	RESERVAS	58.55	37.04	61.30	0	
2004	7	0	PROFESIONAL	30.70	66.75	34.86	0	2004	11	0	SCOTIA BANK	32.88	58.32	38.85	0	
2004	7	0	VIMENCA	73.42	88.53	82.90	0	2004	11	0	CITIBANK	59.73	57.40	77.92	0	
2004	8	0	RESERVAS	55.77	36.13	60.22	0	2004	11	0	POPULAR	50.57	38.97	56.67	0	
2004	8	0	SCOTIA BANK	28.32	63.39	33.39	0	2004	11	0	DEL PROGRESO	42.81	45.69	48.82	0	
2004	8	0	CITIBANK	55.25	59.28	67.57	0	2004	11	0	B.H.D.	44.57	42.91	50.61	0	
2004	8	0	POPULAR	50.81	42.90	55.98	0	2004	11	0	CRUZ	39.31	72.31	45.58	0	
2004	8	0	DEL PROGRESO	42.28	49.21	46.01	0	2004	11	0	SANTIAGO	42.59	87.58	51.03	0	
2004	8	0	B.H.D.	45.20	43.45	52.04	0	2004	11	0	BDI	52.36	41.78	73.46	0	
2004	8	0	CRUZ	44.28	72.44	51.63	0	2004	11	0	PROFESIONAL	40.76	62.75	53.90	0	
2004	8	0	SANTIAGO	6.50	88.59	9.23	0	2004	11	0	VIMENCA	69.52	79.17	82.67	0	
2004	8	0	BDI	59.78	38.37	73.45	0	2004	12	0	RESERVAS	60.90	33.21	65.71	0	
2004	8	0	PROFESIONAL	39.84	86.33	47.51	0	2004	12	0	SCOTIA BANK	35.78	56.54	41.35	0	
2004	8	0	VIMENCA	78.35	88.27	88.86	0	2004	12	0	CITIBANK	58.47	57.33	64.98	0	
2004	9	0	RESERVAS	54.85	37.84	59.54	0	2004	12	0	POPULAR	50.97	43.01	55.29	0	
2004	9	0	SCOTIA BANK	29.18	60.72	34.78	0	2004	12	0	DEL PROGRESO	44.52	46.98	44.43	0	
2004	9	0	CITIBANK	63.33	54.09	75.57	0	2004	12	0	B.H.D.	45.22	45.15	48.94	0	
2004	9	0	POPULAR	51.58	41.07	56.74	0	2004	12	0	CRUZ	51.47	62.89	60.97	0	
2004	9	0	DEL PROGRESO	44.25	46.88	47.92	0	2004	12	0	SANTIAGO	11.09	80.40	13.76	0	
2004	9	0	B.H.D.	43.85	44.70	48.37	0	2004	12	0	BDI	61.52	41.97	75.21	0	
2004	9	0	CRUZ	43.29	69.98	50.87	0	2004	12	0	PROFESIONAL	41.46	59.78	57.83	0	
									2004	12	0	VIMENCA	69.83	76.07	83.89	0

Fuente: Elaboración propia

PRUEBA DE AJUSTE DEL MODELO DE REGRESIÓN LOGÍSTICA ENERO-DICIEMBRE 2005																	
Año	Mes	Estatus		BANCO	INDICADOR			Estatus	Año	Mes	Estatus		BANCO	INDICADOR			Estatus
		Observado	Predicho		I7	I19	I25				Observado	Predicho		I7	I19	I25	
2005	1	0	RESERVAS	56.16	37.77	59.58	0	2005	6	0	VIMENCA	72.76	68.04	86.97	0		
2005	1	0	SCOTIA BANK	35.05	56.16	41.06	0	2005	7	0	RESERVAS	53.01	41.39	57.38	0		
2005	1	0	CITIBANK	59.14	57.66	64.63	0	2005	7	0	SCOTIA BANK	48.09	51.84	56.38	0		
2005	1	0	POPULAR	46.84	45.06	50.76	0	2005	7	0	CITIBANK	66.86	58.76	75.04	0		
2005	1	1	DEL PROGRESO	40.05	47.90	39.72	1	2005	7	0	POPULAR	43.39	46.21	48.78	0		
2005	1	0	B.H.D.	46.19	44.41	50.55	0	2005	7	1	DEL PROGRESO	35.92	51.75	37.62	0		
2005	1	0	CRUZ	42.31	68.48	49.89	0	2005	7	0	B.H.D.	45.69	48.92	50.49	0		
2005	1	0	INTERNACIONAL	43.94	81.79	53.04	0	2005	7	0	CRUZ	28.78	58.36	33.30	0		
2005	1	0	BDI	58.67	48.86	73.19	0	2005	7	0	INTERNACIONAL	38.64	49.22	47.40	0		
2005	1	0	PROFESIONAL	38.26	60.97	54.87	0	2005	7	0	BDI	56.21	51.69	68.21	0		
2005	1	0	VIMENCA	69.82	80.68	81.77	0	2005	7	0	VIMENCA	71.17	63.27	85.25	0		
2005	2	0	RESERVAS	61.32	38.36	64.83	0	2005	8	0	RESERVAS	52.74	41.64	57.06	0		
2005	2	0	SCOTIA BANK	33.35	58.52	39.22	0	2005	8	0	SCOTIA BANK	47.92	49.80	56.21	0		
2005	2	0	CITIBANK	59.94	59.17	64.83	0	2005	8	0	CITIBANK	67.37	49.59	72.69	0		
2005	2	0	POPULAR	46.02	46.46	51.00	0	2005	8	0	POPULAR	43.81	45.35	49.54	0		
2005	2	1	DEL PROGRESO	36.94	50.01	36.90	1	2005	8	1	DEL PROGRESO	32.00	53.35	33.98	0		
2005	2	0	B.H.D.	45.03	44.22	49.28	0	2005	8	0	B.H.D.	46.27	48.06	51.25	0		
2005	2	0	CRUZ	45.03	68.55	53.69	0	2005	8	0	CRUZ	38.55	53.97	45.30	0		
2005	2	0	CARIBE	16.65	78.89	20.78	0	2005	8	0	INTERNACIONAL	36.14	52.86	43.22	0		
2005	2	0	BDI	62.77	48.84	76.81	0	2005	8	0	BDI	58.53	47.40	69.33	0		
2005	2	0	PROFESIONAL	23.03	57.26	41.26	0	2005	8	0	VIMENCA	70.55	56.98	86.39	0		
2005	2	0	VIMENCA	71.40	78.92	83.72	0	2005	9	0	RESERVAS	53.37	44.29	57.55	0		
2005	3	0	RESERVAS	56.22	38.61	59.01	0	2005	9	0	SCOTIA BANK	46.87	48.23	55.28	0		
2005	3	0	SCOTIA BANK	33.57	59.08	39.09	0	2005	9	0	CITIBANK	58.29	59.61	62.52	0		
2005	3	0	CITIBANK	61.04	60.96	68.40	0	2005	9	0	POPULAR	46.40	44.07	51.67	0		
2005	3	0	POPULAR	42.78	47.98	46.43	0	2005	9	1	DEL PROGRESO	35.97	48.98	38.03	1		
2005	3	1	DEL PROGRESO	35.72	52.01	35.39	1	2005	9	0	B.H.D.	46.18	48.59	51.13	0		
2005	3	0	B.H.D.	44.59	48.24	47.78	0	2005	9	0	CRUZ	33.07	57.92	39.35	0		
2005	3	0	CRUZ	40.80	62.08	48.63	0	2005	9	0	INTERNACIONAL	32.23	59.00	36.72	0		
2005	3	0	SANTIAGO	21.05	69.50	25.36	0	2005	9	0	BDI	62.43	46.37	73.03	0		
2005	3	0	BDI	64.18	48.40	76.32	0	2005	9	0	VIMENCA	72.75	57.51	87.36	0		
2005	3	0	VIMENCA	68.52	77.80	81.11	0	2005	10	0	RESERVAS	55.41	41.91	59.91	0		
2005	4	0	RESERVAS	53.66	40.92	56.14	0	2005	10	0	SCOTIA BANK	46.62	47.86	54.66	0		
2005	4	0	SCOTIA BANK	33.75	59.08	39.23	0	2005	10	0	CITIBANK	37.43	59.09	37.75	0		
2005	4	0	CITIBANK	35.31	57.59	38.34	0	2005	10	0	POPULAR	46.48	44.87	51.66	0		
2005	4	0	POPULAR	42.69	47.76	47.00	0	2005	10	1	DEL PROGRESO	36.33	48.84	38.94	0		
2005	4	1	DEL PROGRESO	34.14	50.97	36.17	0	2005	10	0	B.H.D.	47.75	48.67	52.85	0		
2005	4	0	B.H.D.	43.03	49.25	48.50	0	2005	10	0	CRUZ	31.81	61.25	36.94	0		
2005	4	0	CRUZ	46.14	65.98	54.48	0	2005	10	0	INTERNACIONAL	38.97	50.18	45.42	0		
2005	4	0	INTERNACIONAL	25.85	64.53	30.90	0	2005	10	0	BDI	44.06	45.84	53.73	0		
2005	4	0	BDI	60.81	52.03	71.47	0	2005	10	0	VIMENCA	70.86	57.35	84.74	0		
2005	4	0	VIMENCA	68.72	76.17	81.42	0	2005	11	0	RESERVAS	55.79	42.19	60.50	0		
2005	5	0	RESERVAS	51.92	43.08	55.10	0	2005	11	0	SCOTIA BANK	45.84	49.31	53.00	0		
2005	5	0	SCOTIA BANK	42.18	55.65	49.27	0	2005	11	0	CITIBANK	35.85	60.10	35.72	0		
2005	5	0	CITIBANK	60.35	58.10	69.11	0	2005	11	0	POPULAR	45.56	45.83	50.76	0		
2005	5	0	POPULAR	43.20	48.86	47.54	0	2005	11	1	DEL PROGRESO	38.58	42.67	42.28	1		
2005	5	1	DEL PROGRESO	34.74	52.32	37.02	0	2005	11	0	B.H.D.	45.53	50.20	50.35	0		
2005	5	0	B.H.D.	44.81	49.49	48.24	0	2005	11	0	CRUZ	35.88	54.87	41.22	0		
2005	5	0	CRUZ	37.07	61.70	43.67	0	2005	11	0	INTERNACIONAL	45.06	47.86	52.50	0		
2005	5	0	SANTIAGO	32.73	54.27	41.30	0	2005	11	0	BDI	63.06	47.98	76.04	0		
2005	5	0	BDI	56.96	52.13	87.26	0	2005	11	0	VIMENCA	68.78	47.93	84.69	0		
2005	5	0	VIMENCA	70.61	69.87	84.24	0	2005	12	0	RESERVAS	58.76	38.46	64.13	0		
2005	6	0	RESERVAS	53.34	41.42	57.57	0	2005	12	0	SCOTIA BANK	49.44	44.00	57.27	0		
2005	6	0	SCOTIA BANK	45.74	53.98	53.33	0	2005	12	0	CITIBANK	68.18	61.59	73.94	0		
2005	6	0	CITIBANK	62.02	58.20	69.81	0	2005	12	0	POPULAR	45.82	45.98	50.02	0		
2005	6	0	POPULAR	42.12	47.77	46.60	0	2005	12	0	BANK	49.64	56.83	50.33	0		
2005	6	1	DEL PROGRESO	38.89	50.36	38.66	0	2005	12	0	B.H.D.	46.21	52.53	48.47	0		
2005	6	0	B.H.D.	44.95	49.22	48.29	0	2005	12	0	CRUZ	37.95	58.50	43.21	0		
2005	6	0	CRUZ	45.79	68.26	53.18	0	2005	12	0	INTERNACIONAL	45.72	49.29	52.32	0		
2005	6	0	SANTIAGO	29.37	61.08	34.46	0	2005	12	0	BDI	65.56	48.04	75.41	0		
2005	6	0	BDI	53.83	54.12	62.87	0	2005	12	0	LEON	57.76	34.31	60.09	0		
								2005	12	0	VIMENCA	65.82	52.57	77.99	0		

Fuente: Elaboración propia